1914.

извъстія

№ 62.

николаевской главной астрономической обсерватории. Томъ VI, 2.

MITTEILUNGEN

DER NIKOLAI-HAUPTSTERNWARTE ZU PULKOWO.

Band VI, 2.

Etude de la lumière cendrée de la Lune au moyen des filtres sélecteurs.

Par G. A. Tikhoff.

(Avec 1 planche hors texte).

Depuis quelques années j'ai conçu l'idée de l'application des filtres sélecteurs à l'étude de la couleur de la lumière cendrée. Cette question m'a paru très intéressante et très importante parce que sa solution aurait éclairci les propriétés de la réflexion des rayons différents par la Terre.

Mode d'observations. — Je me suis servi de l'astrographe de Bredikhine. Après quelques essais préliminaires il a été adopté le mode d'observations que voici.

On fait d'abord une ou deux photographies de courte pose du croissant, on photographie ensuite la lumière cendrée et l'on finit par une nouvelle pose du croissant. Pour la lumière cendrée on emploie l'ouverture libre de l'objectif qui est de 170 mm., et pour le croissant, le diaphragme de 59 mm.; ceci donne pour le rapport des surfaces 8,30. Toutes ces photographies sont prises sur une même plaque, dans le voisinage les unes des autres.

Les photographies du croissant servent d'objet de comparaison. En même temps elles permettent de tenir compte du changement de la transparence de l'atmosphère provenant de la variation de la hauteur de la Lune. Enfin, la présence sur la même plaque des images du croissant rend les résultats de comparaison complètement ou, au moins, en grande partie libres de l'influence du voile crépusculaire, parce que les images du croissant et de la lumière cendrée se projettent sur un fond d'une même intensité. D'ailleurs, nous n'avons pas introduit dans le présent travail les épreuves trop voilées par la lumière crépusculaire.

1

Nous ne faisions ces observations que par le temps d'une transparence très bonne. Autrement il serait impossible de donner quelque valeur aux comparaisons de l'intensité du croissant et de la lumière cendrée, parce que leurs photographies ne sont pas prises simultanément.

Filtres sélecteurs et plaques employés. — Jusqu'à présent j'ai employé pour ces études 4 de mes filtres sélecteurs. Les parties du spectre en jeu pour ces filtres et les plaques employées sont indiquées dans le tableau suivant.

Tableau I.

№ du filtre.	Sorte de la plaque.	Limites de la région pho- tographiée du spectre.	Milieu de cette région λ.	Couleur correspondante.
57	Wratten-panchromatic	680—600 µµ	640 µµ	Rouge et orangé.
73	Agfa-Chromo	580—550	565	Jaune.
32	39 91	550—495	520	Vert.
78	Agfa-Chromo ou Schleussner- Moment	415—370	395	Violet et ultra- violet.

Pour anéantir le halo provenant du croissant pendant la pose de la lumière cendrée, le côté verre des plaques était enduit d'un vernis noir qu'on enlevait avant le développement.

Pendant chaque série d'observations on tâchait d'obtenir au moins 2 clichés, un dans le violet ultraviolet et un autre dans le rouge orangé ou jaune.

Les plaques de chaque série ont été développées d'une façon identique.

Détails et les résultats des observations. — Dans les tableaux II et III sont rassemblés les détails des observations. La phase du croissant avant la nouvelle lune est pourvue de signe —. Dans le tableau IV on trouve les résultats de comparaison de l'intensité moyenne de la lumière cendrée et du bord convexe du croissant.

Tableau II.

M de l'épreuve.	Date.	Milieu de la pose e mière cer t. sidér. de Poulkovo.	Durée de la lu- ndrée t. sidér.	Sorte de la plaque.	λ	Mode de développement.
964 965 979 980 981 982	1913 Avril 9 " " Mai 9 " "	9 ^h 13 ^m 9 31 12 38 13 48 14 5 14 29	20 ^m 0 5.0 20.0 10.0 10.0 20.0	Wratten-panchromatic Schleussner-Moment Wratten-panchromatic Agfa-Chromo	640 µµ 395 640 395 565 520	8 minut. dans le rodinal à 4% (0)

9		Milieu	Durée	E41 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1		
M de l'épreuve.	Date.	de la pose e mière ce	de la lu- ndrée	Sorte de la plaque.	λ	Mode de développement.
l'ép		t. sidér. de Poulkovo.	t. sidér.			
9-0-4-1	1913					
994	Août 28	o ^h 30 ^m	10.0	Agfa-Chromo	565 µµ	8 min. dans le rodinal à 4%.
995	21 27	0 49	10.0	27 27	395	22 22 21 21 21 22 22
996	27 27	I 13	10.0	27 29	565	5 min. dans le rodinal à 40/0.
997	21 21	1 26	5.0	77 99	395	23 27 22 23 23 23
999	Août 29	I 20	15.0	Wratten-panchromatic	640	5 m. dans le rodinal à 4% et 5 m. dans le rodinal à 8%.
1000	77 29	1 36	7.5	Agfa-Chromo	565	8 m. dans le rodinal à 40/0.
1001	22 22	1 48	7.5	22 22 .	395	27 27 27 27 27 27

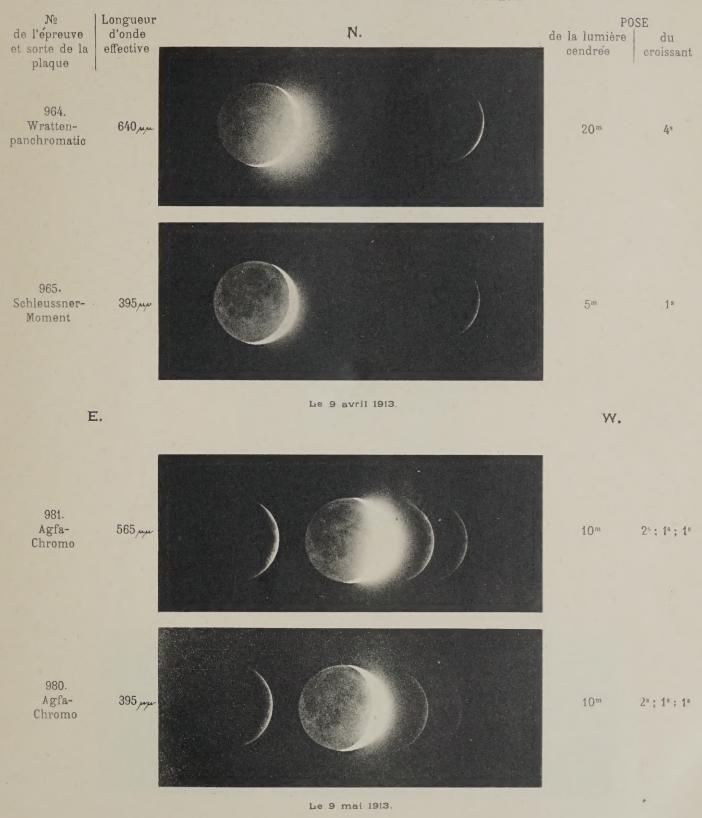
Tableau III.

N de l'épreuve.	Age de la Lune.	Phase du croissant.	Hauteur apparen- te de la Lune.	Propriétés de la lumière cendrée sur le cliché.	Distance zénithale du Soleil.	Propriétés du voile crépus- culaire sur le cliché.
964 965	3.010 3.022	350{	19.6	Un peu faible, monotone. Pose presque normale. On voit les principaux détails.	90 ⁰ -1- 8.0	Faible. Assez fort.
979 980	3.461		19.6	Pose presque normale. Mers peu distinctes. Sousexposée. Mers assez mal distinc- tes.	7.4	Faible. Très faible.
981	3.522	43	10.6	Un peu sousexposée. Mers assez bien distinctes.	11.9	A peine visible.
982	3.539) (8.3	Sousexposée.	12.5	27 27 27
994	-2.858	1	11.4	Pose normale.	16.4	Absent.
995	-2.845	-40	13.4	Epreuve très bonne. Détails bien visibles.	15.0	.99
996	-2.828		16.0	Pose normale.	13.0	27
997	-2.819	, (17.3	Epreuve bonne.	12.0	11
999	-1.826) (6.0	A peine visible.	13.3	11
1000	-1.815	}-26 {	7.8	Pose presque normale.	11.9	Très faible.
1001	-1.807	, (9.0	Sousexposée. Détails mal visibles.	10.7	Assez fort.

Tableau IV.

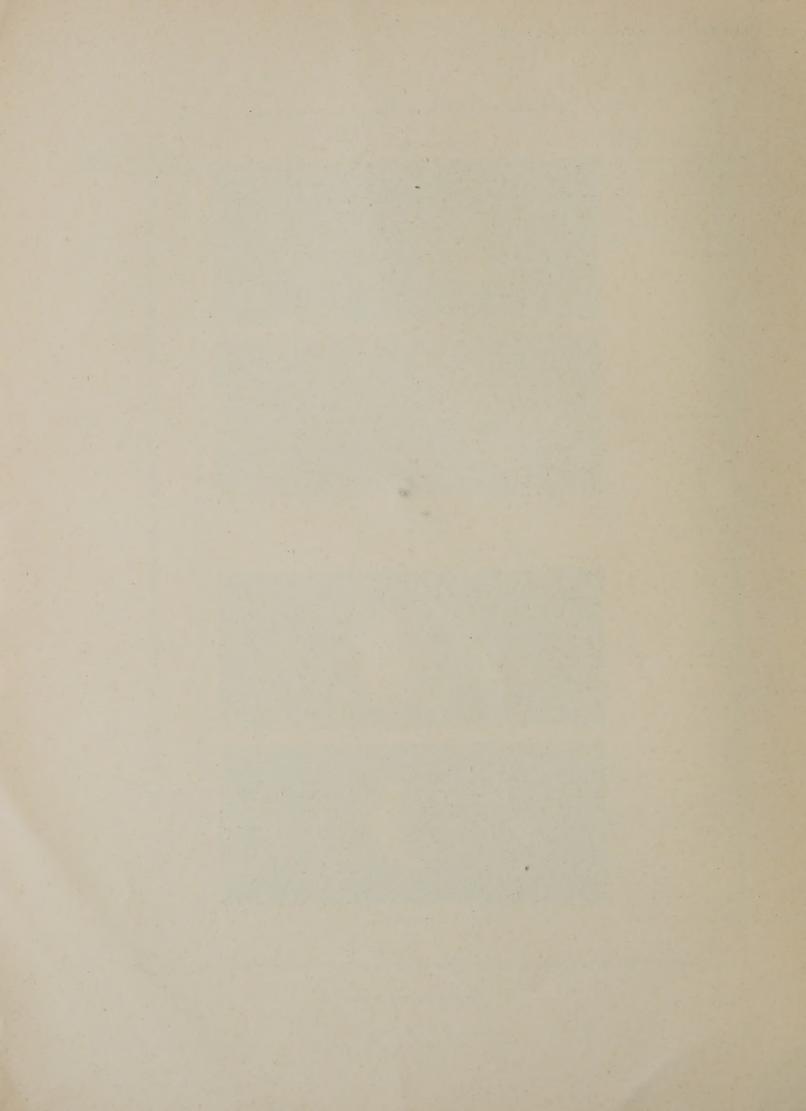
Phase du crois-sant.	λ	Durée de la pose de la lumière cen- drée (ouverture de l'objectif 170 mm.).	du cro (ouvertur avant	e la pose bissant re 59 mm.) après e cendrée.	Intensité moyenne de la lumière cendrée comparée à l'intensité du bord convexe du croissant.	Rapport approximative- ment estimé des durées de la pose de la lumière cendrée et du croissant qui rendraient leur in- tensité égale.
	640 µµ	15.00 {	38	3.5	Un peu plus faible. Bien plus faible.	
-26°	565	7.5	11/2	11/2	A peine plus grande. A peine plus faible.	300:1
	395	7.5	11/2	11/2	Bien plus grande. Plus grande.	150:1
	640	20.0	4 2		Bien plus faible. Plus faible.	1200:1
35°{	395	5.0	1/2		Un peu plus faible. Un peu plus grande.	400:1
	5 65	10.0	2	2	Bien plus faible.	
— ₄₀	395	10.0	2	2	Plus faible.	
	565	10.0	2	2	Bien plus faible.	
	395	5.0	I	I	Plus faible.	600:1
	640	20.0	2		Bien plus faible.	
	565	10.0	2 I		Bien plus faible. Plus faible.	
43	520	20.0	4 2	I	Plus faible.	
			2	2	Egale. Plus faible.	800:1
	395	10.0	1	I	A peine plus faible. Plus grande.	500:1

G. A. TIKHOFF. Etude de la lumière cendrée de la Lune....



Ouverture de l'objectif: pour la lumière cendrée 170 mm; pour le croissant 59 mm. Foyer 800 mm.

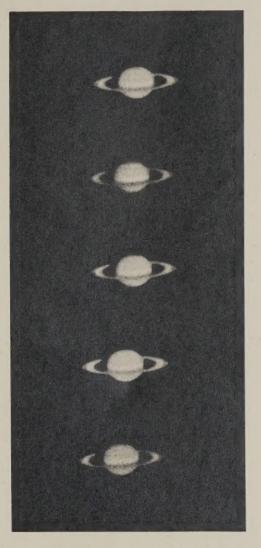
Agrandissement 3 fois



W

G. A. TIKHOFF. Photographies de Saturne, obtenues à Poulkovo au moyen du 30 pouces.

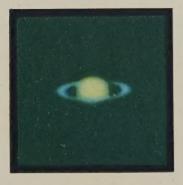
S



Epreuve jaune vert, № 53. 25 août 1909.



Epreuve jaune vert. 12 février 1911.



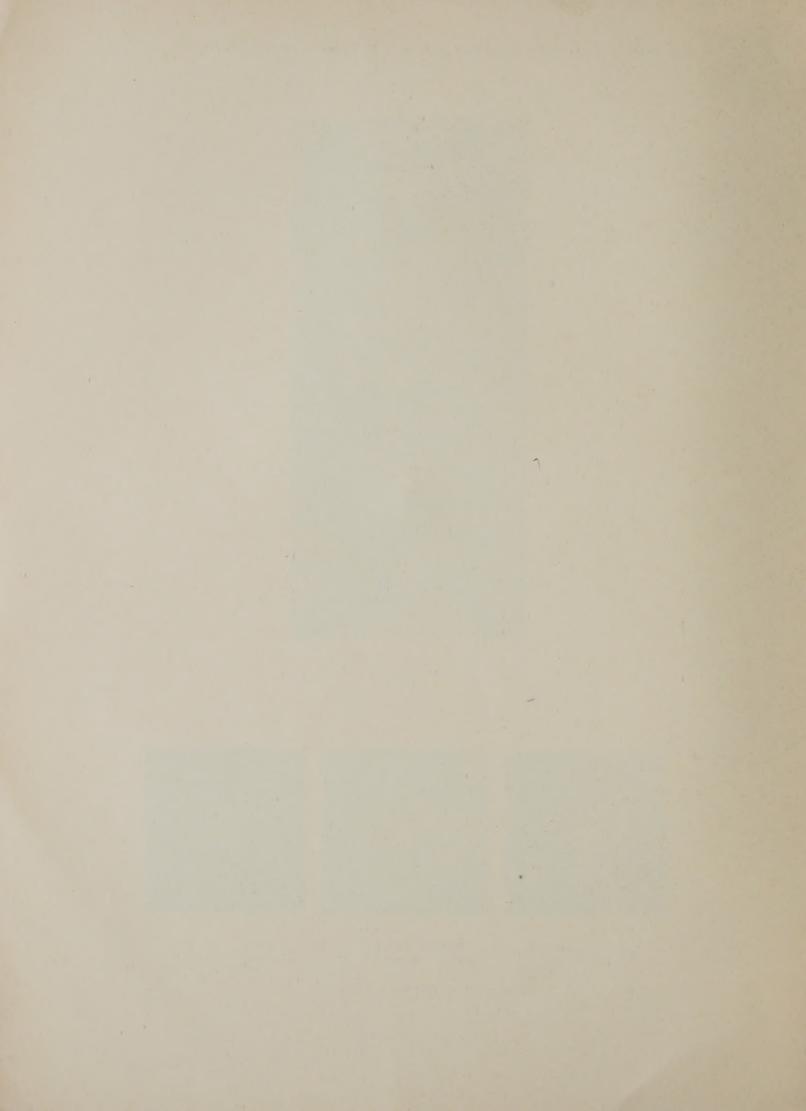
Epreuve à deux couleurs (jaune vert+indigo violet).

Agrandissement 8 fois,



È

Epreuve indigo violet. 28 janvier 1911



λ la moyenne de toutes les 4 longueurs d'onde employées, $i_{a,o}$ la valeur de i_a pour λ_o .

Avec ces designations on a

Cette équation renferme 2 inconnues, i_n et $i_{a,o}$. En y introduisant les valeurs (4) de à et i, on obtient 4 équations de condition que voici:

$$\begin{aligned} i_n &+ 0.47 \, i_{a,o} - 0.49 = 0, \\ i_n &+ 0.77 \, i_{a,o} - 0.57 = 0, \\ i_n &+ 1.08 \, i_{a,o} - 0.68 = 0, \\ i_n &+ 3.24 \, i_{a,o} - 1.00 = 0. \end{aligned}$$

En appliquant à ces équations la méthode des moindres carrés, on trouve les équations normales:

$$4.00 i_n + 5.56 i_{a,o} - 2.75 = 0,$$

$$5.56 i_n + 12.49 i_{a,o} - 4.60 = 0,$$

d'où

et

$$i_n = 0.44 \pm 0.04 \text{ (erreur moyenne)}, \ i_{a,o} = 0.18 \pm 0.02 \quad , \quad ,$$

En introduisant ces quantités dans les équations (5) et (7), on trouve pour i_a et les résidus (Δ) les valeurs indiquées dans le tableau VI qui résume les résultats de nos recherches.

Tableau VI.

λ en μμ.	640	565	520	895
Intensité observée i	0.49	0.57	0.68	1.00
Composante i_n (nuages, brume, poussière etc.)	0.44	0.44	0.44	0.44
Composante i_a (air etc.) observée	0.05	0.13	0.24	0.56
Composante i_a calculée	0.08	0.14	0.19	0.5
Calcul moins observation (Δ)	+-0.03	10.0+	-0.05	-1-0.0

On voit d'ici que les observations satisfont à la théorie bien mieux qu'on ne pouvait s'y attendre.

Quoiqu'il en soit, on pourrait conclure du tableau VI que la réflexion de la lumière extérieure par l'air pur et, en géneral, par les molécules plus petites que la longueur d'onde joue un rôle très important dans la réflexion globale de la Terre. La composante i_a est peu importante pour les rayons rouges, mais elle augmente rapidement avec la diminution de la longueur d'onde et dans les rayons violets elle depasse très sensiblement la composante i_n . En posant dans l'équation (5) $i_a = i_n$ et en se servant des valeurs (8), on trouve pour λ correspondante 420 $\mu\mu$. C'est donc la longueur d'onde pour laquelle la réflexion par l'air pur etc. égale la réflexion par les nuages, la brume, la poussière etc.

Nos résultats sont semblables, au moins qualitativement, aux conclusions qu'a faites récemment M. Frank W. Very dans le mémoire "Sur la détermination de la constante solaire..."). Aux pages 12—13 de ce mémoire M. Very dit: "De la lumière réfléchie par une planète entourée d'une atmosphère dense poussiéreuse et nuageuse, il y en a très peu qui vienne de la surface solide et la plus grande partie est une lumière blanche avec seulement un léger accroissement qui vient de la diffusion partielle des rayons bleus et violets".

Remarques sur le spectre de la lumière cendrée. — Dans un mémoire très intéressant "Поиски хлорофилла на планетахъ" (Recherches de la chlorophylle sur les planètes) 2 M-r. V. M. Arcichovsky exprime l'idée qu'on devrait commencer la recherche des bandes de la chlorophylle dans le spectre des planètes par l'étude du spectre de la lumière cendrée. En effet, comme ce dernier représente le spectre de la Terre, modifié seulement par la réflexion sélective de la surface de la Lune, on y aurait le spectre de la planète couverte de la végétation, et ce spectre pourrait servir de point de repère dans la recherche des bandes de la chlorophylle dans le spectre des autres planètes. Malheureusement, il paraît qu'il n'en est pas ainsi. En effet, il suit immédiatement de ce qui précède que la surface solide et liquide de la Terre ne joue qu'un rôle bien peu important dans la réflexion de la lumière extérieure. Si même on admettait la chose impossible que dans l'albedo 0.89 de la Terre, trouvé par M. Very, la réflexion par la surface même de la Terre entre intégralement, elle ne ferait qu'un sixième de tout. En effet, par l'analogie avec la Lune et avec Mercure, on pourrait admettre pour l'albedo de la surface même de la Terre la valeur de 0.15 environ. Si l'on prend encore en considération la petitesse de la surface solide de la Terre par rapport à la surface liquide et si l'on en retranche encore les déserts et autres lieux depourvus de végétation, on verra quelle partie insignifiante dans l'intensité globale de la lumière cendrée appartiendrait à la

¹⁾ Bulletin astronomique, Tome XXX, Janvier 1913.

²⁾ Annales de l'Institut Polytechnique à Nowocherkassk, 1912, v. 1.

réflexion par la végétation terrestre. Mais tout ceci a encore peu d'importance visà-vis du fait principal de la réflexion de la lumière presque exclusivement par l'enveloppe gazeuse de la Terre et les corps flottants dans cette enveloppe.

Nous voyons donc combien est peu promettante la recherche des bandes de la chlorophylle dans le spectre de la lumière cendrée. Néanmoins il serait très important de photographier le spectre de la lumière cendrée, parce que cela donnerait des renseignements encore plus détaillés sur la couleur de la lumière réfléchie par la Terre que la méthode des filtres sélecteurs.

Conclusion. — En terminant je dois dire, que les résultats obtenus dans cette voie nouvelle ont dépassé mes espérances et ils m'inspirent le dessein de continuer ces observations, en y introduisant toutes les améliorations indiquées par la présente étude.

Poulkovo. 1914, mars.

Photographies de Saturne, obtenues à Poulkovo au moyen du 30 pouces.

Par G. A. Tikhoff.

(Avec 1 planche hors texte).

La présente note est le supplément à mon étude sur le même sujet, parue dans le № 42 (Volume IV,6) de cette publication. Ce supplément est destiné à présenter la reproduction phototypique des photographies de Saturne qui, à cause des difficultés techniques, n'a pas été prête au moment de la publication de l'étude antérieure (en 1911).

En renvoyant le lecteur pour les détails à l'étude citée, je ferai ici seulement quelques remarques supplémentaires.

Toutes les photographies ont été prises au foyer même du 30 pouces, et l'agrandissement n'a été fait qu'après coup. Les photographies de 1911 ont été prises par M. Bélopolsky et celles de 1909, par moi. Sur les photographies de 1909 les détails sont plus distincts qu'en 1911, ce qui s'explique par une tranquillité exceptionnelle de l'atmosphère au moment des observations de 1909.

Cependant, ce n'est point les détails qui présentent l'intérêt principal de toutes ces photographies ne pouvant, d'ailleurs, soutenir aucune comparaison avec les épreuves obtenues aux observatoires, qui portent un intérêt particulier à l'étude des surfaces planétaires, comme, par exemple, l'observatoire de M. Lowell.

L'intérêt des photographies de Poulkovo consiste en ce qu'elles font voir la différence que présente l'aspect de Saturne dans les rayons de différentes longueurs d'onde. On pourrait presque dire que l'épreuve indigo violet est un négatif de l'épreuve jaune vert. Plusieurs détails ont disparu dans la reproduction, mais si l'on s'adresse aux épreuves originales, on voit bien clairement les particularités indiquées dans le tableau suivant.

Sur l'épreuve	jaune vert	indigo violet		
La zone équatoriale est L'anneau est Les bords du disque sont	la plus brillante de toute l'image plus sombre que le disque plus sombres que le centre	la plus faible de toute l'image. plus brillant que le disque. de la même intensité que le centre.		

En concordance avec ces faits on a obtenu les teintes suivantes sur l'épreuve tirée à 2 couleurs: la zone équatoriale est la plus riche en jaune vert, l'anneau est le plus riche en indigo, et les bords du disque sont bleuâtres.

Ces photographies présentent une illustration intéressante de ce que nous avons dit, dans la note précédente, sur l'aspect extérieur de la Terre. En effet, la teinte bleuâtre des bords du disque de Saturne montre nettement que la réflexion de la lumière solaire par l'atmosphère de la planète augmente avec la diminution de la longueur d'onde.

Poulkovo. 1914, mars.

Observations de comètes et de petites planètes faites à l'équatorial de 15 p.

Par L. Okoulitch.

```
1913
            T.m. Poulk.
                                     Δδ
                                           Cp.
                                                   α app.
                                                            \lg p\Delta
                                                                       δ app.
                                                                              lg pΔ Réd, au jour 😹
                                        Comète 1913b (Metcalf).
Septembre 4 11^h 53^m 34^s + 1^m 14^5 63 - 3' 1''.8 18.6 6^h 47^m 7^5 05 9.683_n + 57^\circ 53' 28''.4 0.771 + 2^5 67; - 3''.1
          5 12 33 24 +1 49.27 +0 0.8 18.4 6 45 30.44 9.730<sub>n</sub>
                                                                     58 31 3.1 0.713 -1-2.75; - 3.3
          6 11 11 42 +0 10.25 -3 59.8 8.6 6 43 53.20 9.659n
                                                                     59 7 7.0 0.794 +2.82; - 3.7
          8 11 53 59 \leftarrow 2 26.56 \rightarrow 4 50.5 18.4 6 39 41.73 9.740n
                                                                     60 29 51.5 0.725 -1-3.01; -- 4.2
         12 11 32 33 -6 34.54 +3 43.1 18.4 6 27 35.92 9.789n
                                                                     63 37 5.4 0.689 +3.43; - 4.9
          13 II I 33 +I 59.59 -I 39.0 18.4 6 24 4.61 9.781n
                                                                    64 28 23.0 0.714 +3.67; - 4.7
          24 8 58 28 -5 34.62 -0 21.4 18.3 4 16 0.38 0.065n 75 49 56.7 0.487 +7.22; +0.7
          25 10 47 48 -0 32.44 +7 31.0 8.8 3 43 34.55 0.083n
                                                                    76 43 16.8 9.402 -1-7.64; -1 3.9
```

```
1913
          T.m. Poulk. \Delta \alpha
                                    -\Delta\delta
                                            Cp. \alpha app. \lg p\Delta
                                                                       δ app. lg pΔ Réd. au jour *
          8 \quad 12^{h}57^{m}27^{5} + 1^{m} \quad 0.46 \quad -8'21.8 \quad 17.4 \quad 21^{h}43^{m}10.82 \quad 9.676 
 19 \quad 8 \quad 3 \quad 38 \quad -1 \quad 20.24 \quad -5 \quad 20.9 \quad 18.4 \quad 20 \quad 58 \quad 1.97 \quad 8.894 
 24 \quad 126.0 \quad 0.713 \quad +2.38; \quad +19.2 \quad 10 
Octobre
          19 8 3 38 -2 13.05 -1 48.5 18.4 20 58 1.95 8.894 +24 1 25.7 0.713 +2.39; +19.2 11
                                         Comète 1913c (Néouimine).
Septembre 8 12 47 15 --- --- --- --- 41.5 --- 4
                                                    - - - O 23 21.9 O.878 -; -+-22.2 12
           8 13 4 19 -1 25.82 - 18.- 23 48 49.75 8.510
                                                                        12 13 45 41 -2 58.51 -3 23.3 18.4 46 18.33 9.030 2 11 54.4 0.870 +3.50; +22.3 13
          13 12 34 10 +1 4.49 -5 34.2 18.4
                                                  45 41.50 8.359
                                                                      2 36 38.3 0.867 -+3.50; -+22.2 14
          18 13 0 36 -0 10.37 -4 51.4 6.4 42 27.93 8.934 4 41 33.2 0.857 +3.49; +22.5 15
          28 12 27 45 —1 0.40 —8 1.4 18.4 39 25.63 8.865
                                                                        6 34 53.8 0.847 +-3.51; +-22.7 16
          24 11 50 8 -0 41.59 -+-9 15.2 18.4 38 52.35 8.489
                                                                        6 55 41.7 0.844 +3.52; +22.8 17
          24 12 21 37 -0 42.41 -+ 9 46.6 18.4 38 51.48 8.853
                                                                        6 56 10.6 0.845 +3.52; +22.8 18
                                                  38 17.62 8.995
35 24.74 8.924
33 43.63 8.678
                                                                     7 17 21.2 0.844 +-3.52; +-22.8 19
          25 12 39 4 -- 2 8.88 -- 4 25.0 18.4
         1 12 0 18 -0 7.74 +0 17.0 8.6
Octobre
                                                                        9 12 23.8 0.832 -+3.49; -+23.2 20
                                                                     10 35 36.1 0.822 +3.49; +23.7 21
          6 11 10 29 +1 7.10 +3 12.6 18.4
          19 10 50 38 -0 24.54 -5 28.7 10.4 23 32 59.63 8.952 +13 26 54.2 0.805 +3.42; +24.9 22
                                    Comète 1913d (Delavan — Westphal).
Septembre 28 10 35 11 +2 44.85 -4 33.4 18.4 21 48 34.46 8.977 - 1 4 57.8 0.884 +3.37; +15.4 23
Octobre 1 11 2 52 +0 1.94 +6 6.6 6.6 39 3.90 9.183 + 1 30 34.6 0.873 +3.27; +15.5 24 6 9 40 9 -0 14.12 -2 16.9 8.8 24 39.24 8.980 + 5 43 41.6 0.852 +3.08; +15.9 25
           8 9 21 7 -2 39.87 -1 34.5 18.6 21 19 19.26 8.947 + 7 23 26.3 0.843 + 3.02; +16.1 26
                                          Comète 1913e (Delavan).
Décembre 20 8 57 3 + 0 45.86 + 1 46.8 18.4 3 0 55.89 8.063_n — 7 9 56.4 0.907 + 4.09; + 19.1 27
                                                3 Junon.
Août
          28 13 3 48 -4 44.90 -2 46.9 15.4 23 34 8.74 7.727n - 0 40 44.0 0.882 + 3.36; + 20.7 28
                                                48 Doris.
Novembre 29 13 42 0 -1 51.59 -7 21.0 18.4 4 58 44.67 8.998 +13 33 59.6 0.805 +4.56; +15.7 29
```

Positions moyennes des étoiles de comparaison.

*	α 1913. 0	δ 1 913.0	Autorité
1	6 ^h 45'''49:75	- - 57°56′33″.3	AG Hels. 4763
2	6 43 38.42	58 31 5.6	,, ,, 4738
3	6 43 40.13	+59 11 10.5	,, ,, 4737
4	6 42 5.28	60 25 5.2	" " 4724
5	6 34 7.08	- 1-63 33 27.2	., , 4641
6	6 22 1.35	-1-64 30 6.7	,, ,, 4514
7	4 21 27.78	- +-75 50 17.4	" Kas. 698
8	3 43 59.31	→ 76 35 41.9	" " 568
9	21 42 8.14	→55 29 33.7	" Hels. 12495
10	20 59 19.83	24 6 27.7	" Berl. B 8063
11	21 0 12.61	24 255.0	,, ,, 8073
12	23 50 12.10	→ 0 17 18.2	" Nic. 5909
13	23 49 13.34	-⊢ 2 14 55.4	" Alb. 8189
14	23 44 33.51	 2 41 50.3	" " 8163
15	23 42 34.81	4 46 2.1	,, ,, 8156

*
$$\alpha$$
 1918.0 \$ 1918.0 Autorité

16 $23^{h}40^{m}22!52 + 6^{\circ}42'32''5$ AG Leipz II 11756

17 23 39 30.42 $+ 6$ 46 3.7 , , 11751

18 23 39 30.36 $+ 6$ 46 1.2 , , 11750

19 23 36 5.22 $+ 7$ 21 23.4 , , 11725

20 23 35 28.99 $+ 9$ 11 43.6 , , 11723

21 23 32 33.04 $+10$ 31 59.8 , Leipz I 9373

22 23 33 20.75 $+13$ 31 58.0 , , 9379

23 21 45 46.24 $- 1$ 0 39.8 , Nic. 5517 (m. pr. compris)

24 21 38 58.69 $+ 1$ 24 12.5 , Alb. 7586

25 21 24 50.28 $+ 5$ 45 42.6 , Leipz II 10765

26 21 21 56.11 $+ 7$ 24 44.7 , , 10728

27 3 0 5.94 $- 7$ 12 2.3 , Ottak. 696

28 23 38 50.28 $- 0$ 38 17.8 , Nic. 5880

29 5 0 31.70 $+13$ 41 4.9 , Leipz I 1494

Comparaison avec les éphémérides (0 — C).

$$\Delta x$$
 $\Delta \delta$ $Junon~(N.~A.~1913)$ $-9...11$ $Doris~(B.~J.~1915)$ $-8...7$

Remarques. Comète 1913b. Sept. 4. La comète se presente sous la forme d'une nébulosité ronde de 45" de diamètre environ. Eclat 11.0 (étoile de comparaison AG Hels. 4768). Pas de queue.

Sept. 5. La comète est plus brillante qu'hier; au centre un noyau de 11.5—12.0. Le diamètre égale environ 50".

Sept. 6. Diamètre environ 1'; le noyau est invisible; le ciel n'est pas bien pur. Éclat — 11^m.5 (étoile de comparaison de 12^m) voisine de la comète.

Sept. 8. Éclat du noyau 12^m environ; le ciel n'est pas pur.

Sept. 12. Le noyau est diffus; clair de lune et mauvaise transparence de l'air.

Sept. 13. Le diamètre du noyau aux bords mal déterminés est de 10" environ. Diamètre de la comète 35"—40".

Sept. 24. Le noyau est très diffus, son éclat est égal à 10^m5. Éclat total —9^m0. Sept. 25. On est gêné dans les pointés par la forme du noyau très diffus.

Oct. 8. La comète a la forme d'une nébulosité elliptique, dont le grand axe est de 5' environ. Éclat du noyau 10.5, éclat total 9.0.

Oct. 19. Clair de lune. Le grand axe de la nébulosité égale 1.5. Noyau de 10.5, éclat total 9.7.

Comète 1913c. Cet objet remarquable s'est presenté sous la forme d'une étoile sans trace de nébulosité et de queue. Ce n'est que le 1 octobre qu'on a pu soupconner l'existence d'une légère nébulosité autour du noyau stelliforme. Le noyau en question, même avec un grossissement de 860, conservait son aspect d'une étoile de 11.5 — 12.0. Voici les éstimations de l'éclat faites avec un grossissement de 275 f.:

Sept.	8	II.2	
1	2	11.6	Clair de lune; le ciel n'est pas bien pur.
1	3	8.11	Clair de lune; l'objet disparait par moments.
1	.8	12.2	Clair de lune; mauvaise transparence.
2	28	11.3	
2	4	11.7	Clair de lune. Images très mauvaises.
2	25	12.0	
2	26	12.2	
Oct.	1	12.8	
	6	12.7	
1	.9	13.2	A la limité de la visibilité, disparait par moments.

Comète 1913 d. Sept. 28. La comète a la forme d'une nébulosité ronde dont le diamètre est de 45"—50". Au centre un noyau de 10". Éclat total 9".0.

Oct. 6. Le ciel n'est pas pur. La comète est devenue elliptique. Éclat total 9^m5.

Oct. 8. Une queue de 10' dans la direction 36° est soupçonnée. Éclat du noyau 11"0; clair de lune, le ciel n'est pas très pur.

Comète 1913e. Déc. 20. Petite nebulosité sans noyau ni queue. Diamètre de la nébulosité 10"—15". Éclat 12^m. Très mauvaises images.

Pendant toutes les observations on s'est servi de fils éclairés sur champ obscur et d'un grossissement de 275 f.

Poulkovo. 1914, avril.

Observations photographiques de la comète 1913 e (Néouimine).

Par S. Kostinsky.

Septembre 8
$$12^{h}35^{m}44^{s}$$
 $\begin{cases} -+0^{m}42^{s}89 \\ -0 & 37.59 \end{cases}$ $\begin{cases} -12^{'}38^{''}3 \\ +16 & 0.4 \end{cases}$ $\begin{cases} -23^{h}48^{m}47^{s}02 \\ 47.18 \end{cases}$ $\begin{cases} -10^{\circ}22^{'}45^{''}1 \\ 45.7 \end{cases}$ 0.877 $\begin{cases} -13^{\circ}23^{\circ}88 \\ -13^{\circ}23^{\circ}88 \\ -13^{\circ}23^{\circ}88 \end{cases}$ $\begin{cases} -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \end{cases}$ $\begin{cases} -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \end{cases}$ $\begin{cases} -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \end{cases}$ $\begin{cases} -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \end{cases}$ $\begin{cases} -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \\ -13^{\circ}388 \end{cases}$

Etoiles de comparaison.

			α. 1913. 0	δ 1913.0
1) AG Albany	8167	9.2	23 ^h 45 ^m 4.36	-+-2°30′27″.5
2) " "	8175	9.1	$46\ 29.35$	+2 26 55.7
3) BD +0.50651	4)	9.2	48 4.13	-4-0 35 23.4
4) AG Nicolaiew	5906	8.0	49 24.77	→0 645.3

Remarques. Sept. 8. Cliché pris par la méthode de M. Metcalf avec un temps de pose de 50^m; images médiocres. La lunette optique de l'astrographe montre avec un grossissement de 40 f. un objet ayant l'apparence d'une comète avec un noyau brillant de 11^m—12^m.

Sept. 13. Cliché pris par la méthode ordinaire. Sur la plaque l'objet a la forme d'un trait planétaire sans trace de nébulosité. L'objet observé à l'équatorial de 15^p avec des grossissements de 110 et 860 a l'aspect d'une étoile.

Erratum.

Vol. V,11 (№ 59), page 171, ligne 4-ème d'en haut.

Au lieu:

$$s \cdot \cos(p-P) = \frac{r \cdot (\rho)}{\rho} \cdot \cos(l+U) \cdot \frac{1}{1+\zeta}$$

il faut lire:

$$s \cdot \cos (p - P) = \frac{r \cdot (\rho)}{\rho} \cdot \cos (l + U) \cdot \sin B \cdot \frac{1}{1 + \zeta}$$

Напечатано по распоряженію Николаевской Главной Астрономической Обсерваторіи. Пулково, 1914. Май. О. Баклундъ, Директоръ.

¹⁾ Position déterminée par la photographie.

La considération du tableau IV fait voir ceci: pour obtenir les photographies de la lumière cendrée de la même intensité que celle du croissant ont doit, dans tous les cas, sans exception, diminuer la durée de la pose avec la diminution de la longueur d'onde, la durée de la pose du croissant étant prise pour l'unité.

Cependant avant d'en tirer des conséquences, nous examinerons les erreurs systématiques qui pourraient avoir de l'influence sur les résultats obtenus.

Erreurs systématiques pouvant provenir des propriétés de la couche sensible. — Pour exprimer le noircissement (n) de la plaque photographique sous l'action de la lumière, on emploie généralement la formule

où i représente l'intensité de la lumière, t— la durée de la pose et p— une certaine quantité empirique. Auparavant, on considérait p comme une constante pour chaque sorte des plaques. Or, les nombreuses recherches de dernières années ont mis hors de doute qu'il n'en est pas du tout ainsi et que p change non seulement pour les différentes plaques d'une même émulsion, mais aussi pour une même plaque, en dépendance de l'éclat absolu de la lumière, de la durée de la pose, du manque de l'uniformité absolue de la couche sensible et d'autres causes.

Il y a encore la question de la dépendance de p de la longueur d'onde. Cependant, il semble aussi d'après plusieurs recherches que cette variation, si elle existe, est inférieure aux changements provenant des causes citées plus haut et se produit plutôt dans ce sens que p diminue avec la diminution de la longueur d'onde.

Quoiqu'il en soit, nous examinerons nos résultats en partant de la formule ci-haut et en faisant de différentes hypothèses sur la valeur de p.

Introduisons les désignations suivantes:

I — l'intensité du croissant que nous conviendrons de considérer, pour la simplicité, comme égale dans tous les rayons.

Pour la longueur d'onde plus grande:

i - l'intensité de la lumière cendrée,

t et T— durées de la pose du croissant (avec le diaphragme) et de la lumière cendrée, qui les rendent d'une même intensité sur l'épreuve

et p-l'exposant de la formule de l'action photographique.

 i_1 , t_1 , T_1 et p_1 les mêmes quantités pour la longueur d'onde plus petite.

Enfin, désignons:

et

$$\frac{\text{la surface de l'objectif}}{\text{la surface de l'ouverture du diaphragme}} = a$$

$$\frac{T}{t} : \frac{T_1}{t_1} = b , \dots (2)$$

Avec ces désignations on a:

D'après cette formule on peut calculer le rapport $\frac{i_1}{i}$, en partant des données de la dernière colonne du tableau IV et en faisant de différentes hypothèses sur p et p_1 .

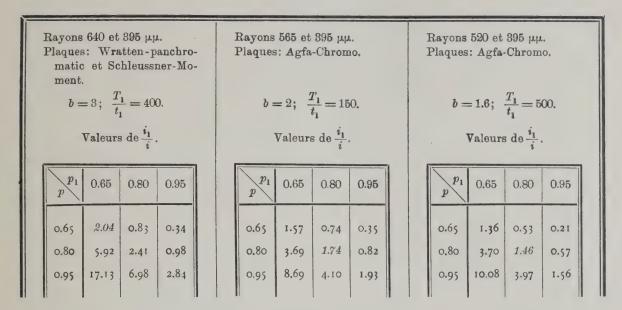
Toutes les sortes des plaques employées dans ce travail ont été étudiées par nous à différentes reprises. Nous avons surtout étudié en détail les plaques Agfa-Chromo en combinaison avec plusieurs filtres et, entre d'autres, avec ceux qui sont employés ici. Or, il suit de toutes ces recherches que pour les plaques Agfa-Chromo p varie entre les limites 0.95 et 0.65. Pour les plaques Schleussner-Moment p varie à peu près entre les mêmes limites. Quant à la dépendance de p de la longueur d'onde, elle n'est pas manifestée d'une façon indubitable, mais si elle est réelle c'est plutôt dans ce sens que p diminue avec la diminution de la longueur d'onde. Par conséquent, avec nos désignations actuelles, on a, ou bien $p = p_1$, ou bien $p > p_1$ plutôt que le contraire.

Pour la plaque Wratten — panchromatic avec le filtre rouge et la plaque Schleussner-Moment (sans filtre) nous avons fait dernièrement une recherche spéciale destinée pour ce travail et nous avons trouvé, sans doute par hasard, absolument la même valeur de p, a savoir 0.65. Il n'est pas douteux qu'en multipliant ces recherches pour les plaques Wratten — panchromatic on trouvera des valeurs différentes de p renfermées aussi entre des limites assez éloignées. Toutes les remarques faites plus haut sur la dépendance de p de la longueur d'onde, s'appliquent, d'après nos recherches antérieures, aussi aux plaques Schleussner-Moment.

Dans le tableau V sont rassemblés les résultats du calcul, d'après la formule (3), du rapport $\frac{i_1}{i}$. Les valeurs de b et $\frac{T_1}{t_1}$ sont empruntées à la dernière colonne du tableau IV.

Les valeurs les plus probables de in sont imprimées en italique.

Tableau V.



On peut résumer le résultat le plus probable du tableau V comme il suit: si l'on adopte, pour la simplicité, que la lumière du croissant a la même intensité dans toutes les couleurs, l'intensité de la lumière cendrée est exprimée par les nombres suivants, en prenant pour l'unité l'intensité dans les rayons 395 µµ:

$$\lambda \text{ en } \mu\mu$$
 640 565 520 395
Intensité i 0.49 0.57 0.68 1.00 $\}$ (4)

(On trouve ces nombres en prenant l'inverse des valeurs imprimées en italique dans le tableau V).

Pourtant, comme le montre le tableau V, on ne doit admettre ces nombres que sous toutes les reserves d'autant plus que les épreuves étudiées ne contiennent pas encore tous les éléments nécessaires pour les mesures précises. Cette suite des nombres montre plutôt le caractère qualitive du phénomène sans prétendre à une précision quelle qu'elle soit.

Influence possible de l'absorption sélective par les verres de l'objectif. — L'objectif de l'astrographe de Bredikhine, du type Petzval, est composé de 4 lentilles dont l'épaisseur totale est plus grande au centre que vers les bords. Or, l'absorption de la lumière par les verres augmente, en général, avec la diminution de la longueur d'onde. D'autre part, le croissant est photographié avec le diaphragme, ne laissant libre que le centre de l'objectif. Il se peut donc que la pauvreté relative du croissant en rayons de courte longueur d'onde tient en partie à l'absorption plus forte de ces rayons par la zone centrale de l'objectif.

Nous nous proposons d'étudier ultérieurement l'influence quantitative de cette cause d'erreur en nous servant des diaphragmes avec l'ouverture excentrique.

Cependant, nous pouvons conclure dès maintenant que l'influence en question ne peut pas être très sensible. En effet, on voit sur toutes nos épreuves (voir planche I) que l'auréole photographique entourant le croissant sur les photographies de la lumière cendrée est toujours plus forte pour les longueurs d'onde plus grandes. C'est une preuve de plus de la richesse du croissant en rayons de grandes longueurs d'onde relativement à la lumière cendrée.

Considérations sur la réflexion de la lumière extérieure par la Terre.—On peut exprimer les résultats de nos observations comme suit: il est très probable que la Terre réfléchit les rayons solaires dans une proportion augmentant avec la diminution de la longueur d'onde ou, en d'autres termes: la réflexion par la Terre transforme la lumière du Soleil en lumière relativement plus riche en rayons de courte longueur d'onde.

Si cette conclusion correspond réellement à l'état des choses, on peut dire que la Terre, vue de l'espace, a une teinte bleuâtre. Ceci montre tout de suite que la lumière extérieure arrivant sur la Terre est réfléchie dans la majeure partie par l'atmosphère et les nuages. Ce fait est en parfait accord avec la valeur très élevée (0.89) de l'albedo de la Terre qu'a trouvé tout récemment M. Frank W. Very¹) d'après les comparaisons photométriques visuelles de l'intensité de la lumière cendrée à celle du croissant. Cette valeur d'albedo est même plus grande que pour Venus qui est toujours couverte par des nuages.

Il nous a paru intéressant de faire la tentative de séparation 1) de la lumière réfléchie par les corpuscules des nuages, de la brume et, et en général, par les corpuscules plus grands de notre atmosphère, comme la poussière etc., et 2) de la lumière réfléchie par les molécules de l'air et, en général, par les molécules plus petites que la longueur d'onde.

Cette séparation peut se baser sur ce fait que l'intensité de la composante 1) de la lumière réfléchie ne dépend pas de la longueur d'onde, tandis que l'intensité de la lumière provenant de la réflexion 2) doit suivre la loi de Lord Rayleigh, à savoir, elle doit être proportionnelle à λ^{-4} .

L'incertitude quantitative de nos résultats rend cette séparation, sans doute, prématurée, mais celle-ci ouvre une perspective tellement intéressante pour l'étude ultérieure de la lumière cendrée que je ne puis pas me passer de l'exposé de la méthode employée et des résultats obtenus.

Scient

i l'intensité de la lumière cendrée, i_n l'intensité de la composante 1), i_a , , , , 2),

¹⁾ Astron. Nachr., Bd. 196, No 4696.

1914.

извъстія

№ 63.

николаевской главной астрономической обсерватории.
Томъ VI, з.

MITTEILUNGEN

DER NIKOLAI-HAUPTSTERNWARTE ZU PULKOWO.

Band VI, 3.

Die Geschwindigkeiten im Visionsradius des veränderlichen Sterns & Cephei.

Von A. Belopolsky.

Bei der Bearbeitung des neuen Beobachtungsmaterials über δ Cephei, welches ich in den Jahren 1909—1913 gesammelt habe, interessierte mich insbesondere die Frage, ob sich die Schlussfolgerungen über die Bewegung des Mittelpunkts des Systems γ, zu denen ich früher teilweise durch Extrapolation—aus dem Zeitraume 1898—1902 liegen keine Beobachtungen vor—gelangt war¹), bestätigen würden, d. h. ob die Grösse γ in der Tat veränderlich mit einer Periode von 6.25 Jahren ist. Dadurch wurde ich veranlasst auch meine alten Beobachtungen des Sterns vom Jahre 1894 an einer noch maligen Durchsicht zu unterziehen. Zu meinen neuen Beobachtungen konnten auch noch unlängst veröffentlichte ²), auf der Lick-Sternwarte im Laufe zweier Monate des Jahres 1907 angestellte, sowie vereinzelte Beobachtungen aus den Jahren 1896, 1897 und 1898 hinzugezogen werden.

Das neue Pulkowoer Material besteht in Folgendem:

1909: 19 Spektrogramme mit dem 3-Prismenspektrographen und der Kamera B (Fokaldistanz 40 cm.);

1911: 14 Spektrogramme mit demselben Instrument, aber mit der Kamera A (Fokaldistanz 55 cm.);

1913: 16 Spektrogramme wie die von 1911.

¹⁾ Mitteilungen der Nikolai-Hauptsternwarte № 28, B. III.

²⁾ J. H. Moore. The orbit of δ Cephei. Lick. Obs. Bull. № 234.

Die Expositionsdauer war für Kamera $B-60^m$ und für Kamera $A-120^m$. Während der Exposition wurde die Temperatur der Prismen mit Hilfe eines automatischen Thermostaten innerhalb 0°.1 konstant erhalten.

Die Beobachtungen von & Cephei in Pulkowo sind mit beträchtlichen Unbequemlichkeiten verknüpft. Der Stern kann nur in Stundenwinkeln beobachtet werden, die grösser als 2^h sind. Im Sommer befindet sich der Spektrograph am Anfange der Exposition über der Gallerie des Turms des 30-zölligen Refraktors¹), am Ende aber unter derselben, so dass während einer Hälfte der Expositionszeit das Instrument einer Temperatur ausgesetzt ist, welche sich um mehrere Grade von der Temperatur während der andern Hälfte der Zeit unterscheidet. Der Thermostat aber war häufig nicht imstande diese Unterschiede in den Temperaturen während der zweistündigen Exposition auszugleichen. Andererseits biegt sich der Adaptor des Spektrographen in den erwähnten Stundenwinkeln und es ist nicht anzunehmen, dass der Weg der Lichtstrahlen im Kollimator während der beiden Hälften der Exposition der gleiche ist. Vermutlich aus diesen beiden Gründen fallen die künstlichen Eisenlinien, welche immer am Anfang und am Ende jeder Exposition photographiert werden, nicht zusammen und erscheinen verdoppelt. Dieses Mangels wegen mussten einige Spektrogramme ganz verworfen werden.

Alle Messungen sind mit dem Spektrokomparator in vier verschiedenen Lagen der Platten ausgeführt, zum Teil von mir selbst, zum Teil (für die Jahre 1903 und 1913) von Fräulein I. Lehmann. Die von ihr gefundenen Geschwindigkeiten sind weiter mit dem Buchstaben L bezeichnet. In der folgenden Tabelle sind die Unterschiede zwischen unsern Bestimmungen in Kilometern zusammengestellt. Der durchschnittliche Unterschied ist klein und ich habe ihn weiter berücksichtigt (Tab. 1).

Die Erfahrung hat gezeigt, dass alle Messungen mit dem Spektrokomparator sogar von Spektren von wenig verschiedenem Typus immer systematische Fehler in der Bestimmung der radialen Geschwindigkeiten ergeben. So beläuft sich beispielsweise der Fehler bei der Bestimmung der Geschwindigkeit von α Bootis gegen die Sonne im Mittel bis zu 2 km/sec. Für meine Platten wurden deshalb ausser den Vergleichspektrogrammen der Sonne auch zwei solche von δ Cephei selbst benutzt, welche sehr sorgfältig einmal von mir selbst und ein zweites Mal von Frl. Lehmann ausgemessen worden sind.

Die Spektrogramme des Jahres 1909 wurden je dreimal gemessen, zweimal mit den Vergleichspektrogrammen der Sonne № II und № 2 und einmal mit dem Spektrogramm von δ Cephei von 1909 Juni 26, das mit demselben Spektrographen gewonnen ist. Für die Jahre 1911 und 1913 wurde als Anhaltsspektrogramm das von δ Cephei von 1911 Aug. 3 benutzt, mit dem alle übrigen Platten verglichen sind. Aus

¹⁾ Vergl. die Beschreibung des 30-zölligen Refraktors in der Jubiläumsschrift "Zum 50-jährigen Bestehen der Nikolai-Hauptsternwarte".

den wiederholten Messungen ergaben sich folgende Korrektionen der Vergleichspektrogramme, die in Rechnung gezogen worden sind.

```
Sonne № 2  — 0.72 Trommelteile; Sonne № II ist identisch mit № 2. 
δ Cephei 1909 Juni 26 — 47.0 km;
" 1911 Aug. 3 — 49.0 km.
```

Die Einzelheiten darüber sind in Tabelle \mathbb{N} 2 zu finden. Beim Spektrogramm Sonne \mathbb{N} 2 wurden ausserdem die Messungen wegen Krümmung der Spektrallinien korrigiert. Diese Korrektion ist mit c bezeichnet, während die Reduktion auf die Sonne die Bezeichnung v_a trägt.

Ausser den aufgeführten neuen Platten wurden auch die alten aus den Jahren 1894 (Spektrograph mit einem Prisma, Dispersion $1^m = 14 A^\circ$ für 440 $\mu\mu$), 1902 und 1903 (Camera B) aufs neue ausgemessen, da diese Epochen für die Bestimmung der Eigenbewegung des Systems besonders wichtig sind. Ferner wurden noch die Spektrogramme einiger Sterne gemessen, deren Radialgeschwindigkeiten aus den Beobachtungen an andern Sternwarten bekannt sind, um etwaige systematische Abweichungen der Pulkowoer Ergebnisse zu konstatieren. Diese Platten sind mit denselben Spektographen erhalten worden und die Messungen mittelst des Spektrokomparator ausgeführt; als Vergleichsplatten dieselben Sonnen- und Sternspektrogramme.

Trotzdem ich auch im Jahre 1912 mehrere Mal & Cephei zu spektrographieren versuchte, so konnte ich fast keine brauchbare Spektrogramme selbst bei 2 Stunden Exposition erhalten. Der Grund war die bemerkenswerte undurchsichtigkeit der Luft im Sommer dieses Jahres. Zwei der Spektrogramme welche im Herbst erhalten wurden (ebenfalls sehr schwache), habe ich ausgemessen und gebe weiter unten ihre radialen Geschwindigkeiten.

Tabelle 1.

Vergleich der Radialgeschwindigkeiten nach den Messungen von A. Belopolsky und Fräulein Lehmann.

		$\boldsymbol{\mathcal{B}}$	L	$\Delta = B - I$	S
1913 Juli	12	-25.5 km.	-25.9 km	+-0.4 km	
	20	I.I	+ 2.4	-1.3	
	21	- 1.5	 1.7	-1-0.2	
	22	-29.3	-30.3	-1-1.0	
	29	- 1.0	0.9	0.1	
August	19	20.I	-20.8	-ı -0.7	
	23	-33.4	-33.6	-1-0.2	
	24	-25.7	-26.3	-1-0.6	
	25	—12. 6	-13.8	- ⊢1.2	
	29	—25.6	-25.7	1.0-1-	
Sept.	1	-⊢ 1.3	+ 1.2	-1 -0.1	
	2	-t- I.2	- 0.4	+1.6	
			1	Mitt1-0.39	± 0.20 km.

δ Cephei. Tabelle 2.

			8	Cephei.	Tabell	e 2.			
	Sonne №	2, III B.			Schraube $1 = 0.5$ mm.				
				λ	K	λ	K	λ	K
$ \lambda $ $ n_0 - n = 316 $ $ \lg C = 3.46 $ $ \lg \alpha C = 3.16 $	691002			420 μμ 42 Ι 422 423	3.88 km. 94 4.00 06	430 µµ 431 432 433	4.47 km. 53 59 65	440 µµ 441 442 443	5.06 km. 12 18 24
λ	n der Platte Korr. 1-2.12 km.	λ - 425 μμ	Korr.	7	11 17 23	434 435 436	71 77 82 88	444 445 446	31 37 43
410 415 420	32 52 72	430 · 435 440	3.13 3.34 3.54	428 429 430	29 35 41 4.47	437 438 439 44 0	4.94 5.00	447 448 449 450	49 55 61 5.67
	,-	445	7.74	4)0	4.47	440	00	4,0	5.07
	Sonne No	16, III Cl	romat.		S	chraube 1 =	= 0.5 mm.		
				λ	K	λ	K	λ	K
$\lambda_0 = 320$ $n_0 - n_1 = 460$ $\log C = 3.5$	9.0450 μμ 9.357 R 5986053	400 — 4	tio hh	400 μμ 401 402	2.26 km. 30 34	420 μμ 421 422	3.11 km. 16 20	440 μμ 441 442	3.98 km. 4.02 07
$\lambda_0 = 32 \\ n_0 - n_1 \ 455 \\ \log C \ 3.6$	5.1093 µµ 8.344 R 5281520	412 - 4	119 µµ	4 0 3 404 40 5 406	38 43 2.47 51	423 424 425 426	24 29 3.33 37	443 444 445 446	12 16 4.20 25
$\lambda_0 = 320$ $n_0 - n_1 = 430$ $\log O = 3.6$	6.853 µµ 0.531 R 6150772	420 2	140 hh	407 408 409 410	55 60 64 2. 69	427 428 429 430	42 46 50 3.54	447 448 449 450	29 34 38 4.43
$\lambda_0 = 32$ $n_0 - n_1 38$ $\log C 3.6$		441 — 4	160 µµ	411 412 413 414	73 78 82 86	431 432 433 434	59 63 68 72	451 452 453 454	47 52 56 61
Korr. de F	Platte = 0.00)		415 416 417 418 419	2.90 94 2.98 3.03 07	435 436 437 438 439	3.76 81 85 89	455 456 457 458 459	4.65 70 74 78 83
				420	3.11	440	3.98	460	4.87
3	Cephei 190	9 Juni 26	rel. zur (o № 2 III B.		Direkte Ver	sch. der F	e-Linie.	
	λ Sp	ectkomp	. K	Verschieb.	λ	Microskop.	K	Versch.	
	425 μμ (427 429	0.128 <i>R</i> 7 126 118	4.17 km. 30 41	53.4 km. 54.1 52. 0	425.0 4 2 5.1 426.1	0.116 R 108 113	4.18 km. 18 24	48.5 km. 45.1 47.9	

λ	Spectkom	p. <i>K</i>	Verschieb.	λ	Microskop.	K	Versch.
425 MH		4.17 km.	53.4 km.	425.0	0.116 R	4.18 km.	-48.5 km.
427	126	30	54.1	425.1	108	18	45.1
429	811	4 I	52.0	426.1	113	24	47.9
431	120	53	54.4	427.2	110	32	47.7
432	106	59	48.6	428.5	110	38	48.2
434	102	71	48.0	429.4	108	44	48.0
438	95	94	47.0	430.0	108	48	48.4
440	98	5.06	49.6	430.8	107	52	48.4
441	84	12	43.0	431.5	108	ś 6	49.0
443	84	24	46.4	438.4	96	4.98	47.6
447	88	48	48.3	440.5	92	5.10	46.9
				444.8	93	5.36	49.8
			-49.5				
	Korr. der	r Platte	- 1- 3.5			Mittel	-48.0

Mittel = -47.0 km.

Mittel -40.0

1909. Juni 28.	Relativ zu:			Relativ zu:			
	⊙ № 2 ⊙ № I	K	v	δ Cephei Juni 26	S. v	$oldsymbol{L}$	Mittel:
425 μμ 427 429 430 432 435 438 440 441 443 446	100 R115 98 100 89 110 - 106 90 100 80 - 82 78 - 67 80 69 88	4.29 4.41 4.47 4.59 4.77 4.94 5.06 5.12 5.24 5.43 Mittel	-44.8 km. 42.5 43.7 47.4 43.6 38.1 40.6 39.5 34.3 39.1 47.7 -41.9 -+3.4 -+14.60.324.2 -+1.20				
Juni 29. 425 μμ 427 429 432 435 438 440 441	.078 .095 72 88 84 90 72 76 66 — 58 67 — 54	4.17 4.29 4.41 4.59 4.77 4.94 5.06 5.12	- 36.1 34.4 38.4 34.0 31.5 28.7 33.9 27.7	431 040 435 37 440 37 446 34 Mittel Korr. d. Plat.	18.2 km. 18.2 17.7 18.9 18.5 -18.3 -47.0 -14.7		
443 446 447	61 — 71 — 56	$egin{array}{c} v_a \ c \end{array}$	32.0 38.5 30.7 —33.3 —3.4 —14.7 —0.3	v		— 14.7 km.	14 % lens
		v	-15.5 				-14.7 km.
		€0	± 1.07				
Juli 1.							
425 μμ 427 430 432 435 438 441 443 445 446 447	.065 .086 64 86 56 76 58 74 62 — 57 51 54 49 62 47 42 — 60 — 60 39	4 17 4.29 4.47 4.59 4.77 4.94 5.12 5.24 5.36 5.43 5.48 Mittel Korr. 6	31.5 32.2 29.5 30.3 29.5 26.7 26.4 28.6 22.5 32.6 27.2 -28.7 + 3.4 +14.7 - 0.3 -10.9	431 48 435 46 440 40 446 34 Mittel Korr. d. Plat. va v	+20.4 21.8 22.0 20.3 18.5 +20.6 -47.0 +14.7 -11.7 + 0.55		—11.3 km.
		ε ₀	± 0.88				-11.5 кш.
		-0				2	

1909. Juli 2. Relativ zu:	Relativ zu:	
⊙ № 2 ⊙ № II	K v δ Cephei Juni 26.	Mittel:
421 µµ .133 R — 423	3.94 km. -52.4 km. $426 \mu\mu$ 008 -3.4 km. 4.06 52.7 431 12 5.4 4.17 56.8 435 5 2.4 4.29 55.4 440 2 1.0 4.47 55.4 446 5 2.7 -3.0 4.59 56.9 Mittel -3.0 Korr. d. Plat. $+47.0$ 4.94 56.4 v -35.3 v -37.9	— 36.6 km.
	ε ₀ <u>+</u> 0.71	
Juli 8.		
425 μμ .110 — 427 108 — 430 101 — 432 104 — 435 94 — 438 93 — 441 86 — 443 86 — 446 90 —	4.17	—28.8 km.
Juli 8.		
425.5 μμ .114 — 427 108 — 429 100 — 432 106 — 435 100 — 438 90 — 440 81 — 443 87 —	4.20 —47.9	
	$v = -28.0$ $\epsilon_o = 0.87$	29.0 km.

1909. Juli 14. Relativ zu:	Relativ zu:	
⊙ № 2 ⊙ № 1I 425.5 μμ .096 — 427 89 — 429 96 — 432 97 — 435 86 — 438 88 — 440 74 — 443 71 —	K v δ Cephei Juni 26. 4.20 km. -40.3 km. 426 μμ $+.020$ $+8.5$ km. 4.29 38.2 431 17 7.7 4.41 42.3 435 15 7.2 4.59 44.5 440 14 7.1 4.77 41.0 446 10 5.4 4.94 43.5 $Mittel$ $+7.2$ 5.06 37.5 $Korr. d. Plat. -47.25.24 37.2 v_a +14.8V_a -14.8V_a -14.8$	Mittel: -23.9 km.
T12 45	ε₀ ± 0.98	,,
Juli 15. 425 μμ .082 — 432 71 — 435 56 — 439 62 — 443 68 — 446 66 —	4.17 km. -34.2 km. $431 \mu\mu$ $+.034$ $+15.9$ km. 4.59 32.6 435 48 22.9 4.77 26.7 440 33 16.7 5.00 31.0 446 28 15.2 5.24 35.7 Mittel -17.7 5.43 35.8 Korr. d. Plat. -47.0 Mittel -32.7 Korr. $0 + 3.6$ v_a $+14.7$ c 0 ± 1.77	
	$v = 15.0$ $\varepsilon_0 \pm 1.40$	—14.8 km.
Juli 16. 425 μμ .044 — 427 47 — 432 48 — 435 38 — 438 46 — 440 44 — 443 38 — 446 44 —	4.17 km. -18.4 km. $431 \mu\mu$ $+.068$ $+30.9$ km. 4.29 20.2 435 67 32.0 4.59 22.0 440 60 30.4 4.77 18.1 446 60 32.6 4.94 22.7 Mittel $+31.5$ 5.06 22.3 Korr. d, Plat. -47.0 5.43 23.9 v -0.8 Mittel -20.9 Korr. 0 $+$ 3.6 v $+14.7$ c $-$.6	
	$v = 3.2$ $\epsilon_0 \pm 0.74$	- 2.0 km.
Juli 17. 425 \(\mu\mu\) .057 427 58 429 51 432 55 435 42 438 36 440 40 443 42 446 44	4.17 km. -23.8 km. $426 \mu\mu$ $+.064$ $+27.1$ km. 4.29 24.9 431 60 27.2 4.41 22.5 435 52 24.8 4.59 25.2 440 59 29.9 4.77 20.0 446 49 26.7 4.94 17.8 Mittel -20.3 Korr. d. Plat. -47.0 5.24 22.0 v_a $+14.7$ v_a -14.7 v_a	
	v — 4.5 ε ₀ ± 0.84	— 4.8 km.

Relativ zu:				Relativ zu:		
1911. August 2. ⊙ № 16	K	ย	1911. August 6		K	107
403 μμ .079 R 407 72 420 52 425 65 427 56 432 56 435 54 438 54 441 44 446 43 448 42	2.38 km. 2.56 3.11 3.33 3.42 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 Mittel va		414 µµ 420 424 426 428.5 432 435 438 441 446 448	.068 R 60 66 70 72 62 60 54 54 49 46	2.86 km. 3.11 3.29 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 Mittel va	19 4 km. 18.7 21.7 23.6 25.1 22.5 22.6 21.0 21.7 20.8 20.021.6 +-13.2
	v	— 5.5			v	— 8.4 ·
	ε ₀	± 0.45			ϵ_{o}	± 0.57
A normat 9			August 8.			
August 3. 403.5 μμ198 407 166 414 167 420 150 425 148 427 144 428 143 432 139 435 132 438 121 441 116 446 117 448 116	2.41 2.56 2.86 3.11 3.33 3.42 3.46 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 Mittel	47.6 42.4 47.7 46.7 49.3 49.2 49.4 50.5 49.7 47.1 46.7 49.7 50.348.2 +-13.534.7 ±- 0.60	414 µµ 418 420 424 426 428.5 432 435 438 441 446 448 453	.182 164 162 163 163 158 149 136 136 129 125 118	2.86 3.03 3.11 3.29 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 4.56 Mittel va v ε _o	-52.0 49.6 50.4 53.6 55.0 55.0 54.1 51.2 53.0 51.9 53.1 51.2 53.8 -51.8 +13.0 -38.8 ± 0.51
	Ū					
			August 9. 403 μμ	.178	2.38	42.4
August 4. 420 μμ .124 425 118 427 120 428.5 128 432 120 435 116 438 104 441 102 446 100 448 100 453 90	3.11 3.33 3.42 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 4.56 Mittel	-38.6 39.3 41.0 44.5 43.6 43.6 40.5 41.1 42.5 43.4 41.0 -41.7	404 407 414 419 426 428.5 432 435 438 441 446 448 453	170 164 152 142 131 128 119 110 110 110 96 98	2.43 2.56 2.86 3.07 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 4.56 Mittel	41.3 41.9 43.4 43.6 44.2 44.5 43.2 41.4 42.8 44.3 45.0 41.6 44.7
	v_a	·1-13.4			v_a	 43.2
	v	-28.3			v	-30.3
	ϵ_0	± 0.58			ϵ_0	± 0.34

1911. August 10.	Relativ zu ⊙ № 16	a: <i>K</i>	v	1911. Augu	st 12. Relativ zu ⊙ № 16	: <i>K</i>	v
403 μμ 407 412 414 419 426 428.5 432 435 438 441 445 448 453	.152 R 138 128 129 115 112 108 100 98 94 90 91 88 83	2.38 km. 2.56 2.78 2.86 3.07 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.20 4.34 4.56 Mittel va v	-36.2 km. 35.3 35.5 36.9 35.3 37.8 37.6 36.3 36.9 36.6 36.2 38.3 38.2 37.9 -36.8 +-12.7 -24.1	414 µ 419 426 428.5 432 435 438 441 445 448	.µ .038 R 34 40	2.86 km. 3.07 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.20 4.34 4.56 Mittel va va	
		€0	± 0.28	August 13.			
	Relativ zu: Cephei 1915 .035 36 38 36 34 36 41 32 32 32 30	1. August 3. 3.11 3.24 3.28 3.27 3.58 3.72 3.76 3.98 4.24 4.29 Mittel Korr. d. Pla v eo	-+10.9 11.7 12.6 12.1 12.2 13.4 15.4 12.9 13.6 12.9 -+12.8 t49.0 -+12.723.5 -+ 0.39	403.5 407 414 419 426 428.5 438 441 446 448 453	146 139 114 114	2.41 2.56 2.86 3.07 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.25 4.34 4.56 Mittel va v εo	-35.6 37.3 39.7 35.0 38.4 41.1 35.6 36.1 35.8 37.8 39.1 32.5 35.1 -36.8 +12.4 -24.4 ± 0.65
August 11. 403.5 µµ 407 414 419 426 428.5 432 435 438 441 445 448 453	.085 77 74 70 85 76 64 55 58 55 48 52 54	2.41 2.56 2.86 3.07 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.20 4.34 4.56 Mittel va	-20.4 19.7 21.1 21.5 28.7 26.4 23.2 20.7 22.6 22.1 20.2 22.6 24.6 -23.4 +12.6 -10.8 ± 0.76	August 16. 403 µ 407 414 419 426 428.5 432 435 438 441 445 448 453	102 84 76 74	2.41 2.56 2.86 3.07 3.37 3.48 3.63 3.76 3.89 4.02 4.20 4.34 4.56 Mittel va	-25.0 26.1 24.0 23.3 25.0 28.5 25.4 24.8 23.4 25.0 25.2 28.6 28.3 -25.6 +11.9 -13.7 ± 0.50

1011	77	-1-1:			III 1010	Dala4!		
1911. August		elativ zu: ⊙ № 16	K	v	1912. Oktober 10.	Relativ zu: ⊙ № 16	K	v
40	03.5 µµ	.097 R 101 88	2.41 km. 2.56 2.86	-23.3 km.	403 µµ 406	.070 R 56 58	2.38 km. 2.51	—16.7 km. 14.1 14.8
41	19	80	3.07	25.2 24.5	407	66	2.56 2.86	18.9
42 42	26 28.5	78 78	3.37 3.48	26.3 27.1	418.5	66 6 6	3.05 3.24	20.1 21.4
43		73	3.63 3.76	26.5 23.7	426 432	54 51	3·37 3.63	18.2 18.5
43	8	63 68	3.89 4.02	24.5 27.4	435	42 34	3.76 3.98	15.8 13.5
44	45	61 60	4.20	25.6 26.0	446	42	4.25	17.8 18.2
44	40		4·34 Mittel	25.8	448	44	4.34 Mittel	-17.3
			v_a	+11.1			$egin{array}{c} v_a \ v \end{array}$	$\frac{-0.4}{-17.7}$
			v	-14.7			εο	± 0.70
			ϵ_0	± 0.40	Oktober 24.			
					405 μμ 407	.046 42	2.47 2.56	∸11.4 10.7
August	21. Re	lativ zu:			410	65 48	2.69 2.86	17.5
		_	August 3.		414	40	Mittel	—I3.3
42	20 µµ 23	.066 70	3.11 3.24	20.5 22.7			$egin{array}{c} v a \ v \end{array}$	$\frac{-4.0}{-17.3}$
42		69 62	3·37 3.58	23.2 22.2			εο	± 1.53
4		63 56	3.72 3.98	23.4		****		
	16	53	4.24	22.5	1918.	Relativ zu:		
			Mittel	-1-22.4	Juli 2. 8 Cer	•	gust 3.	
			Corr. d. Plat v_a	49.0 11.1	420 μμ 424	.048 43	3.10 3.28	- I -14.9
			v	-15.5	426 43 I	4 2 42	3·37 3·59	14.1
			ϵ_o	± 0.36	434	46 42	3.72 3.98	17.1
					440 447	38	4.29	16.3
August	27. Re	elativ zu:			453	37	4.56 Mittel	16.8 -+15.6
		D № 16					Corr. d. Pla v_a	t. —49.0 14.8
40 40	04 µµ	.086 88	2.43 2.56	20.9 22.5			v	-18.2
41	14	82 66	2.8 6	23.4			ϵ_o	± 0.44
41	26	68	3.07 3.37	20.2	Juli 12.			. (-
43		74 60	3.48 3.63	25.8 21.8	420 µµ 424	+0.020 24	3.10 3.28	- + 6.2 7.9
43		57 56	3.76 3.89	21.4	426	25 27	3.39 3.58	8.5 9.1
44		48 50	4.02 4.20	19.3	434	26 29	3.72 3.98	9.7
44	18	59	4·34 4.56	25.6 20.1	446	21 17	4.24	8.9
45	"	44	Mittel	<u></u>	454	*/	Mittel	7.9 → 8.7
			$v_{\boldsymbol{a}}$	-1-10.0			Corr. d. Pla v_a	t. 49.0 - - 14.8
			v	-12.0			v	-25.5
			ϵ_{o}	± 0.55			ε ₀	± 0.55
							L. Mittel	-25.9 -25.7
					W.		Liatoudi	~ >-/

Juli 20. \odot N 16. K v Juli 23. \odot N 16 K 420 $\mu\mu$ \rightarrow .106 R 3.10 km. \rightarrow 32.9 km. 420 $\mu\mu$.037 R 3.10 km	v . +11.5 km.
420 μμ -+.106 R 3.10 km+32.9 km. 420 μμ .037 R 3.10 km 424 110 3.28 36.1 424 44 3.28	. →11.5 KШ. 14.4
426 102 3.37 34.4 426 40 3.39	13.6
431 100 3.59 35.9 431 40 3.58 434 99 3.72 36.8 440 38 3.98	14.3 15.1
440 92 3.98 36.6 446 35 4.24	14.8
447 85 4.29 36.5 454 . 30 4.65	14.0
453 77 4.56 35.1 Mittel Mittel -+-35.5 Corr. d. P	+14.0 lat49.0
Corr. d. Plat. —49.0	-1-14.4
$r_a \longrightarrow 14.6$	-20.6
ν -+ 1.I	± 0.45
ε _o ± 0.47 Juli 25.	
426 444 000 2 2 2 2	32.0
431 95 3.58	34.0
Mittel 1.8 434 90 3.72 440 88 3.98	33.5 35.0
446 81 4.24	34.3
454 75 4.47	33.5
Juli 21. Mittel	+33.7
420 μμ .096 3.10 +-29.9 Corr. d. P	
424 106 3.28 34.8 va	+14.3
426 96 3.39 32.5 431 94 3.58 33.6	- 1.0
440 84 3.98 33.4 ε _ο	± 0.41
446 77 4.24 32.6 454 74 4.65 34.4	0.9
Mittel	- 1.0
Mittel -+33.0 Corr. d. Plat49.0 August 18.	
$v_a \rightarrow 14.5$ 420 $\mu\mu$.022 3.10	6.8
424 20 3.20	6.6
v — 1.5 426 20 3.39 431 18 3.58	6.8 6.4
€0 == 0.01 440 20 3.98	8.0
L1.7 446 18 4.24 454 16 4.65	7.6 7.4
Corr. d. P.	
v_a	+11.5
Juli 22. Relativ zu:	30.4
δ Cephei 3 Aug.	± 0.22
420 μμ .010 3.10 — 3.1 August 19.	
424 015 3.28 4.9 420 μμ .050 3.10	15.6
426 010 3.39 3.4 424 50 3.28 431 014 3.58 5.0 426 48 3.39	16.4 16.3
440 021 3.98 8.4 431 53 3.58	19.0
440 010 4.24 0.8 440 46 1.98	18.3
1 464 17 466	17.8 19.1
11100ci).)	
Corr. d. Flat. —49.0	-+17.5
	- +11.4
v —29.3 v	-20.1
ε ₀ ± 0.78 ε ₀	± 0.52
L. -30.3	+20.8
	 20.4
Mittel —29.8	20.4

	Relativ zu:	K 3.10 km. 3.28 3.39 3.58 3.98 4.24 4.65 Mittel Corr. d. Plat v ε ο L.	+10.7 -33.4 ± 0.28 -33.6	1918. August 26. 420 μμ 424 426 431 440 446 454	Relativ zu: ⊙ № 16 .106 R 113 104 99 86 86 86	K 3.10 km. 3.28 3.39 3.58 3.98 3.24 4.65 Mittel Corr. d. Plate va v	37.0 35.3 35.4 34.2 36.5 37.7
August 24. 420 µµ 424 426 431 440 446 454	.033 36 34 38 38 33 28	3.10 3.28 3.39 3.58 3.98 4.24 4.65 Mittel Corr. d. Pla va v εo L. Mittel		August 28. 420 μμ 424 426 431 440 446 454	.44 46 47 40 35 40 26	3.10 3.28 3.39 3.58 3.98 4.24 4.65 Mittel Corr. d. Pla v ε _o L. Mittel	+13.7 15.1 15.9 15.1 13.9 17.0 12.1 -+14.7 t49.0 + 9.8 -24.5 ± 0.60 -26.8 -25.6
August 25. 424 μμ 426 431 434 440 446	.83 79 70 67 62 58	3.28 3.39 3.58 3.98 4.24 4.65 Mittel Corr. d. Pla v_a v ϵ_o L .	-1-27.2 26.8 25.1 26.7 26.3 27.0 -1-26.5 -10.3 -12.2 -10.30 -13.8 -13.0	August 29. 420 μμ 424 426 431 440 446 454	.04I 44 40 38 33 34 32	3.10 3.28 3.39 3.58 3.98 4.24 4.65 Mittel Corr. d. Pla v c o L. Mittel	-+12.8 14.4 13.6 13.6 13.1 14.4 14.9 -+13.8 t49.0 -+ 9.625.625.625.725.6

1913. Septemb. 1.	Relativ zu:	K	v	191 Septer		Relativ zu: ⊙ № 16	K	v
420 μμ 424 426 431 440 446	.130 R 131 122 114 105 98 86	3.10 km. 3.28 3.39 3.58 3.98 4.24	40.4 km. 42.8 41.4 40.8 41.8 41.6		420 µµ 424 426 431 440 446	.118 R 130 124 117 110 94	3.10 km. 3.28 3.39 3.58 3.98 4.24	36.7 km. 42.6 42.0 41.9 43.8 39.8
454	86	4.65 Mittel	40.0		454	94	4.65 Mittel	42.7
		Corr. d. Pla					Corr. d. Pla	
		v_a	-1- 9.0				v_a	-+- 8.8
		v	 1.3				10	+ 1.2
		ϵ_o	± 0.36				ϵ_{O}	土 0.89
		L.	 1.2				L.	— o.4
		Mittel	→ 1.2				Mittel	0.4

Mittlere Zeit Greenwich der Aufnahmen.

1909. Juni Juli	12.350 16.343 17.403 18.372 21.358 23.346 24.376 25.378 26.386 28.374 29.373 1.369 2.369 3.369 8.366 14.380 15.364 16.372 17.366	1911. August 1912. Juni Juli Oktober	2.360 3.361 4.361 6.353 8.373 9.354 10.356 11.352 12.345 13.359 16.371 21.357 27.334 10.388 12.376 19.379 26.414 27.386 30.375 10.204 24.183	1918. Juli August Septemb.	2,368 12,368 20,375 21,371 22,368 23,370 25,370 18,376 19,339 23,370 24,322 25,303 26,320 28,320 29,316 1,311 2,312
--------------------	--	--	--	----------------------------	---

Zunächst habe ich eine Ephemeride für das Minimum der Helligkeit von δ Cephei berechnet. Es wurde angenommen: Minimum 1911 Januar 2 1.5 Mit. Z. Pulkowo oder

Minimum I. d. 2419038.980 M. Z. Greenw.

Zwei Perioden wurden dabei benutzt:

- 1. $P_a = 5.366404$ 1)... Scheinbare.
- 2. $P_c = 5.36671$, wo $P_c = P_a$: $(1 + \frac{\gamma}{800000})$, und $\gamma = -17.2$ km.

 P_a ist die Periode, welche in unserem Sonnensystem beobachtet ist; $P_c-\!\!-\!\!\!-\!\!\!-$ die Periode im System des Sterns.

¹⁾ I. H. Moore. L. C.

79.4				
/1//	20	1441	201	m.

Juli August Septemb.	6.832	Pa 5.36640 31.608 5.974 11.340 16.707 22.073 27.440 1.806 7.172 12.539 17.905 23.272 28.638	August . Septemb.	1903. Pc 5.36671 20.158 25.525 30.892 5.258 10.625 15.992 21.358 26.725	Pa 5.36640 20.312 25.679 31.045 5.412 10.778 16.144 21.511 26.878	Juni Juli	1909. Pc 5.36671 9.009 14.375 19.742 25.109 30.475 5.842 11.209 16.576	Pa 5.36640 9.043 14.408 19.775 25.142 30.508 5.874 11.240 16.607
August Oktober	1911. 1.548 6.915 12.282 17.648 23.015 28.382 1912. 6.985 12.352 17.718 23.085	1.537 6.903 12.270 17.636 23.002 28.369 6.954 12.320 17.687 23.054	Juni Juli August	1918. 29.22I 4.587 9.954 15.32I 20.687 26.054 31.42I 5.788 11.154 16.52I 21.888 27.254 1.62I	29.170 4.536 9.902 15.269 20.635 26.002 31.368 5.734 11.101 16.467 21.834 27.200 1.566			

Mittlere Zeit Greenw. des Periastron. 1)

Epoche = J. d. 2417888.434 Mit. Z. Gr.

Periode $Pc = \frac{\partial}{5.36671}$.

			•	
1894.	1903.	1909.	1911.	1913.
Juli 26.928 August 1.295 6.662 12.028 17.395 22.762 28.129 Septemb. 2.496 7.863 13.230	August 21.187 26.554 31.921 Septemb. 6.287 11.654 17.021 22.387 27.754	Juni 4.672 10.039 15.409 20.772 26.139 Juli 1.506 6.872 12.240 17.607	7.945 13.312 18.678 24.045 29.412	Juni 30.251 Juli 5.617 10.984 16.351 21.717 27.084 August 1.451 6.818 12.184 17.551 22.918 28.284 Septemb 2.651

Tabelle der Radialen Geschwindigkeiten von & Cephei.

In den Columnen sind gegeben:

- 1) Mitt. Greenw. Zeit der Beobachtung,
- 2) Die Intervalle vom Minim. der H. mit der Periode 5.36671 gezählt,
- 3) Die Interwalle vom Minim. der H. mit der Periode 5.36640 gezählt,
- 4) Die Intervalle vom Periastron mit der Periode 5.36671 gezählt,

¹⁾ Angenommen.

- 5) Die Intervalle vom Periastron mit der Periode 536640 gezählt,
- 6) Die Radial. Geschw. retativ zu θ; beobachtet,
- 7) " " " " ; aus einer curve,
- 8) ,, ,, ,, ,, ; berechnet mit den Elementen: $\mu = 67.084, e = 0.5, \omega = 85.4, K = 21 \text{ km}.$
- 9) Die Geschwindigkeit des Centrums γ,
- 10) Die Radial. Geschwindigkeiten aus Curven, welche mit corrigirten γ erhalten wurden, nämlich:

für 1894, $\gamma = -12.2$ km; für 1903, $\gamma = -21.5$ km; für 1909, $\gamma = -17.1$; für 1911, $\gamma = -17.2$ km und für 1913, $\gamma = -11.5$ km. Die Zeitintervalle wurden etwas geändert in den Grenzen der zwei Columnen 4) und 5).

t			1894.				
M. Z. Gr		t-T	v_o	v_{cn}	v_c	Υ	v
August 3.292 August 24,334 8.375 3.375 14,334 25,334 9,334 Septemb. 5.292 August 5.375 Septemb. 1.334 August 16,334 Septemb. August 7.292 August 7.292 August 7.292 August 7.292 August 7.292 August 7.293	0 1.377 1.035 1.827 1.486 2.602 2.261 2.743 2.401 3.110 2.767 3.336 2.994 3.602 3.261 3.702 3.360 3.827 3.486 4.094 3.753 4.827 4.486 5.110 4.767 5.236 4.894 5.336 4.994 0.460 0.120 0.969 0.627	0.347 0.033 0.796 0.484 1.572 1.259 1.713 1.399 2.080 1.765 2.306 1.992 2.572 2.258 2.672 2.359 2.796 2.484 3.062 3.112 3.796 3.484 4.080 3.765 4.205 3.892 4.306 3.992 4.996 4.484 5.306 4.991	- 8.5 km26.8 30.0 28.0 26.0 20.5 18.5 17.5 15.0 5.2 3.4 - 1.0 0.0 + 4.0 - 7.5	11.8 km. 27.0 29.5 27.6 23.6 21.0 18.0 17.4 15.8 9.0 5.0 2.0 0.5 -+ 0.8 -+ 6.0 -+ 7.0	- I.I km. 20.7 15.I 14.I 10.4 8.2 5.7 4.7 - 3.5 + 2.5 6.2 9.I 10.4 11.7 + 17.7 + 20.4		13.3 km. 32.9 27.3 26.3 22.6 20.4 17.9 16.9 15.7 6.0 9.7 3.1 1.8 0.5 5.5 8.2
						-12.2	
			1902.				
Oktober 9.227 August 27.351 Septemb. 23.244 18.259 19.257 15.271 26.241	1.705 1.530 1.762 1.585 1.822 1.646 2.204 2.028 3.202 3.026 4.582 4.406 4.819 4.643	0.675 0.528 0.732 0.573 0.792 0.744 1.174 1.026 2.172 2.024 3.552 3.404 3.789 3.641	-40.4 41.8 41.4 34.4 27.4 14.9		21.0 21.0 20.3 17.9 7.9 -+ 5.0 -+ 7.8	—19.4 20.8 21.1 16.5 19.5 19.9 22.3 —19.9	
			1903.				
Septemb. 16.257 27.247 22.267 August 21.377 Septemb. 17.257 18.257 24.247 19.257 20.267 15.267 August 25.357 Septemb. 21.257	0.265 0.113 0.519 0.369 0.909 0.756 1.219 1.065 1.265 1.113 2.265 2.113 2.889 2.736 3.265 3.113 4.275 4.123 4.641 4.489 5.119 5.045 5.265 5.113	4.603 4.477 4.860 4.734 5.246 5.120 0.190 0.063 0.236 0.111 1.236 1.111 1.860 1.734 2.236 2.111 3.246 3.121 3.613 3.487 4.170 4.043 4.236 4.111	7.1 2.2 6.2 28.5 30.5 37.3 30.6 26.8 18.8 14.0 6.8 — 8.2	- 5.6 3.0 3.5 24.0 28.0 38 0 32.0 28.4 18.7 15.0 9.6 - 9.0	-+17.6 29.1 -+17.4 3.6 7.4 17.1 10.7 7.1 -+ 2.5 6.2 12.4 -+13.1	23.2 23.1 20.9 20.4 20.6 20.9 21.3 21.3 21.3 21.2 22.022.1	- 5.9 1.2 4.1 25.1 28.9 38.6 32.2 28.6 19.0 15.3 9.1 - 8.4
						21.5	

3*

	ŧ				1909.				
	M. Z. Gr.	<i>t</i> — mi:	in. t - ∂	-T	v_{o}	v_{cu}	v_c	γ	v
Juni	26.386 21.358		.244 0.247 .583 0.586	0.275	—31.8 km.	39.2	-16.6 km.	18.2	38.0
Juli Juni	2.369 16.343	2.5	.861 0.863 .935 0.938		36.6 34.4	36.6 35•3	19.2 18.5	17.4 16.8	36.3 35. 6
Juli 	8.366 3.369		.492 I.494 .861 I.863	1.892	29 . 0 2 8.8	30.0 26.0	12.8 9.1	17.2 16.9	29.9 26.2
Juni Juli	17.403 14.380	3.171 3	.995 1.998 .140 2.140	2.026	24.4 23.9	24.7 23.5	7.9 6.5	16.8	25.0 23.6
Juni	28.374 12.350	3.341 3	.232 2.235 .307 2.311	2.263	24.2 20.7	22.2	5.6 4.9	16.6 16.3	22.7 22.0
Juli	23.346 18.372		.964 2.967	2.602	15.2	18.8 14.8	- 2.2 + 1.3	16.6 16.1	19.3
Juni	15.364 29.374	4.265 4	.124 3.124 1.232 3.235	3.153 3.262	14.8	13.4 12.0 8.0	2.8 3.9	16.2 15.9	14.3
Juli Juni	24.376 16.372 25.378	5.163 5	.601 3.604 .132 4.132 .236 4.606	3.632 4.161 4.633	8.9 2.0 -+ 1.1	3.0 -+ 2.0	7.7 13.7 19.3	15.7 16.7 17.3	9·4 3·4 2·2
Juli	17.366	0.790 0	0.759 5.126 0.861 5.230		- 4.8 11.3	- 3.7 - 7.5	14.8	18.5	- 2.3 - 6.8
	**,)~9	0.094	,,,,,,	,,,,,	•••,	1.,	,	<u>-17.1</u>	
					1911.				
August	13.359		.089 0.047 .470 0.428	0.087 0.468	24.4 38.8	24.0 39.0	5.6 20.6	-18.4 18.4	-22.8 37.8
	3.361 9.354	1.813 1	.824 0.783	0.822	34·7 30·3	35.7 30.0	19.8 13.6	15.9	37.0 30.8
	4.361 10.356		.824 1.783 .453 2.411	1.822	28.3 23.8	26.4 20.0	9.9 3.9	16.5 16.1	27.I 21.I
	21.357 16.371	4.089 4	.721 2.679 .101 3.059	3.099	15.0 13.7	17.6 14.0	- I.4 + 2.3	16.2 16.3	18.6 14.9
	27.334	4.437 4	1.332 3 .289 1.449 3.407	3.330 3.447	12.0	11.8	4.6 5.8	16.4	12.6
	6.3 5 3 12,345 2.360	0.063 0	1.816 3.775 0.075 4.400 0.823 5.149		- 8.4 -1- 0.7	7.2 1.0 — 6.0	9.7 17.1	16.9 18.1 20.6	7.5 0.1 — 2.6
	2.500	0.012 0	0.823 5.149	5.187	— 5.5	— 0.0	-1 -14.6	—20.0 —17.2	
					1912.			·	
Oktober	10.204	diamento persona		simons general	—17.7 —17.3	Marine Ma	5.8 8.6	—11.9 — 8.7	-
	_4,				-7-7		0,0	-10.3	
					1918				
August	28.320 23.370		.120 0.036 .536 0.452	0.118	26.8 33·3	27.0 33.0	7.9 20. 9	19.1 12.1	-21.0 34.0
Juli August	22.368 18.376	1.681 1	.733 0.651 .909 0.825	0.733	29.6 30.2	31.5 29.0	20.4 18.9	11.1	32.2 30.6
Juli	29.316 12.368		2.116 1.032 2.466 1.384		25.4 25.5	27.0 23.4	17.0 13.4	10.0	28.5 25.0
August Juli	24.322 23.370	2.683 2	2.488 1.404 2.735 1.653	1.733	25.8 20.4	23.0 20.5	13.2	9.8 9.8	24. 8 22. 3
August Juli	19.339 2.368	3.147 3	2.872 1.788 3.198 2.117	2.196	20.2 18.4	19.2 16.0	9·4 6.3	9.8 9.7	21.0 17.5
August Juli	25.303 26.320	4.432 4	1.469 2.385 1.486 3.402	3.484	13.I 3.4	13.3 3.0	- 3.7 -+ 6.2	9.6 9.2	14.9 4.8
Septem	25.370 20.375 b. 1.311	5.054 5		4.104	- 0.8 -+ 2.0 -+ 1.4	0.8 -+ 3.0	8,8 13.0	9.6 10.0	- 2.4 -+ 1.5
Juli Septem	21.371	0.684 o	5.111 4.027 0.736 5.020 0.746 5.028	5.100	- I.4 0.6	+ 3.0 - 0.2 - 0.3	13.1 18.2 -⊢17.9	10.1 18.4 18.2	1.6 5.0 + 4.5
•			, , ,	,		,	- 1.9	-11.6	4.)

Die Zusammenstellung aller Werte von γ findet man in der nächsten Tabelle.

Epoche.	Υ	Zahl der Spectr.	Sternwarte.
1894.64	—12.2 km.	16	P.
95.68 ¹)	18.6	6	P.
96.87	18.0	I	L. O.
9765	18.0	4	Р.
97.86	16.6	Ĭ	L. O.
98.72	17.6	8	P.
98.81	15.4	I	L. O.
1902.71	19.9	5	P.
03.70	21.5	12	P.
04.71	17.4	6	P.
05.64	18.0	2	P.
07.85	17.3	38	L. O.
08.79	17.4	8	P.
09.49	17.1	19	P.
11.51	17.2	13	P.
12.78	10.3	2	P.
13.60	-11.6	16	P.

Wenn man die Beobachtungen der Sick-Sternwarte von 1897 und 98 benutzt, um daraus die Differenz zwischen Pulkowo und Lick. S. zu bestimmen, so kann man alle Pulkowoer Werte auf Lick reduzieren. Diese Differenz ergiebt sich etwa zu:

Dann erhält man die folgende Tabelle:

Epoche.	γ	23	Sternwarte.
1894.64	-10.4 km.	16	· P.
95.68	16.8	6	P.
96.87	18.0	I	L. O.
97.65	16.2	4	Ρ.
97.86	16.6	i	L. O.
98.72	17.6	8	P.
98.81	15.4	I	L. O.
1902.71	18.1	5	P.
03.70	19.7	12	Ρ.
04.71	15.6	6	<u>P</u> .
05.64	16.2	2	\mathbf{P}_{i}
07.85	17.3	38	L. O.
08.79	16.6	8	<u>P</u> .
09.49	17.1	19	<u>P</u> .
11.51	15.4	13	<u>P</u> .
12.78	8.5	2	<u>P</u> .
13.60	— 9·7	16	P.

Man kann aber auch annehmen, dass der genannte Unterschied nur für den Spektrographen gilt, welchen ich bis zum Jahre 1902 benutzt habe (ohne automatischen Thermostat). Wenn man also nur die Beobachtungen von 1895 bis 1902 korrigiert, so haben wir:

¹⁾ Mitteilungen der P. St. M 28, B. III.

Epoche.	γ	Sternwarte.
1894.64	-12.2	P.
95.68	16.8	P.
96.87	18.0	L. O.
97.65	16.2	P.
97.86	16.6	L . O.
98.72	15.8	P.
98.81	15.4	L . O.
1902.71	19.9	Р.
03.70	21.5	Р.
04.71	17.4	P.
05.64	18.0	Р.
07.85	17.3	L. O.
08.79	17.4	$\mathbf{P}_{\mathbf{r}}$
09.49	17.1	P.
11.51	17.2	<u>P</u> .
12.78	10.3	P.
1913.60	11.5	P.

Bei dieser Kombination tritt aber eine Constante Differenz auf, zwischen den mittleren Werten von γ aus den Gruppen 1895 bis 1902 und 1904 bis 1911. (—16.5 km und —17.4 km).

Nach Anbringung dieser Differenz erhalten wir die folgende Tabelle:

Epoche.	Υ	Zahl der Platten.	Sternwarte
1894.64	—12.2 km.	16	P.
95.68	18.0	6	P.
96.87	17.4	I	L. O.
97.65	17.4	4	P.
97.86	17.8	- I	L. O.
98.72	17.0	8	· P.
98.81	16.6	12	P.
1902.71	19.9	5	P.
03.70	21.5	12	P.
04.71	17.4	6	P.
05.64	18.0	2	P.
07.85	17.3	38	L. O.
08.79	17.4	8	<u>P</u> .
09.49	17.1	19	P.
11.51	17.2	13	P.
12.78	10.3	2	P.
13.60	11.5	16	P.
Mittel	17.3 km.	-	

Es folgt daraus dass mit Ausnahme der Jahre 1894, 1902, 1903, 1912 und 1913 der Wert von γ constant bleibt und zwar ergibt sich zu:

$$\gamma = -17.4 \text{ km}.$$

Die Zahlenwerte für γ in den 4 genannten Jahren weichen vom Mittel nach beiden Seiten um — 5 km und — 4 km ab.

Um zu entscheiden in wiefern diese Abweichungen vom Instrument abhängen wurden die Radialgeschwindigkeiten von mehreren Sternen mit den auf andern Sternwarten erhaltenen Resultaten verglichen.

1894.59 .69	1 Prisma	α Cassiopeiae " Mittel	Pulkowo. -4.3 km. 3.4 -3.8	Bonn. -3.4 km.	Mc. Millin O. —1.5 km.	Lick. O. 2) -4.3 km.	Yerkes.O.3)
1902.9 ¹) •7 •6	3 Prisma Camera B	α Persei ε Pegasi γ Aquilae	-2.9 -6.1 -2.0	-2.2 -+6.0 -0.6		- +5.7 -1.9	-2.1 km. +6.2 -1.8
1903.1 .6 .5	3 Prisma Camera B	β Geminorum ε Pegasi α Bootis	+3.4 +5.9 -4.0	-+4.8 -+6.0 -3.9		-+3.9 -+5.7 3.9	+3.4 +6.2 -4.3
1913.1	8 Prisma Camera Chromat	β Geminorum α Bootis	-+-5.6 4.3	-1- 4.8 3.9	=	 3.9 3.9	→3.4 —4.3

Aus dieser Tabelle sieht man, dass zwischen den Pulkowoer R. G. und denjenigen anderer Sternwarten ein Unterschied von 4 km gewiss nicht existiert. Wenn man also die stark abweichenden Werte von γ im J. 1894, 1903 und 1913 als reell ansieht, so könnte das Zeitintervall 1894—1913 vielleicht einen Bruchteil der Periode repräsentieren. Sie könnte 19 oder 20 Jahre betragen, je nachdem ob das Minimum von γ auf 1894 oder 1893 fällt. Wenn man endlich den Wert von γ im J. 1912 berücksichtigt, so könnte die Periode gleich 18 J. sein und die Intervalle 1894—1903—1912 ihre Hälften darstellen.

Was die andern Elemente der Bahn des Sterns anbetrifft, so sind sie mit Ausnahme der Excentricität den auf der Lick-Sternwarte gefundenen gleich⁴). Der Unterschied in der Excentricität hängt aber davon ab, das in Pulkowo zufällig keine Beobachtungen im Knoten der Bahn erhalten wurden und die Geschwindigkeitscurve für diese Epoche daher nicht mit Sicherheit zu bestimmen war.

¹⁾ As. P. I. V. XIX, Na 2.

²⁾ Lick. O. B. No 229

³⁾ As. P. I. V. XVIII, & 4.

⁴⁾ Mitteilungen der Pulkowoer Sternwarte, № 28, B. III.



8 Cephei. 1911 August 3 v. Belopolsky.

λ	Spect-komp. ⊙ № 16.	K	Versch.	λ	Versch. der Fe-L.	K	Versch.
414 H	u —o.168 R	2.86 km.	48.0 km.	406.4 µµ	-0.211 R	2.53	-53.4 km.
420	149	3.I I	46.4	407.2	180	2.57	46.3
424	151	3.29	49.7	414.0	163	2.86	46.4
426	151	3-37	50.9	419.0	143	3.07	43.8
431	142	3.59	51.0	423.6	153	3.25	49.8
434	1 40	3.72	52.1	425.1	144	3.32	47.8
439	120	3.94	47.3	427.2	146	3.42	49.9
447	114	4.29	48.9	430.8	144	3.58	51.6
453	112	4.56	51.1	431.5	152	3.61	54.9
		Mittel	-49.5	432.6	139	3.65	50.7
						Mittel	-49.5

δ Cephei 1911 August 3 Frl. I. Lehmann.

λ	rel. z. ⊙ № 16.	K	Verschieb.	λ	Ver. der Fe-Lin	K	Versch.
414 µµ 420 424 426 431 434 439 447 453	-0.161 R 146 150 138 142 132 119 112 108	2.86 km. 3.11 3.29 3.37 3.59 3.72 3.94 4.29 4.56 Mittel C	-46.0 km. 45.3 49.4 46.4 50.8 48.9 46.8 48.0 49.4 -47.9 - 0.3 -48.2	413.2 µµ 414.4 418.2 421.0 423.6 428.2 433.7 437.6 442.7 446.7 452.6 460.3	• -		46.2 km. 43.6 43.0 45.7 53.0 51.4 47.4 50.7 51.7 48.4 55.8 46.9 —48.6 — 3
					. 0		-48.9

Zusammenstellung für δ Cephei 1911 August 3.

Rel. zur ⊙ № 16	—49.5 km.	B.
29	48.2	L.
Fe-Linien	49.5	B.
93	48.7	L.
Mitt	cel —49.0 km.	

8 Cephei.

	1894	•			190	2.	
	M. Z. Gr.	t - T	v		M. Z. Gr.	t - T	v
August	12.375	0.03	— 8.5 km.	Oktob.	9.227	0.528	-40.4
Septemb.	3.292	.48	-26.8	August	27.351	-573	41.8
August	24.334	1.26	 30.0	Septemb.		.744	41.4
77	8.375	1.40	-28.0	99	18.259	1.026	34.4
27	3 - 375	1.76	-26.0	21	19.257	2.024	27.4
99	14.334	1.99	-20.5	29	15.271	3.404	14.9
19	25.334	2.26	18.5	2)	26.241	3.641	14.5
99	9-334	2.36	-17.5				
Septemb	5.292	2.48	-15.0				
99	11.292	3.12	— 5.2				
22	6.292	3.48	- 3.4				
August	5 • 375	3.76	- 3.0				
Septemb		3.89	- 1.0				
August	16 .3 34	3.99	- 0.2				
Septemb	*, *	4.48	+ 3.0				
August	6.417	4.81	-⊢ 7.8				
37 ~	.17 - 334	4.99	→ 7.5				

1903.

1	M. Z. Gr.	T - t	v
Septemb.	16.257	4.48	— 7.1
77	27.247	4.73	2 .2
97	22.267	5.12	6.2
August	21.377	0.06	28.5
Septemb.	17.257	0.11	30.5
79	18.257	I.II	37-3
29	24.247	1.73	30.6
57	19.257	2.11	26.8
99	20.267	3.12	18.8
59	15.267	3.49	14.0
August	25.357	4.04	6.8
Septemb.	21.257	4.11	- 8.2

1909 Juni 12.

λ	Rel.z. $\odot N_2$	Rel. z. \odot Ne I	$\mathbf{I} \mathbf{K}$	v
427 µµ	-0.102 R	-	4.29 km.	—43.8 km.
432	090		4.59	41.3
435	070	Garanese	4.77	33.4
438	_	072	4.94	35.6
440	074	.070	5.06	36.4
447	063	.066	5.49	35-4
				-37.7
]	Korr, der 💿	Pl. + 3.6
			v_a	-1-13.4
				-20.7
				ε = ± 1.6

Juni 16.

Rel. z. 8 Cephei 1909 Juni 26.

		Juni 10.			Rei. z. o Cepne.	1 1909 Juni 20,
418 µµ 423 425 427 432 434 435 438 439 440 441	0.130 128 120 116 112 112 106 95 98 100	0.142 ————————————————————————————————————	3.77 km. 4.06 4.17 4.29 4.59 4.65 4.77 4.94 5.00 5.06 5.12	49.0 km. 51.9 55.2 49.8 54.2 52.0 50.5 48.9 49.0 50.6 48.2	-0.002 -0.002 -0.004 -0.002	- 0.8 km 0.9 - 1.9 - 1.1
443	104	91	5.24	51.2 53.0		
444 446	104	87	5.30 5.42	51.8	.002	<u>-!</u> 1.1
			Mi	tt. —51.0	Mit	tt. — 1.2
			Korr. der 💿	Pl. + 3.4	Korr. der I	Pl. —47.0
			v_a	+13. 8	v_a	 13.8
			$egin{array}{c} c \ v \end{array}$	$\frac{-0.6}{-34.4}$		-34.4
			$\epsilon_{_{O}}$	土 0.55	ϵ_o	土 0.19

1909 Juni 17.						elativ zu			
	⊙ № 2	⊙ № II	K	v		hei Juni	26.	L	Mittel:
425 µµ 427 432 434 435 438 439 440 441 443 446 448 452	102 96 92 90 89 92 79 80 		4.17 4.29 4.59 4.71 4.77 4.94 5.00 5.06 5.12 5.24 5.43 5.54 5.78 Mittel Korrekt va c v eo	-42.6 km 41.2 42.2 41.8 39.4 42.0 (46.6) 38.9 41.2 42.6 39.9 39.3 -41.5 + 3.5 + 13.9 - 0.3 -24.4 ± 0.55					
Juni 18.									
425 μμ 427 431 432 435 438 440 441 443 444 446	074 82 91 62 63 62 66 61 63	.084 64 57 48 52 50 52	4.17 4.29 4.53 4.59 4.77 4.94 5.06 5.12 5.24 5.30 5.42 Mittel Korr. © va c v εo	-30.9 35.2 39.4 30.4 30.0 33.4 24.6 29.6 26.5 31.2 -31.1 + 3.6 +14.03 -13.8 ± 1.04	426 µµ 431 435 440 446	42 36 39 34	-+19.5 km 19.1 17.2 19.8 18.5 -+18.847.014.2	_	—14.0 km.
Juni 21.									
425 µµ 427 432	133 129 122	144	4.17 4.29 4.59	—55.5 55.4 56.0	016 016	- 4.2 7.3			
435 438	118	126	4.77 4.84	56.3 59.5	-014	6.7			
440 441 443 445	112	— 112 116 110	5.06 5.12 5.24 5.36	56.7 57.4 59.2 59.0	014	7.1			
446 448	118	100	5.43 5.54 Mittel Korr. © v _a c v ε ₀	55.4 -57.5	015 ε ₀	8.8 - 6.7 -47.0 +14.239.5 ± 0.66		39.2	—39.6 km.

	Relat	iv zu:			Relati			Mittel:
1909 Juni 23.	⊙ № 2	⊙ № II	K .	· · · · · δ C	Cephei 26 Ju	ıni. v		
425 µµ	.072		4.17 km.		•	-17.4 ,		
427 432	78 7 2	090 86	4.29 4.59	36.1 35 . 8	39	17.9		
438	-	68	4.94	33.6	39	19.3		
440	71	63	5.06	36.0	36	18.2		
441 446	60	-	5.12 5.43	31.2 32.6	38	16.8		
447	_	54	5.48	296	-	***************************************		
			Mittel Korr. ⊙	-33.I		-1 -17.9 47.0		
			v_a	+ 3·3 + 14.3		 47.0		
			c	3				
			v	-15.6		-14.8		—15.2 km.
			ϵ_o	± 0.56		0.44		
Juni 24.								
426 µµ	-064 R		4.23	-27.1	0 70	1	0 }	
432 4 36	65 48	072	4.59 4.82	3 I.4 23.2	+.048 R	4.54 km. 4.78	-1-21.8 km. 24.4	•
437		56	4.88	27.4			Ministry.	
440	45	41	5.06	22.8	44	5.07	22. 3 22. 6	
447	56	41	5.48 Mittel	22.5 -25.7	41	5.50 Mittel	-1-22.8	
			Korr. o			Kor. des P	l. 47.0	
			v_a	 14.4		v_a	+14.4	
			$egin{array}{c} c \ v \end{array}$	$\frac{-3}{-8.0}$		v	- 9.8	-8.9 km.
			ε ₀	± 1.43		ε ₀	± 0.56	0.,
Juni 25.			0	1.45		0	0.,0	
427 μμ	042		4.29	-18.0				
432 435	50 27	-049	4.59 4.77	22.7 12.9				
438		27	4. 94	13.4				
440 441	36	20	5.06	18.2				
443	40	32	5.12 5.24	10.2 21.0				
446	36		5.43	19.5				
447		24	5.48 Mittel	-16.6				
			Korr. O					
			v_a	+14.4				
			C	 3 -+ 1.1				
			v					
Juni 26.			ϵ_0	± 1.45				
425 MM	118	137	4.17	-53.2				
427 429	120 118	132	4.30 4 .41	54.I 52. 0				
431		120	4.41	54.4				
432	108 1 02	104	4.59	48.6				
434 438	98	92	4.71 4.94	4 8.0 47.0				
440	98	84	5.06	49.6				
441 443	89	84 88	5.12 5.24	43.0 46.4				
447	92	84 .	5.48	48.3				
			Mittel	-49.5				
			Korr. \circ	-+- 3.5 -+-14.5				
			c	<u> </u>				
			v	-31.8				
			ϵ_o	± 0.89				

1914.

извъстія

№ 64.

николаевской главной астрономической обсерватории.
Томъ VI, 4.

BULLETIN

DE L'OBSERVATOIRE CENTRAL NICOLAS À POULKOVO.

Vol. VI, 4.

Über die Parallaxe des Sterns B. D. + 53°2911.

Von J. Balanowsky.

Die grosse Eigenbewegung dieses schwachen Sterns (nach B. D. ihre Grösse ist = 9.5), auf welche ich zuerst aufmerksam gemacht habe 1), ist von Herrn A. Bemporad 2) bestätigt worden. Meine Messungen am Stereokomparator gaben bei einem Zeitintervall von 1 Jahr zwischen den Aufnahmen: $\mu_{\alpha} = +0.136$; $\mu_{\delta} = +0.15$; während Bemporad $\mu_{\alpha} = +0.165$ und $\mu_{\delta} = +0.06$ gefunden hat. In der vorliegenden Arbeit mache ich den Versuch auch die Parallaxe dieses Sterns zu bestimmen.

Zu diesem Zweck waren 11 Aufnahmen — die erste von Herrn Kostinsky — mit dem Pulkowoer Astrographen gemacht worden, dessen Objektiv auf 294^{mm} abgeblendet war. Alle Daten, welche sich auf diese Aufnahmen beziehen, sind in nachstehender Tabelle enthalten. Als Leitstern diente B. D. — 52.3236, der ins optische Zentrum der Platte gestellt wurde:

Beobachtungen.

I	No	Platte.	Datum.		Pulkowoer Sternzeit.	Stunden- winkel.	Expos.	Remerkungen.
	1 2 3	B 462 B 473 B 475	1912 Oct. 23 Oct. 28 Nov. 6	$\begin{cases} a \\ b \\ c \\ d \\ c \end{cases}$	22 ^h 46 ^m 2 22 31.4 44.4 59.4 23 22.1 37.6 51.6	h +0.3 +0.3 +1.4	20 ^m 12 12 12 12 17 12 12	Mondschein. Wind. Zuletzt starke Windstösse.

J. Balanowsky. Grosse Eigenbewegung d. Sterns B. D. + 53°2911 (9.5) Mitteilungen ... Pulkowo. № 49.
 A. Bemporad. Moto proprio della Stella B. D. + 53°2911. Mem. d. Soc. d. Spettr. Italiani. V. I, Ser. 2,
 Maggio 1912.

No	Platte.	Datum.		Pulkowoer Sternzeit.	Stunden- winkel.	Expos.	Bemerkungen.
4	B 536	1913 Mai 9	$\begin{cases} a \\ b \end{cases}$	16 ^h 3 ^m .4	$\left.\right\}$ -6^h 3	I 2 ^m	Sehr hell.
5	B 537	Mai 10	$\begin{cases} a \\ b \end{cases}$	16 7.5	} -6.2	I 2.2 I 2	99 99
6	B 538	Juli 10	a	19 7.5	-3.4	10	19 99
7	B 539	Aug. 6	$\begin{cases} a \\ b \\ c \end{cases}$	21 23.7 38.7 52.7	-0.8	12 12 12	
8	B 573	Sept. 26	$\begin{cases} a \\ b \\ c \end{cases}$	21 58.7 22 12.2 25.7	-0.3	12 12 12	
9	B 582	Oct. 19	$\begin{cases} a \\ b \\ c \end{cases}$	22 37.7 50.7	}-+0.3	12 12 12	
10	B 588	Nov. 29	$\begin{cases} a \\ b \end{cases}$	23 3.7 3 1.3 13.8	+4.7	I 2 I 2	
11	B 590	Dez. 5	$\begin{cases} c \\ a \\ b \\ c \end{cases}$	26.3 23 37.6 51.6 0 4.1	}+1.3	12 14 12 12	Sturm, leichte Schwankung des Fern- rohrs.

Die Aufnahmen erfolgten in der Nähe der Maximalwirkungen der Parallaxe in R. Die klimatischen Bedingungen und die geographische Lage unserer Sternwarte sind für Parallaxenbestimmungen von Sternen, deren R nahe an 0^h ist, sehr ungünstig, da sich Beobachtungen in der Nähe des Meridians wegen der hellen Sommernächte nur in grösseren Abständen vom Maximum und Minimum erhalten lassen¹). Die R des Sterns B. D. $-53^{\circ}2911$ beträgt 22^h 5, infolgedessen konnten die Sommeraufnahmen nur in grossen Stundenwinkeln gemacht werden. Dieser Umstand erschwerte die Bearbeitung des erhaltenen Materials bedeutend und verringerte in gewissem Grade die Zuverlässigkeit des daraus abgeleiteten Wertes der Parallaxe.

§ 1. Messung der Platten und ihre Reduktion.

Die Ausmessung der Negative geschah auf einem Repsoldschen Apparat mit fein geteilter Skala, wobei jede Platte in vier Lagen gemessen und für jede Platte der "run" des Mikroskops bestimmt wurde. Ausser B. D. 53°2911 wurden noch 11 Sterne gemessen. Sieben von ihnen, die sich gleichmässig über die Platte verteilten, dienten zur Bestimmung der Reduktionskonstanten und galten demnach als Anhaltsterne; die übrigen 4, die sich symmetrisch um B. D. + 53°2911 gruppierten, wurden als Vergleichsterne benutzt. Ihre Koordinaten sind:

Vergleichstern	α 19 13.0	δ 1913.0
a (9.8)	22 ^h 28 ^m 59 . 04	$-53^{\circ}18'$ 5.7
b (9.6)	28 59.71	20 27.8
c (9.8)	29 33.41	22 25.7
d(9.5)	29 40.90	18 39.4.

¹⁾ S. Kostinsky. Untersuchungen auf dem Gebiete der Sternparallaxen mit Hilfe d. Photographie. Publ. d. l'Obs. Centr. Nic. Serie II, Vol. XVII, pag. 54 u. f.

Diese Sterne so wie B. D. +53°2911 wurden gemessen je zwei Mal in jeder der vier Lagen, während nur ein Bild der Anhaltsterne und dazu nur ein einziges Mal gemessen wurde. Nach Befreiung der Messungen von den Instrumentalfehlern wurden die rechtwinkligen Koordinaten aller Sterne inbezug auf den Leitstern berechnet. Die weitere Bearbeitung bestand in ihrer Reduktion auf die "Normalplatte".

Bezeichnen wir mit x und y die gemessenen rechtwinkligen Koordinaten eines Sterns auf irgend einer Platte, mit x_0 und y_0 die entsprechenden Grössen auf der Normalplatte, so besteht die Relation:

$$px + qy + r + m = 0$$
$$p'x + q'y + r + m' = 0$$

wo $m = x - x_0$ und $m' = y - y_0$ ist. In Anbetracht dessen, dass sich die Werte von x und y auf den einzelnen Platten wenig von einander unterscheiden, kann man obenstehenden Gleichungen die Form geben:

$$px_0 + qy_0 + r + m = 0 p'x_0 + q'y_0 + r' + m' = 0$$
 \tag{1}

Die Lösung dieser Gleichungen nach der Methode der kleinsten Quadrate gestaltet sich sehr einfach, da die Normalgleichungen für die einzelnen Platten sich nur durch die Absolutglieder unterscheiden.

Bezeichnet man weiter die Idealkoordinaten der Anhaltsterne mit X und Y, so lassen sich die Konstanten der Normalplatte aus den Gleichungen finden:

$$Px_0 + Qy_0 + R + n = 0$$

$$P'x_0 + Q'y_0 + R' + n' = 0$$

wo
$$n = x_0 - X$$
, $n' = y_0 - Y$.

Die Koordinaten sümmtlicher, auf einer Platte gemessener Sterne sind dann, ausgedrückt in Einheiten der Skala der Normalplatte:

$$\xi = x + px + (q + Q)y + (R + r)$$

$$\eta = y + (p' + P')x + q'y + (R' + r').$$

Für die Differenzen der Koordinaten gelten dann die Formeln:

$$\Delta \xi = \Delta x + p \Delta x + (q + Q) \Delta y$$

$$\Delta \eta = \Delta y + (p' + P') \Delta x + q' \Delta y$$

$$\vdots$$

Die Positionen der Anhaltsterne und ihre Idealkoordinaten sind:

	A. G. Cambr. U. S.	α 1913.0	8 1913.0	· X	Y
I	7722 (9.4)	22 ^h 24 ^m 45 ^s 15	+52°49′42″.8	-36.3830	-23.2987
2	7736 (6.5)	25 57.85	53 48 0.6	-24.8304	-+34.8696
3	7756 (8.4)	28 2.89	52 25 6.9	- 6.5752	-48.1431
4	7787 (8.4)	31 49.34	53 53 43.2	-1-27.0092	-1-40.6019
5	7790 (8.2)	32 11.07	52 45 8.0	-1-31.0300	-27.9490
6	7798 (8.1)	33 4.03	53 20 12.8	-1-38.5157	-+ 7.2216
Leitste	n 7763 (8.2)	28 46.01	53 13 15.9	0.0000	0.0000

Die folgende Tafel enthält die gemessenen Koordinaten der Anhaltsterne in Millimetern:

x.

Sterne	1	2	3	4	5	6
B 462 473 475 536 537 538 539 573 582 588 590	-36.6842 .6836 .6808 .6892 .6993 .6852 .6786 .6876 .6792 .6834 .6940	-25.0299 .0245 .0219 .0324 .0412 .0272 .0336 .0306 .0370 .0326 .0136	-6.6172 .6212 .6292 .6199 .6161 .6219 .6144 .6224 .6202 .6200 .6364	-+-27.2171 .2141 .2168 .2126 .2098 .2265 .2211 .2272 .2130 .2097 .2368	31.2717 .2578 .2604 .2614 .2752 .2732 .2738 .2780 .2766 .2690 .2687	-+-38.7772 .7658 .7680 .7614 .7776 .7816 .7803 .7873 .7756 .7714

y.

Sterne	1	2	3	4	5	6
B 462 473 475 536 537 538 539 573 582 588 590	-23.4880 .4687 .4677 .4956 .4976 .4836 .4812 .4808 .4835 .4738	-1-35.1080 .1100 .1096 .0976 .0972 .1172 .1226 .1211 .1185 .1151	-48.5130 .4873 .4892 .5042 .5070 .5108 .5176 .5130 .4941 .4980	-+40.8968 .8970 .8956 .9198 .9152 .9105 .9208 .9109 .9128 .9041	28.1677 .1532 .1497 .1382 .1442 .1582 .1656 .1660 .1480 .1592 .1703	-1-7.2216 .2258 .2308 .2564 .2498 .2332 .2384 .2326 .2404 .2290

B 473 betrachtete ich als Normalplatte und reduzierte auf sie alle übrigen. Die Lösung der Gleichungen (1) nach der Methode der kleinsten Quadrate führte zu den Werten der Unbekannten:

gemacht werden mussten. Die Gleichungen zur Ableitung der Parallaxe löste ich daher mehrmals unter verschiedenen Voraussetzungen inbetreff der Realität der Grössen, die in diese Gleichungen eingehen.

Mit Benutzung der Mittelwerte von n, die sich in der vorletzten Kolumne der Tabelle finden, wurden Gleichungen aufgestellt, welche die vier Unbekannten enthalten:

$$T\Delta\mu_0 + h_{\sharp}\pi + e + k_{\sharp}\beta = n.$$

Die Normalgleichungen sind dann:

$$-1.643 \ \Delta \mu_0 - 0.131 \ \pi + 0.260 \ e + 0.308 \ \beta = -0.0019$$

$$-0.131 \ \Delta \mu_0 + 6.012 \ \pi - 2.507 \ e - 2.489 \ \beta = + 0.370$$

$$+ 0.260 \ \Delta \mu_0 - 2.507 \ \pi + 10.000 \ e - 0.830 \ \beta = -0.073$$

$$+ 0.308 \ \Delta \mu_0 - 2.489 \ \pi - 0.830 \ e + 1.691 \ \beta = -0.199.$$

Löst man diese Gleichungen, indem man die Zahl der Unbekannten verschieden annimmt und sie in verschiedener Weise kombiniert, so erhält man die Resultate:

Auflösung.	π	β	$\Delta\mu_0$	e	Σpv^2	W. Fehler d. Gewichts- einheit
I	+ 0,008 ± 0.040	-o".116 ± 0".076	-+ 0.014 ± 0.030	-0.016±0.025	0″1986	士0.035
11	+0.065 ± 0.016		- 0.008 ± 0.030	-1-0.009 ± 0.013	0.2360	±0.036
III		-0.109 ± 0.027	+0.011±0.027	-0.018 ± 0.011	0.2058	± 0.034
IV	+ 0.033 ± 0.021	- 0.070 ± 0.035	_		0.2113	±0.032
V	+0.062±0.013	_		_ 3	0.2427	±0.033
VI		-0.118±0.025			0.2298	±0.032

Eine Vergleichung der Lösungen II mit V und III mit VI zeigt, dass die Einführung der Unbekannten $\Delta\mu_0$ und e die Grössen π und β , wie sie aus den Gleichungen mit einer Unbekannten gewonnen sind, fast garnicht verändert. Auch ihre wahrscheinlichen Fehler bleiben in beiden Fällen nahezu dieselben. Da die numerischen Werte von $\Delta\mu_0$ und e ausserdem bedeutend kleiner sind als ihre wahrscheinlichen Fehler, so kann man sie als nicht reell ansehen und die Gleichungen, um π und β zu erhalten, nur mit diesen beiden Unbekannten auflösen.

Stellen wir daher, für jeden Vergleichstern besonders, Gleichungen von der Form auf:

$$h_{\mathbf{x}} + k_{\mathbf{x}}\beta = n$$

so erhalten wir die Normalgleichungen:

st. a st. b st. c st. d
+ 6.012
$$\pi$$
 - 2.489 β = + 0.339; ... = + 0.758; ... = -0.075; ... = + 0.402
- 2.489 π + 1.691 β = -0.214; ... = -0.413; ... = + 0.047; ... = -0.202

deren Lösung zu folgenden Werten von π und β führt:

Vergleichstern:
$$a + 0.012 \pm 0.040 - 0.112 \pm 0.078 \pm 0.063$$

 $b + 0.064 \pm 0.036 - 0.150 \pm 0.072 \pm 0.059$
 $c - 0.002 \pm 0.026 + 0.024 \pm 0.049 \pm 0.040$
 $d + 0.045 \pm 0.024 - 0.054 \pm 0.046 \pm 0.037$.

Wenn man den Stern c unberücksichtigt lässt und das arithmetische Mittel aus den Lösungen für die Sterne a, b, d bildet, indem man die Gewichte umgekehrt proportional dem Quadrate ihrer wahrscheinlichen Fehler festsetzt, so ergeben sich die definitiven Werte von π und β :

$$\pi = -0.043 \pm 0.008$$

 $\beta = -0.088 \pm 0.019$.

Auf meine Bitte machte Herr Tichoff mit dem Bredichin'schen Astrographen Aufnahmen der Umgebung von B. D. 53°2911 mit Anwendung eines Objektivprismas. Aus der Untersuchung zweier Platten, NeNe 1010 und 1037, die Frau Woitkewitsch-Poljakoff ausführte, ging hervor, dass der Stern B. D. 53°2911 dem Spektraltypus G.5 angehört. Die Spektra der Sterne c und d waren äusserst schwach, trotzdem liess sich vermuten, dass beide dem Typus A oder F zuzuzählen sind. Für a und b war es nicht möglich, auch nur angenähert die Art ihrer Spektra zu bestimmen, da sie zusammenflossen. Ich halte es für meine angenehme Pflicht an dieser Stelle Herrn Tichoff und Fr. Woitkewitsch-Poljakoff meinen aufrichtigen Dank auszusprechen.

Berechnen wir die Korrektion der photographischen Refraktionskonstante für B. D. 53°2911 nach der Formel:¹)

$$\Delta k' = -0.01805 \frac{\Delta \lambda}{\lambda^{5/2}}$$

und nehmen wir nach Bergstand²) die effektive Wellenlänge für Sterne vom Typus $G5: \lambda_e = 0$.440 an, so finden wir:

$$\Delta k' = -0.00130 \text{ oder } \Delta k'' = -0.078.$$

2) Östen Bergstrand. Recherches sur les couleurs des étoiles fixes. Pg. 36.

¹⁾ С. К. Костинскій. О паралаксѣ и собственномъ движеніи перемѣнной звѣзды о Кита (Mira Ceti). Mitteilungen der Nikolai-Hauptsternwarte zu Pulkowo № 44, pg. 130.

Dieser Betrag stimmt sehr gut mit dem oben abgeleiteten Werte von β (-0.088) überein, was einerseits darauf hinweist, dass die Grösse β reell ist, andererseits aber auch zur Annahme berechtigt, dass die Stundenwinkelfehler sich nahezu vollständig durch Einführung des Gliedes $k_{\xi}\beta$ in unsere Gleichungen eliminieren lassen.

Die Messungen der Koordinate y können nur zur Bestimmung von β und μ_{δ} verwandt werden, während sie zur Ermittelung des Wertes von π wegen der ungünstigen Verteilung der Aufnahmen auf die Jahreszeiten nicht geeignet sind.

Die nachstehende Tabelle enthält die Grössen $\Delta \eta - \Delta \eta_m$ und die Koeffizienten der Bedingungsgleichungen, wobei die k_n nach der Formel

$$k_n = -\operatorname{tg} \zeta \cdot \sin q$$

berechnet sind.

Eine vorläufige Lösung gab für die Platte B 538 einen grossen übrigbleibenden Fehler (0.4); sie wurde daher verworfen:

Platte	$\Delta \eta - \Delta \eta_m$				M	Iittel	t -1913.414	h _n	k_{η}	
114000	a	b	c d		in 0 ^{mm} 0001 in Bogensek.		(-1010.414	"ŋ	• ग	
B 462 473 475 536 537 539 573 582 588	+32.7 -18.9 +11.1 -26.1 - 8.3 - 5.0 +18.4 +19.7 - 2.8	+30.0 -21.8 + 3.1 -21.6 + 4.4 - 8.6 +10.2 + 3.0 + 7.3	-+17.7 26.1 +17.9 26.2 13.5 9.2 +14.1 +18.0 -+ 5.1	+ 8.6 - 7.3 + 5.7 - 37.4 - 1.1 + 3.2 + 0.5 + 20.2 - 0.1	-+22.2 18.5 -+ 9.4 27.8 4.6 4.9 +-10.8 -+15.2 -+ 2.4	-+-0	-0.60; -0.590 -0.565 -0.064 -0.180 +0.320 -0.383 +0.495	+0.374 +0.302 +0.164 -0.097 -0.082 +0.902 +0.711 +0.434 -0.191 -0.282	-0.11 -0.11 -0.14 -0.82 -0.79 -0.12 -0.11 -0.11 -0.48	

Bei der Zusammenstellung dieser Tabelle ist für die Epoche 1913.414 angenommen:

Vergleichstern:	$\Delta \gamma_m$
a	1.69756
b	→0.15243
\boldsymbol{c}	1.83370
d	-⊢ 1.95856.

Die Bedingungsgleichungen haben das Aussehen:

$$(t-1913.414) \ \mu_{\delta} + h_{\eta}\pi + e + k_{\eta}\beta = \Delta \eta - \Delta \eta_m$$

Die Normalgleichungen sind:

$$\begin{array}{l} + 1.644 \; \mu_{\delta} - 0.057 \; \pi + 0.307 \; e + 0.131 \; \beta = + 0.045 \\ - 0.057 \; \mu_{\delta} + 1.827 \; \pi + 2.048 \; e + 0.034 \; \beta = + 0.082 \\ + 0.307 \; \mu_{\delta} + 2.048 \; \pi + 9.500 \; e + 2.875 \; \beta = -0.067 \\ + 0.131 \; \mu_{\delta} + 0.034 \; \pi + 2.875 \; e + 1.622 \; \beta = -0.137. \end{array}$$

Ihre Auflösung giebt:

$$\mu_{\delta} = + 0.033 \pm 0.041$$

$$\pi = + 0.012 \pm 0.055$$

$$e = + 0.034 \pm 0.036$$

$$\beta = -0.151 \pm 0.074$$

$$\Sigma pv^2 = 0.4522$$

$$\rho_1 = \pm 0.053$$

Ungeachtet der erheblich geringeren inneren Genauigkeit der Messungen der Koordinate y erhalten wir für β einen Wert, der innerhalb der Grenzen der wahrscheinlichen Fehler mit dem früher berechneten übereinstimmt. Was die Parallaxe anbetrifft, so verschwindet der gefundene Betrag, wie zu erwarten stand, gegenüber seinem wahrscheinlichen Fehler.

Die definitiven Resultate der vorliegenden Arbeit können wir jetzt dahin zusammenfassen:

Die Parallaxe des Sterns B. D. + 53°2911 beträgt:

$$\pi = +0.043 \pm 0.008$$

oder, wenn man nach Kapteyn die Parallaxe der Vergleichsterne = + 0.005 setzt und die Zahl abrundet:

$$\pi_{abs} = -0.05 \pm 0.01.$$

Die Eigenbewegung $\mu_{\xi} = \mu_0 + \Delta \mu_0$ muss nach dem oben Gesagten angenommen werden:

Verwandelt man μ_{ξ} in μ_{α} , so erhält man die Eigenbewegung des Sterns B. D. $+ 53^{\circ}2911$:

$$\underline{\mu_{\alpha} = + 0.151} \pm 0.002$$

$$\underline{\mu_{\delta} = + 0.03} \pm 0.04.$$

Zum Schluss gebe ich noch die Position des Sterns B. D. + 53°2911, wie ich sie als Mittelwert aus 11 Platten fand:

Epoche 1913.42; $\alpha = 2^h 29^m 15^s 620 \pm 0.009$; $\delta = +53^o 20'36''.85 \pm 0.06$; Äq. 1913.0.

Pulkowo. 1914, April.

Photographische Beobachtungen der Kometen 1913 c, d und e in Simeïs.

Von G. Neujmin.

Die folgenden Positionen beruhen auf Aufnahmen, die am Malzoff'schen Doppelastrographen mit Kameras von kurzer Brennweite erhalten sind. Die Platten eines jeden Paares wurden unabhängig von einander und nach Möglichkeit mit Benutzung verschiedener Vergleichsterne gemessen und reduziert (nach der Interpolationsmethode von F. Reger, Königstuhl-Publ. Bd. II, № 12), um den Einfluss systematischer Fehler zu verringern. In den Rubriken α und δ sind die Mittelwerte aus beiden Platten sowie die Resultate jeder einzelnen gegeben.

Alle Positionen bedürfen noch der Korrektion wegen Parallaxe und Planetenaberration.

NºNº d. Platten.	1913.	M.Z.Grw.	α _{1913.0}	Δp_{α}	δ _{1918.0}		Δp_{δ}	*	Bemerkungen.		
	€ 1913 c.										
1071	Sept. 3	11 28 5	23 ^h 51 ^m 36.40 .38	8.893	— 1°56′18″5	19.4	0.802	1,2			
1072	" 5	9 33.6	23 50 34.07 .93	9.054n	— I I 48.3	17.5 45.3	0.795	3,4 5,6			
1074	" 6	9 33.2	23 49 59.88 .91 .86	9.032n	— o 33 46.4	51.3	0.791	7,8 9,5	Exp. 1 52 1 1		
1076	" 10	12 11.6	.86 23 47 30.04 .11	9.315	- 1 18 56.0	46.8	0.778	9,5	" I O so		
1082	" 27	7 25.1	23 37 15. 28 .23	9.220 _n	+ 7 54 45.8	57.5 46.7	0.722	12,13			
1088	Okt. 24	6 7.9	23 34 5.2I .20	9.052n	+14 16 55.6	44.9 56.2	0.647	16,17	, 3 0 Metcalisch.		
1124 1153 1154	Nov. 1	5 45.9	23 37 35.00 .91	9.008 _n	+15 27 19.9	55.0 20.6 19.2	0.631	20,21	" 2 34 gs		
7		,		' Vestphal	1913 d.	- 7.2 1		, -4,-)	,		
1089	Sept. 28	7 15.3	21 48 41.87 .72		— I 759.8	58.3	0.796	25,26	Pointierung		
1095	Okt. 2	6 3.7	21 36 21.30 .41	8.784n	+ 2 15 31.0	29.9 32.1	0.769	29,30	auf die Fix-		
1117	" 19	5 3.0	20 55 17.12 .21 .04	8.423	15 54 35.0	34.I 36.0	0.620	33,34 35,36	sterne.		
			# G	iacobini	1913 е.						
1129	Okt. 26	5 28.1	18 54 54.92 .97 .87	9.489	— 7 9 16.7	17.4	0.820	37,38 39,40	Pointierung auf den Kometen.		

Vergleichsterne.

No No	Autorität		No No	Autor	rität	NºNº	Autorität		No No	Autori	tät
1 2 3 4 5 6 7 8 9	AG. Str. " Nicol. " Albany	8164 8183 8172 8180 5911 5912 5902 5902 5907 8173	11 12 13 14 15 16 17 18 19 20	Albany Nicol. Lpz II " Lpz I " " "	8187 8176 5901 11730 11754 11737 11740 9377 9378	21 22 23 24 25 26 27 28 29 30	Lpz I Berl. A. " Nicol. " Albany	9384 9656 9676 9662 5523 5529 5517 5532 7569 7581	31 32 33 34 35 36 37 38 39	Albany Berl. A. " " Wien-O. " "	7573 7575 8512 8535 8506 8542 6490 6494 6484 6499

1913 c. Der Komet wurde auf einer Platte entdeckt, die am 3^{-ten} September zur programmässigen Aufnahme der kleinen Planeten unserer Zone exponiert war.

Seine Spur war der eines Planeten ganz ähnlich und bestand aus einem Strich von c. 2' Länge, der nahezu in der Richtung des Deklinationskreises verlief. Nur an seiner Ostseite schien mir eine ganz leichte Nebelaureole vorhanden zu sein, die jedoch sehr schwach war und bei Anwendung einer stärkeren Vergrösserung verschwand. Daher gelang es mir nicht zu entscheiden, ob es sich um einen Kometen oder kleinen Planeten handelte. Am 5^{-ten} Sept. fand ich das neuentdeckte Objekt vor Beginn der Aufnahme im optischen Fernrohr des Astrographen (150^{mm}) auf und unterschied es von den umgebenden Sternen wegen seiner äusserst schwachen Nebelhülle, so dass damit die Frage entschieden war, welcher Klasse von Himmelskörpern es angehörte.

Die Aufnahme vom 6^{-ten} Sept. liess nach Metcalf's Methode am Kometen ausser einem sternartigen Kern (von ungefähr 12^{-ter} Gr.) einen kurzen fächerförmigen Schweif von beiläufig 1' Länge erkennen, der im Positionswinkel 130°—140° verlief. Ein ebensolcher, jedoch viel schwächerer, Schweif findet sich auf der Aufnahme vom 27^{-ten} Sept.

Die letzten zwei Platten zeigen den Kometen in Form eines Sterns ungefähr 13.5 Gr.

1913 d. Am 28^{-ten} Sept. war der Komet ungefähr 7.5^{-ter} Grösse und in einem lichtstarken Opernglase gut sichtbar. Am 19^{-ten} Oktober betrug seine Helligkeit 9".0. Auf den Platten erscheint er sehr verwaschen und unbestimmt begrenzt, so dass die Einstellungen unsicher sind.

1913 e. Der Komet besitzt einen deutlich ausgesprochenen Kern (10^{-ter} Gr.); sein Schweif hat auf der Platte eine Länge von ungefähr 10' und verläuft unter einem Positionswinkel von 80° ±.

Die in obiger Tafel gegebene Position wurde nach telegraphischer Mitteilung in № 4690 der Astr. Nachr. veröffentlicht.

Simeïs, 1914. März.

Photographische Beobachtungen kleiner Planeten in Simeïs.

Von G. Neujmin.

Für einige kleine Planeten, deren angenäherte Örter ich, entsprechend dem Programm unserer Abteilung, bestimmt hatte, erwies sich später eine genauere Kenntnis ihrer Positionen als wünschenswert.

Nachstehend sind solche Positionen für den Zeitraum Juni 1913 — März 1914 incl. zusammengestellt. Die Messung und Reduktion geschah ganz in derselben Weise wie bei der Berechnung der Kometenörter (siehe oben, Seite 67).

Da die Daten, welche zur Reduktion auf den Mittelpunkt der Erde erforderlich sind, sich für unsere Sternwarte noch in keinem astronomischen Jahrbuch finden, halte ich es für notwendig, sie hier anzuführen:

log
$$(\rho \pi \cos \phi')^s = 9.62309$$
; log $(\rho \pi \sin \phi')'' = 0.78722$.

Diese Grössen habe ich nach zwei, von einander unabhängigen, Methoden abgeleitet mit Zugrundelegung des Bessel'schen Ellipsoïds, der Sonnenparallaxe $\pi = 8.80$ und der provisorischen Koordinaten der Sternwarte (nach S. Beljawsky):

$$\varphi = +44^{\circ}24'11''$$
 $h = 360$ Meter.

Fügen wir noch hinzu, dass die Reduktion der Sternzeit im mittleren Mittag vom Greenwicher auf unseren Meridian

$-22^{s}34$

beträgt, so stehen uns alle Daten zur Verfügung, die zur Berechnung der Beobachtungen erforderlich sind.

Beobachtungen des Jahres 1913.

№№ d.Platt.	1913	M. Z. Grw.	α _{1913.0}		δ _{1913.0}		*
980	Juni 8	11 ^h 5 ^m 3	(196) Philomela 18 ^h 5 ^m 0.95 1913 RO		—25°58′49″7	51 48.3	I,2 I,2
964 965	Juni 1	10 38.1	15 51 22,08 1913 SL	.19 .97	— 5 46 57.2	56.9 57.4	3,4 5,6
1060 1060 ¹) 1067 1068	Aug. 28 Sept. 2	9 37.5	23 6 45.20 23 3 1.29	.12 .28 .40	— 2 17 19.1 — 2 29 7.6	18.1 20.1 8.0 7.2	7,8 9,10 11,12 13,9

¹⁾ Auf der Platte M 1061 ist das Bild des Planeten durch einen Defekt in der Gelatineschicht bedeckt.

MM d. Platt.	191	3	M. Z. Grw.	α _{1913.0}		δ _{1918.0}		柴
				1913 SM				
1053	Aug.	27	9 ^h 16 ^m 4	22 ^h 30 ^m 47 ^{.8} 81	.67	→ 0°43′42″3	43.2	14,15
1054 1065 1066	79	31	8 48.6	22 27 42.82	•95 •85 •79	o 54 28.2	41.4 28.0 28.4	16,15
1000			1	1913 SQ	*17		2004	1 19.20
1069 1070	Sept.	3	9 17.9	23 14 45.20	.17	-1 - 8 56 3 5 .1	35·3 34·9	21,22
1079	11	10	10 41.6	23 9 12.61	.63	-1- 8 42 4.3	3.5 5.1	25,26
1093	Okt.	1	7 34.2	22 53 44.02	.00	+ 7 33 59.6	59.0 60.2	28,29 30,31
1119	77	21	5 44.3	22 44 12.18	.12	-+ 6 21 40.9	42 . 9 38. 9	32,33 32,34
				1913 SX				
1 0 91 1092	Sept.	28	10 25.3	0 48 38.84	.11	-+ I 9 23.7	23.0 24.5	35,36 37,38
1009	Okt.	2	10 35.8	0 45 35.98	.09 .88	-1- 0 51 20.3	19.2 21.4	39,40 39,41
1125	39	24	9 14.9	0 30 14.47	.50	- O 28 15.2	13.3	42,43
				1913 SY				
1099	Okt.	2	10 35.8	o 54 5 6.8:	·7:	-+- 0 55 26:	28:	45,46 47,48
1125	22	24	9 14.9	0 39 31.00	.86	- 0 44 52.4	54.6 50.2	49,50 51,52
				1913 SZ				
1107	Okt.	4	10 46.8	I 25 16.26	.23	— 2 56 20.2	22.3 18.1	53,54 55,56
				1913 TA				
1111	Okt.	6	11 27.1	1 19 7.57	.66 .48	+ 3 31 43.2	45·5 40.9	57,58 57,59
1113	27	9	11 25.5	1 16 41.59	.62 .56	+- 3 2 2 53.6	53.2 54.0	60,61 62,63
1133	**	26	10 33.7	1 3 21.60	•54 .66	+ 2 40 I.7	1.5	64,65 66,67
				1913 TB				
1111 1112	Okt.	6	11 27.1	1 41 6.15	.06	- 0 45 57.I	57.0 57.2	68,69 7 0,7 1

Beobachtungen des Jahres 1914.

N.N. d. Platt.	191	4	M. Z. Grw.	α _{1914.0}		δ _{1914.0}		洣
				1914 UC				
1201	Jan.	27	11 2.5	8 37 13.73	.86 .61	→ 10 5 35.7	32.3 39.1	72,73 74,75
1209	Febr.	13	5 45 - 5	8 24 44.78	.82 •75	-1-12 13 55.1	55·3 54·9	76,77 76,78
·			'	1914 UF				• • •
1195	Jan.	25	11 49.9	8 50 56.97	.03	+12 36 28.9	29.6 28.2	79,80 79,80
1209	Febr.	18	5 45.5	8 37 4.08	.09	+14 50 57.5	60.0 55.1	81,82 83,84
				1914 UQ				
1297	April	22	12 52.7	14 40 20.98	.12	— I 44 4I.9	42.6 41.2	85, 86 87,88

Vergleichsterne.

NoNo	Autorität		№Nº	Autor	rität	№Nº	Autorität №№		Autorität		
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22		\$\$15 \$528 \$5517 \$524 7985 7995 7981 7999 7972 7977 7975 \$676 \$683 \$677 \$658 \$670 \$664 \$671 \$11597 \$11605	23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43	Lpz II " " " " " " " " " " Nicol. " " " " " " " " " " " " " " " " "	11598 11604 11559 11575 11561 11465 11473 11469 11472 11401 11412 11417 160 165 167 147 149 155 82 92	45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 60 61 62 63 64 65 66	Nicol. "" "" "Str. "" Albany "" "" "" "" "" "" "" "" "" "" "" "" ""	182 194 181 197 119 129 118 131 338 342 333 343 374 386 395 357 1) 363 368 290 316 297	67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 80 81 82 83 84 85 86 87 88	Albany Nicol. " " " " " " " " " " " " " " Berl. A. Lpz I Berl. A. Nicol. " "	308 349 344 348 3502 3517 3503 3519 3412 3432 3433 3589 3595 3472 3514 3498 3498 3498 3796 3784 3798

Bemerkungen.

- 1) Die Bilder der Planeten SM 1913 Aug. 27, TA 1913 Okt. 6 und UF 1914 Febr. 13 sind weit vom Plattenzentrum entfernt, SY 1913 liegt sehr nahe am Rande.
- 2) Da wir keine genauen Kataloge für Deklinationen südlich von —18° besitzen, hat mir Frl. M. Shilow in Pulkowo die Positionen der Vergleichsterne №№ 1 und 2 freundlichst mitgeteilt. Die aus mehreren Katalogen gebildeten Mittelwerte sind:

Ephemeriden des Planeten (196) Philomela (1914-1925).

Von M. Shilow.

¹⁾ Eigenbewegung aus AG. Albany.

Mitt. Be	erl. Zeit	. 12 ^h	α 1914.0	8 1914. 0	lg Δ	Aberr. Zt.	Grösse
1914	Sept.	10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 28 24 25 56	24 ^h 0 ^m 46 ^s -45 ^s 1 -44 23 59 17 -45 58 32 -45 57 47 -45 56 18 -44 55 32 -45 54 2 -45 54 2 -45 53 17 -46 52 31 -45 51 46 -46 50 14 -46 49 28 -46 23 48 42		0.3201 .3198 .3196 .3194 .3193 .3193 .3193 .3194 .3195 .3197 .3199 .3202 .3206 .3211 .3215 .3221	17 ^m 22 ^s 21 20 20 20 20 20 20 21 21 21 22 23 24 25 26 17 28	10.3
			α 1915.0	8 1915.0			
1915	Nov.	24 25 26 27 28 29 30	4 54 52 -53 53 59 -53 53 6 -53 52 13 -53 50 27 -53 49 34 -54 48 40 -54	-+-22 12.1 12.6 +-0.5 13.1 +-0.5 13.6 +-0.4 14.0 +-0.4 14.4 +-0.4 14.8 +-0.4 15.2 +-0.4	0.3444 .3438 .3433 .3428 .3424 .3421 .3418	18 21 20 19 18 17 16 15	10.5
	8	2 3 4 5 6 7 8	47 46 -54 46 52 -54 46 58 -54 45 58 -54 45 4 -55 44 9 -54 43 15 -55 42 20 -55	15.5 +0.4 15.9 +0.3 16.2 +0.3 16.5 +0.2 16.7 +0.3 17.0 +0.2	.3415 .3415 .3415 .3415 .3415 .3416	14 14 14 14 14 14	10.5
		9 10	41 25 -55	17.4 +22 17.6 +0.2	.3421 0.3424	16 18 16	10.5
			α 1917.0	δ 1917.0			
1917	Febr.	11 12 13 14 15 16 17	10 19 10 -47 18 23 -48 17 35 -48 16 47 -48 15 59 -48 15 11 -48	-+21 19.4 +5.4 24.8 +5.3 30.1 +5.3 35.4 +5.1 40.5 +5.0 45.5 +4.9	0.3419 .3415 .3412 .3410 .3409	18 15 14 14 13 12 12	10.5
	8	18 19 20 21 22 23 24 25	11 58 -48 11 10 -48 10 22 -48 10 22 -49 9 33 -48 8 45 -48	50.4 +4.8 55.2 +4.8 -+22 0.0 +4.6 4.6 +4.5 9.1 +4.5 13.5 +4.3 17.8 +4.3 22.0 +4.1 26.1 +4.0	.3407 .3407 .3408 .3409 .3411 .3413 .3416 .3420	12 12 13 14 14 15	10.5
		26 27	7 57 -49 7 8 -49 10 6 20 -48	30.1 +4.0 +3.9	• 342 9 0. 3434	18 18 2 0	10.5

Mitt. Be	rl. Zeit.	. 12 ^h	α 1918.0	8 1918.0	$\lg \Delta$	Aberr. Zt.	Grösse
1918	April Mai	29 80 1 2 8 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	15 ^h 14 ^m 43 ^s -48 ^s 13 55 -48 13 7 -49 12 18 -48 11 30 -48 10 41 -48 9 53 -49 9 4 -49 7 26 -49 6 37 -49 5 48 -49 4 59 -50 4 9 -49 3 20 -50 15 1 41	-12°59'.3 +1'.6 57.7 +1.6 56.1 +1.6 54.5 +1.6 52.9 +1.6 51.3 +1.5 49.8 +1.6 48.2 +1.5 46.7 +1.5 45.2 +1.5 43.7 +1.5 42.2 +1.4 40.8 +1.5 39.3 +1.4 37.9 +1.5 37.9 +1.5 39.3 +1.4 37.9 +1.5	0.3173 .3168 .3163 .3159 .3155 .3152 .3149 .3144 .3142 .3141 .3141 .3141 .3142 0.3144	17 ^m 15 ^s 14 12 12 11 10 9 8 8 8 7 7 7 17 8	10.3
			α 1919.0	8 1919.0			
1919	Juli Aug.	28 29 30 31 1 2	21 19 28 -47 18 41 -47 17 54 -47 17 7 -48 16 19 -47 15 32 -48 14 44 -48	-25 19.1 -5.2 24.3 -5.1 29.4 -5.0 34.4 -4.9 39.3 -4.8 44.1 -4.7 48.8 -4.6	0.3110 .3106 .3103 .3100 .3098 .3096 .3095	17 0 16 59 58 58 57 57	10.3
	8	4 5 6 7 8 9 10 11	13 8 -48 12 20 -49 11 31 -48 10 43 -49 9 54 -49 9 5 -49 8 16 -49	53.4 -4.6 58.0 -4.5 58.0 -4.5 6.9 -4.4 11.2 -4.2 15.4 -4.1 19.5 -4.1 23.6 -3.9	.3095 .3095 .3096 .3097 .3099 .3101 .3104	56 56 57 57 57 58 59	10.3
		12 13	7 27 -49 21 6 37 -50	-26 31.4 -3.9	.3112 0.3117	17 2	10.3
1920	Okt.	21 22	α 1920.0 2 25 47 -48 24 59 -40	δ 1920.0 7 ^{22.3} -2.9	0.33 41 .3 338	17 56 55	10.5
		23 24 25 26	24 10 -48 23 22 -49 22 33 -48	19.4 -2.7 16.7 -2.7 14.0 -2.6 11.4 -2.6 8.8 -2.6	•3335 •3334 •3333 •3332	54 54 54 54 53	
	8	27 28 29 30	20 56 -48 20 8 -49 19 19 -49	3.7 —2.5 3.7 —2.5 1.2 —2.4 -1- 6 58.8 —2.4	•3332 •3333 •3334 •3336	54 54 54 54	10.5
		31 1 2 3	17 42 -48 16 54 -48 16 6 -49	56.5 -2.3 54.2 -2.3 51.9 -2.2	.3338 .3341 .3345	55 56 57 58	
		4 5 6	15 17 -48 14 29 -48 13 40 -49 2 12 52 -48	49.7 —2.2 47.5 —2.1 45.4 —2.0 —— 6 43.4	•3349 •3354 •3360 0.3366	17 59 18 0 18 2	10.5

Mitt. Berl. Zeit. 12 ^h	α 1922.0	δ 19 22.0	$\lg \Delta$	Aberr. Zt.	Grösse
1922 Jan. 8 4 5 6 7 8 9 10 8 11 12 13 14 15 16 17 18 19	7 ^h 39 ^m 24 ^s 38 30 -54 38 30 -53 36 43 -54 35 49 -54 34 55 -54 34 1 -55 33 1 8 -54 30 24 -55 29 29 -54 28 35 -55 26 46 -54 25 51 -55 7 24 56	+27°46′2 50.2 +3.8 54.0 +3.8 57.8 +3.7 5.2 +3.5 1.5 +3.5 12.2 +3.5 15.6 +3.3 22.2 25.4 +3.1 28.5 +3.1 28.5 +3.1 28.5 +3.2 25.4 +3.1 28.5 +3.1 28.5 +3.2 25.4 +3.1 28.5 +3.7 +3.9 +3.9 22.2 25.4 +3.1 28.5 +3.1 28.5 +3.2 28.5 +3.2 28.5 +3.4 +3.2 28.5 +3.2 28.5 +3.2 28.5 +3.4 +3.2 28.5 +3.1 28.5 +3.1 28.5 +3.2 28.5 +3.2 28.5 +3.1 28.5 +3.1 28.5 +3.2 28.5 +3.2 28.5 +3.1 28.5 +3.1 48.5 48.1 48.1 48.5 48.1 48.5 48.1 48.5 48.1 48.5 48.1 48.5	0.3466 .3462 .3458 .3455 .3451 .3450 .3449 .3449 .3450 .3452 .3454 .3457 .3461 .3465 0.3469	18 ^m 27 ^s 26 25 24 24 23 23 23 23 23 24 24 25 26 27 18 28	10.5
1923 März 22	α 1923.0	δ 1923.0 + 5 22.0	0.3294	17 44	10.4
28 24 25 26 27 28 29 30 31	48 5 -45 47 20 -45 46 35 -45 45 50 -45 45 5 -45 44 20 -46 43 34 -45 42 49 -46 42 3 -46	26.5 +4.5 31.0 +4.4 35.4 +4.4 39.7 +4.3 44.0 +4.1 48.1 +4.1 52.2 +4.0 56.2 +3.9	.3289 .3285 .3282 .3279 .3276 .3275 .3273 .3273	43 42 41 40 40 39 39 39	10,4
8 April 1 2 3 4 5 6 7	41 17 -45 40 32 -45 39 46 -46 39 0 -46 38 14 -47 37 27 -46 12 36 41 -46	4.0 - 3.9 7.7 + 3.7 11.4 + 3.6 15.0 + 3.6 18.6 + 3.6 22.0 + 3.4 - 6 25.4 + 3.4	•3274 •3275 •3276 •3279 •3282 •3285 •0.3289	39 39 40 40 41 42 17 43	10.4
	α 1924.0	δ 1924.0			
1924 Juni 12 13 14 15 16 17 18 19 20	18 12 25 —52 11 33 —52 10 41 —51 9 50 —52 8 58 —52 8 6 —52 7 14 —53 5 29 —62	-26 26.8 29.3 -2.5 31.8 -2.5 34.3 -2.5 34.7 -2.4 36.7 -2.3 39.0 -2.3 41.3 -2.3 43.6 -2.2 45.8 -2.2	0.3088 .3083 .3078 .3073 .3070 .3066 .3064 .3062	16 55 54 52 52 51 50 49 49	10.3
21 22 23 24 25 26 27	3 44 -53 3 44 -53 2 51 -53 1 58 -53 1 5 -54 17 59 18 -53 17 59 24 -54	48.0 -2.2 50.2 -2.0 52.2 -2.1 54.3 -2.0 56.3 -1.9 -26 58.2 -1.9 -27 0.1	.3060 .3059 .3060 .3061 .3062 .3064	48 48 48 48 49 49	10.2
28	17 58 24	-27 2.0 -1.9	0.3070	16 51	10.3

Mitt. Be	rl. Zeit	12^{h}	α 1925.0	8 1925.0	$\lg \Delta$	Aberr. Zt.	Grösse
1925	Sept.	10 11 12 13 14 15 16 17 18	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-10°50′8 -5′0 55.8 -4.8 -11 0.6 -4.8 5.4 -4.7 10.1 -4.6 14.7 -4.5 19.2 -4.5 19.2 -4.4 23.6 -4.4 28.0 -4.4	0.3245 .3241 .3239 .3236 .3235 .3234 .3234 .3234	17 ^m 32 ^s 31 31 30 30 30 30 30 30	10.4 10.4
	8	19 20 21 22 23 24 25 26	59 4 -45 58 19 -45 57 33 -45 56 48 -46 56 2 -46 55 16 -46 54 30 -46 23 53 44	32.2 -4.2 36.4 -4.1 40.5 -4.0 44.5 -3.9 48.4 -3.8 52.2 -3.7 -11 59.6	.3236 .3238 .3240 .3244 .3247 .3252 .3257 0.3262	30 30 31 32 33 34 35 17 36	10.4

Напечатано по распоряжению Николаевской Главной Астрономической Обсерватории.

Пулково, 1914. Сентябрь.

О. Баклундъ, Директоръ.



Platte	p q r		r	p'	q'	r'
B 462 475 536 537 538 539 573 582 588 590		-+0.000101 65 -+ 79 -+ 214 5 -+ 148 -+ 24 -+ 189 -+ 139 296		-0.000077 - 46 - 279 - 607 - 153 - 126 - 57 - 245 - 24 - 333	-0.000264 -+ 14 138 193 349 528 423 195 191 298	-+0.01074 72 -+ 925 -+ 414 -+ 232 -+ 14 -+ 225 323 -+ 65 54

während die Normalplatte giebt:

$$P = -0.007426$$
 $P' = +0.000230$ $Q = +0.000005$ $Q' = -0.007067$ $R = +0.0124$ $R' = +0.0088$.

Daraus finden wir den Massstab:

in
$$A$$
: $1^{nm} = 59.554$
in Dekl.: $1^{mm} = 59.576$.

Die nachstehende Tabelle enthält die gemessenen rechtwinkligen Koordinaten der Vergleichsterne und des Sterns B. D. -- 53°2911, der mit s bezeichnet ist. Diese Werte sind von allen Fehlern des Messapparats befreit und in Millimetern ausgedrückt.

Platte	Sterne	œ	y	Platte	Sterne	x	y	Platte	Sterne	x	y
	a	-+ 1.9508 -+-2.0508	+5.6858	•	a {	-1-1.9337 9480 9551 -1-2.0353 0480	+5.2974		a {	-+1.9469 9480 9730 -+-2.0475 0512	+5.7032 +5.2718 +7.6667
B 462	8			B 473	8 {	0543 +4.4155 4274 4349	+6.8439 +7.7739 +7.3914 +6.9940	B 475	s {	0712 +4.4289 4302 4516	+6.8176 +7.8192 +7.3999 -+6.9713
	С	- 7.1152	-+-9.2187		c {	+7.102 2 1153 1209	-+9.2280 -+8.8286		c {	+7.1098 1173 1364	+9.2318 -1-8.8012
	d	-+-8.2522	-1-5.4262		d {	+8.2328 2468 2550			d {	+8.2446 2520 2692	+5.8597 +5.4402 +5.0112

Platte	Sterne	x	y	Platte	Sterne	x	y	Platte	Sterne	x	y
	a {	+1.9433 9416	+-5.7005 +-6.1177		a {	-+1.5332 -+1.9521 -+2.3440 -+1.6286	+5.6988 7045 6874		a {	1.9484 9434 9459	+6.1239 +5.7002 +5.2832
	b {	- 1-2.0 410 0408	+7.2458 +7.6623		b {	-1.0266 -1-2.0472 -1-2.4472 -1-4.0266	→7.2473 2477 2348 →7.3961		b {	+2.0490 0494 0460	-+7.6679 -+7.2476 -+6.8249
B 536	s {	-+-4.436 0 4356	-+-7.3966 -+-7.8122	B 539	ε {	-+4.8436 -+6.6950	4018 3860 +9.2336	B 588	s	+4.4509 4482 4506	+7.8198 +7.3983 +6.9805
	c {	-+-7.1104 1085	- 1 -9.23 32 - 1 -9.6490		c {	+7.1138 +7.5121 -1-7.8288	2350 2213 -+5.4357		c {	- 1 -7.1092	-1-9.6530 -1-9.2299
	d {	-+-8.2442 2394	-+5.4424 -+5.8566		<i>d</i> {	-+8.2470 -+8.6472	4398 4 2 76		d	+8.2464 2468	+5.8587 +5.4379
				,	a {	-+1.9 490 9 5 10 9 5 40	-1-6.1522 -1-5.7005 -1-5.3090			2452	+5.0228
	a {	+-1.9423 9124	-+-5.6976 -+-6.11 2 0		b {	-1-2.0518 0522 0543	+7.6982 -+7.2456 -+6.8578		a {	- 1. 9470 9505 9526	+6.1350 +5.6990 +5.2890
,	b {	- 1-2.0465 0405	+7.2388 +7.6592	B 573	s {	- 1 -4-4474 4528 4559	+7.8509 +7.3974 +7.0126		b {	-+-2.0522 0543 0584	+7.6806 +7.2423 +6.8324
B 537	s {	-1-4.4390 4370	+7.3943 +7.8114		c {	-1-7.1152 1169 1194	-1-9.6834 +-9.2314 +8.8438	B 590	s {	-1-4.4522 4562 4634	+7.8305 +7.3936 -1-6.9874
	c {	1102	-1-9.2336 -1-9.6448		$d\left\{ \left[\right. \right. \right.$	-1-8.2 180 2525 2539	+5.8922 +5.4382 +5.0502		c {	7.1144 1178	+9.6661 +9.2280
	d {	-+-8.2475 2438	+5.4384 +5.8524		n {	1.94 42 947 2 9488	+6.1248 +5.7035 +5.2868		a {	-1-8.2488 2518 2564	-+5.8726 -+5.4341 -+5.0263
	a	-+1.9 489	-1 -5.6966		b {	-1-2.0437 . 0441 . 0476	+7.6736 -+7.2498 -+6.8329				,,,,,,
	ь	-1-2.0479	-+-7.2411	B 582	s {	+4.4452 4490 4506	7.8 240 7.4044 6.9863				
B 538	s c	+4.4496	+7.3893 -+9.2330		c	+7.1058 1094 1130	+9.6590 +9.2340 +8.8186				
	d	-1-8.2498	5.4404		$d\left\{ \left \right. \right. \right.$	-1-8.2427 2474 2481	+5.8636 +5.4411 +5.0274				

Stellt man, nach Bildung der arithmetischen Mittel aus den einzelnen Bildern, die Differenzen Δx und Δy zusammen und reduziert man sie auf die Normalplatte nach den Formeln (3), so erhält man $\Delta \xi$ und $\Delta \eta$. Diese Differenzen sind im Sinne s—Vergleichstern genommen:

D1 - 4 4 -	Δξ			Δη				
Platte	a	b	c	d	a	b	c	d
B 462 473 475 536 537 538 539 573 582 588 590	+-2.47827 48031 48078 49333 49495 50003 49527 49980 50126 50388 50706	+2.37812 38010 38027 39469 39351 40106 39710 39839 40254 40144 40165	-2.68506 68691 68416 67352 67373 66899 66783 66414 66085 66039 66047	-3.82180 81889 81848 80583 80564 79918 80108 79802 79657 79537 79471	1.70083 69567 69867 69495 69673 69230 69706 69940 69953 69723 69546	-+0.15543 15025 15274 15027 15287 14833 15157 15345 15273 15316 15182	—1.83193 83631 83191 83632 83505 84326 83462 83229 83190 83319 83348	-1-1.95942 95783 95913 95482 95845 94793 95888 95861 96058 95855 95930

Auf Grundlage dieser schon ganz gleichartigen Grössen wurde die Eigenbewegung und die Parallaxe von B. D. + 53°2911 berechnet.

§ 2. Aufstellung der Bedingungsgleichungen und ihre Lösung.

Aus der letzten Tafel finden wir folgende Mittelwerte von $\Delta \xi_m$ für die Epoche 1912.424.

Stern
$$a: +2.49408$$

, $b +2.39354$
, $c -2.67146$
, $d -3.80505$

Die Formeln zur Berechnung der Eigenbewegung und Parallaxe des Sterns B. D. + 53°2911 aus den Differenzen $\Delta\xi$ haben die Form:

$$(t-1913.424)$$
 $\mu_{\xi} + h_{\xi}\pi + e + k_{\xi}\beta = n$

wo $n = \Delta \xi - \Delta \xi_m$ ist und das Glied $k_{\xi}\beta$ den Einfluss der Stundenwinkelfehler auf die Unterschiede $\Delta \xi - \Delta \xi_m$ darstellt. Unter der Annahme, dass sie von der atmosphärischen Dispersion und anderen Ursachen, welche auf die Zenitdistanz einwirken, herrühren, kann man schreiben:

$$k_{\xi} = -\operatorname{tg}\,\zeta\,\cos\,q,$$

wo ζ die Zenitdistanz und q den parallaktischen Winkel bezeichnen. Die übrigen Glieder der Gleichung bedürfen keiner Erklärung.

In der Tabelle, die jetzt folgt, sind die n für die vier Vergleichsterne und die Koeffizienten der Bedingungsgleichungen gegeben.

DI 14	Thronks		n (in O"."0001)			t - 1913.424 = T	7	7	T.,	
Platte	Epoche	a	b	c	d	Mittel	1010.424 - 1	hξ	kg	$T\mu_0$
B 462 473 475 536 537 538 539 573 582 588 590	1912.810 .824 .849 1913.350 .353 .520 .594 .734 .797 .909 .925	-158.1 -137.7 -133.0 - 7.5 + 8.7 + 59.5 + 11.9 + 57.2 + 71.8 + 98.0 + 129.8	-154.2 -134.4 -132.7 + 11.5 - 0.3 -+ 75.2 + 35.6 + 48.5 + 90.0 + 78.9 + 81.1	136.0 154.5 127.0 20.6 22.7 24.7 36.3 73.2 106.1 110.7 109.9	-167.5 -138.4 -134.3 - 7.8 - 5.9 + 58.7 + 39.7 + 70.3 + 84.8 + 96.8 + 103.4	-153.9 -141.2 -131.8 - 6.1 - 5.0 + 54.5 + 30.9 + 62.3 + 88.2 + 96.1 + 106.0	-0.614 -0.600 -0.575 -0.074 -0.071 +0.096 +0.170 +0.310 +0.373 +0.485 +0.501	-0.756 -0.798 -0.859 -0.900 -0.904 -0.696 -0.348 -0.434 -0.714 -0.916 -0.908	0.03 0.03 0.20 0.76 0.75 0.12 0.03 0.03 0.60 0.18	139.4 136.2 130.5 16.8 16.1 +- 21.8 38.6 70.4 84.7 110.1 113.7

Um zunächst einen angenäherten Wert der jährlichen Eigenbewegung des Sterns B. D. - 53°2911 in der ξ-Koordinate zu erhalten, stellen wir, mit Benutzung der Mittelwerte von n, Gleichungen von der Form auf:

$$T\mu_0 - h_{\xi}\pi - e = n$$
.

Ihre Lösung nach der Methode der kleinsten Quadrate ergiebt die Eigenbewegung:

$$\mu_0 = +0^{mm}0227 \pm 0^{mm}00035.$$

Zieht man von den n in oben stehender Tafel die Werte von $T\mu_0$ ab — sie stehen in der letzten Kolumne — so erhält man die Absolutglieder der Gleichungen, die in den weiteren Rechnungen Verwendung finden. Sie sind, mit Benutzung des oben gefundenen Massstabes der Normalplatte, $1^{mn} = 59.554$, in Bogensekunden verwandelt.

Platte	а	ь	С	d	Mittel	p
B 462 473 475 536 537 538 539 573 582 588 590	0.111 0.009 0.015 -+0.055 -+0.148 -+0.225 0.159 0.085 0.077 0.072 0.096	0.0180.0110.0130.1690.0940.3170.0180.1310.0320.1860.194	-+0.020 0.109 -+0.021 0.023 0.039 -+0.017 0.014 -+0.017 -+0.128 -+0.004 0.023	-0.167 -0.013 -0.023 +0.053 +0.061 -0.219 +0.007 -0.001 -0.001 -0.079	-0.087 -0.039 -0.019 -0.063 -0.065 -0.194 -0.047 -0.042 -0.025 -0.086 -0.046	1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

Bei der Verteilung der Gewichte, die in die letzte Kolumne dieser Tabelle eingetragen sind, wurde den Platten B. 462 und B. 538 ½ zuerteilt, weil auf ihnen nur ein Bild jedes Sterns vorhanden ist.

Wie schon oben erwähnt, war die Bestimmung der Parallaxe dadurch sehr erschwert, dass die Aufnahme notgedrungen in verschiedenen Stundenwinkeln 1914.

извъстія

№ 65.

НИКОЛАЕВСКОЙ ГЛАВНОЙ АСТРОНОМИЧЕСКОЙ ОБСЕРВАТОРІИ.

Томъ VI, 5.

BULLETIN

DE L'OBSERVATOIRE CENTRAL NICOLAS À POULKOVO. Vol. VI, 5.

Recherches sur les élements de l'orbite de l'étoile Polaire d'après les spectrogrammes pris à Poulkovo.

Par Inna Lehmann-Balanowskaja.

Les variations des vitesses radiales de l'étoile Polaire ont été découvertes en 1899 par W. W. Campbell (voir Astr. Ph. J. V. X, p. 180 et Publications of the Astron. Soc. of the Pacific V. XI, p. 195). Il a trouvé une période de 3^d23^h15^m (3^d968). En 1900 et 1901 M. I. Hartmann de Potsdam a publié ses propres observations spectrographiques de cette étoile; il a trouvé aussi la période des variations des vitesses égale à 3^d9683. On ne trouve depuis aucune autre publication des recherches sur les vitesses de cette étoile interessante, laquelle d'après Campbell est un "triple system". Seulement dans le "Second Catalogue of spectroscopic binary stars 1910" sont donnés les elements de l'orbite d'après les recherches non publiées de M. Hartmann et de miss Hobe.

L'article présent contient les recherches de plusieurs séries des spectrogrammes de cette étoile, lesquelles ont été obtenues à Poulkovo par M. A. Bélopolsky pendant les années 1899, 1900, 1905 et 1906; en tout 96 épreuves. Il s'est manifesté que quelques élements de l'orbite déterminés provisoirement d'après la méthode Lehmann-Filhès séparément pour chacune des années indiquées diffèrent entre eux sensiblement. Pour resoudre la question, si ces différences sont réelles ou non, M. Bélopolsky avait entrepris avec mon assistance une nouvelle série des observations spectrographiques de la Polaire pendant les mois de mars, avril et mai de cette année ci. Nous avons reçu en tout encore 24 épreuves, dont quelques paires se rapportent à la même date.

Les élements déduits d'aprés ces derniers spectrogrammes diffèrent encore de toutes les valeurs trouvées dans les années précédentes.

Instruments employés.

En 1899 et 1900 (depuis novembre 1899 jusqu'à juin 1900) c'était un spectrographe à deux prismes composés adapté au réfracteur de 30 p. La dispersion est caractérisée pour la raie $H\gamma$ par $1^{mm}=13$ Å. Ce spectrographe était sans thermostate. Cet instrument est d'une moindre précision que ceux, qui ont été employés plus tard.—En 1905 on s'est servi d'un nouveau spectrographe (\mathbb{N} III A) à trois prismes muni d'un thermostate automatique; la température se maintenait constante dans les limites de 0°.1 C. La dispersion était $1^{mm}=8.7$ Å ($H\gamma$). Enfin en 1906 et 1914 on s'est servi du même spectrographe à 3 prismes, seulement l'objectif de la chambre noire fût remplacé par un "Chromat"; la dispersion est $1^{mm}=11$ Å ($H\gamma$).

Comme spectre de comparaison on s'est servi du spectre du fer (étincelle en 1899—1900 et arc en 1905—1914). L'exposition du spectre de comparaison avait lieu en 1899—1900 au milieu de la pose du spectre de l'étoile; c'était au commencement et à la fin de la pose qu'on la faisait en 1905—1914.

Méthode des mesures.

On employait presque toujours le spectrocomparateur de Hartmann. Puisque la dispersion pour les différentes années était toujours autre on a choisi pour chacune des séries (années) une plaque fondamentale (spectrogramme de la Polaire) qui devait servir comme plaque de comparaison pour les mesures de toutes les autres plaques.

Ces plaques fondamentales ont été soumises à des recherches spéciales; quelquesunes par M. Bélopolsky et les autres par moi même: nous avions déterminé avec le plus grand soin le déplacement direct des raies de l'étoile relativement aux raies du spectre de comparaison (du fer) au moyen d'un appareil de mesure ordinaire. Pour les années 1905, 1906 outre ceçi nous avions comparé les plaques fondamentales avec des plaques du Soleil, qui ont servi jadis pour les recherches analogues au moyen du spectrocomparateur; pour l'année 1914 nous nous sommes servis aussi d'une plaque de l'étoile & Cephei datée du 1911 août 3.

Détermination des déplacements des raies sur les plaques fondamentales.

Les mesures directes des déplacements ont été exprimées en kilomètres au moyen des valeurs d'un coéfficient K, que l'on trouve dans les tables, publiées par M. Bélopolsky dans ses travaux. Tab. I.

Table I. Valeurs de K.

1899-	-1900
λ	K
420 μμ	3.77 km.
425	4.06
430	4.34
435	4.62
440	4.91
445	5.18

1905 1)					
λ	K				
425 µµ	2.73 km.				
430	2.93				
435	3.14				
440	3-34				
445	3.55				
450	3.76				

1906 et	1906 et 1914 ¹)							
λ	K							
400 μμ	2.17 km.							
405	2.38							
410	2.59							
415	2.80							
420	3.02							
425	3.23							
435	3.67							
440	3.89							
445	4.12							
450	4.34							

Comme plaque fondamentale pour les années 1899 et 1900 fut choisi un spectrogramme de la Polaire du 18 janvier 1900.

En 1905 c'est la plaque du mai 16 (Polaire)

En 1906 " " " " avril 21

En 1914 ,, ,, ,, mars 23

On trouve dans la table II les déplacements Δ et v en parties du tambour et en km. pour chacune des plaques fondamentales. La colonne "corr." pour la plaque de l'année 1905 mai 16 contient le déplacement des raies du Soleil N II relativement aux raies de comparaison du fer.

 $\begin{table}{ll} Table II. \\ \it Polaire. \\ \it (Mesures directes par A. Bélopolsky). \end{table}$

1900 Jan. 18						
λ	Δ	v				
420.0 μμ. 425.0 425.1 427.2 431.0 432.6 434.1 438.4	-1.9 -2.0 -2.4 -1.0 -0.8 -1.4 -1.4 -0.6	-7.2 8.1 9.7 4.2 4.4 3.6 6.4 6.7				
	v_o Courb $v =$	—5.8 ure—0.7 —6.5 km.				

¹⁾ A. Bélopolsky. Standard velocity stars Ast. J. V. XIX, № 2. Mitteilungen Pulkowo B. III, № 30.

Polaire 1905 Mai 16.

Par Lehmann-Balanowskaja.

Relat. aux raies du fer.					
λ	Δ	v			
425.0 μμ. 427.0 429.4 430.0 432.6 437.6 438.4 440.5 445.9 447.6	-4.2 -5.6 -5.7 -5.4 -3.8 -4.6 -4.0 -3.0 -3.0 -3.2 -3.8	—11.49 km. 15.75 16.59 16.00 11.51 15.80 13.11 10.10 10.73 11.69 14.68			
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$					

Relat	Relat. au Soleil Nº II sur le spectrocomparateur						
λ	Δ	e	Corr.	v			
426 μμ 430 434 438 444 44)	6.2 5.2 5.8 3.7 4.8 3.2	17.2 km. 15.2 17.9 12.1 16.9 11.9	-+-2.2 km. 2.4 2.5 2.6 2.8 2.9	15.0 km12.815.4 9.514.110.012.8			

Moyenne: $v_0 = -13.1 \text{ km}$.

Polaire 1906 Avril 21.

Relat. aux raies du fer.						
λ	Δ	r				
404.5	-2.6	-6.1				
406.3	3.1	7.5				
407.1	-3.0	7.4				
413.2	i.6	4.3				
418.2	-1.0	2.9				
420.2	o.8	2.4				
423.6	-1.4	4.4				
427.2	-2.0	6.6				
430.8	-1.6	5.5				
438.4	-1.0	3.8				
442.7	-1.6	6.4				
447.6	-1.2	5.1				
449.4	1.0	4-3				
		$v_0 = -5.0$				

Rela	Relat. au Soleil No 16.1)						
λ	Δ	v					
420	-1.0	—3.I					
422 426	—1.8 —1.3	5 ·7 4·4					
4 2 9 433	-1.5 -1.5	5.2 5.5					
438	0.5	1.9					
444 449	-I.O -I.O	4.2 4.4					
		$v_0 = -4.3$					

Moyenne: $v_0 = -4.65$ km.

Polaire 1914 Mars 23.

Rel	at. aux raies du	fer.
λ	Δ	v
404.5 406.3 407.1 413.2 425.0 427.0 430.8 438.4 440.5 445.9 449.0	-3.6 -2.9 -2.3 -1.6 -1.9 -1.4 -2.4 -2.0 -1.0 -0.8 -1.5	8.9 7.4 5.9 4.5 6.3 4.8 8.6 7.8 4.0 3.4 6.6
44710	,	$v_o = -6.2$

Relat. à δ Cephei Août 3, 1911. 2)			
λ	Δ	v	
419	-1-14.0	-+-42.8	
422	13.0	41.0	
426	13.0	43.7	
430	12.0	42.5	
433	11.8	43.3	
438	11.1	43.3	
441	10.9	43.8	
446	9.9	42.0	
449	9.3	40.7	
v_m v_{t} $v(\delta \text{ Cephei})$ $v(\delta \text{ Cephei})$			
	$v_o =$	- 6.3	

Moyenne: $v_0 = -6.25$ km.

- Détermination de M. Bélopolsky.
 Mitteilungen Pulkowo B. VI, N. 63.

. λ

433 438 441

430 µµ —0.8

Dec. 19 II.

430 µµ -0.7 - 3.04 433 -0.5 - 2.26 438 -1.2 - 5.76 441 -1.0 - 4.97

Δ

-0.8 - 3.48 -0.8 - 3.61 -0.7 - 3.36 -0.6 - 2.98

 $v_m = 3.36$ $v_a = 0.17$ $v_o = 5.80$

 $v_m = -4.01$ $v_a = -0.18$ $v_o = -5.80$

v_m → 3.10 $v_a - 5.14$ $v_o - 5.80$

 $\varepsilon = \pm 0.78$

 $v_m = 3.35$ $v_a = 5.88$ $v_o = 5.80$

ε = ± 0.80

- 8.33

Jan. 16 (bonne).

426 \(\mu\mu\) \(\psi\) \(\psi

- 7.74

--- 9.99 $\varepsilon = \pm 0.81$

- 9.33 E = ± 0.13

km.

(11).	
Δ	km.
-0.8 -0.2 -0.3 -0.1 -0.2	+ 3.28 - 0.86 + 1.35 - 0.48 - 0.99
v_{a}	— 4.58
v_o	<u>- 5.80</u>
€ =	— 9. 7 3 = ± 0.79
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
Δ	km.
0.0	0.00
	+ 0.86 + 2.70
-0.5	2.40
-	0.00
ra -	— 4.5 8
_	<u> </u>
	-10.15 (9.49)
Ç	0.03
Δ	km.
0.8	- 3.29
—1.6 —1.0	- 6.95 - 4.51
	 5.76
	<u>- 4.97</u>
v_a	-1- 4.05
v_o	<u>- 5.80</u>
· £ ==	-6.84 = ± 0.61
	- 2.5
II (faib)	٠.
-1.7	— 7.38
- /	- 270
-0.6 -1.8	- 2.70 - 8.64
-0.6 -1.8 -1.7	- 8.64 - 8.44
	— 8.64
	Δ +0.8 -0.2 +0.3 +0.1 -0.2 vm va vo ε = Δ I. 0.0 +0.2 +0.6 -0.5 0.0 vm va vo ε = Δ I0.8 -1.0 -1.2 -1.0 vm va vo ε = Δ I1.7

- 8.56

ε = ± 1.05

1900 Mai 26 (II).

1900 Jan. 12 II.	1900 Mai 31 II.	1900 Mars 25 II.
λ Δ km.	λ · · .Δ km.	λ Δ km.
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	Juin 12 I (faible).	
Mai 28 I (diffuse). 426 $\mu\mu$ 0.0 0.00 430 +0.3 +1.30 433 +1.1 + 4.95 438 +1.5 + 7.21 441 +1.3 + 6.45 v_m + 3.98 v_a - 5.14 v_o - 5.80 - 6.96 $\varepsilon = \pm 1.42$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1899 Nov. 30 I. $426 \mu\mu$ —1.6 — 6.58 430 —2.2 — 9.55 433 —2.0 — 9.02 438 —1.9 — 9.12 441 —2.0 — 9.94 v_m — 8.84 v_a + 3.82 v_o —5.80 —10.82 $\varepsilon = \pm 0.59$
	Juin 12 II.	
Mai 23 II (diffuse). 426 $\mu\mu$ +0.3 + 1.23 430 -0.4 - 1.73 433 -0.2 - 0.90 438 +0.2 + 0.96 441 +0.4 + 1.98 v_m + 0.31 v_a - 5.13 v_o - 5.80 -10.62 $\varepsilon = \pm$ 0.70	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	Mars 25 I.	
Mai 81 (I). 426 $\mu\mu$ +0.6 + 2.46 430 -0.5 - 2.17 433 -0.1 - 0.45 438 +0.4 + 1.92 441 -0.2 - 0.98 $v_m + 0.15$ $v_a - 3.64$ $v_o - 5.80$ $- 9.29$ $\varepsilon = \pm 0.88$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Avril 30 II (faible). 426 $\mu\mu$ +1.9 + 7.81 430 +1.0 + 4.34 433 +1.3 + 5.87 438 +1.0 + 4.80 441 +1.0 + 4.97 v_m + 5.56 v_a - 8.89 v_o - 5.80 - 9.13 $\varepsilon = \pm 0.62$

La réunion de toutes les vitesses r. se trouve dans la table I.

Table I.

1899—	1900	t-T	km.	1899—1	1900	t-T	km.
Juin	1	d 0.051	-12.4	Mai	6	1.848	- 9.1
99	1	0.081	-11.9	Jan.	15	1.856	-11.1 (9.7)
Nov.	23	0.513	-12.5	Mai	22	1.953	- 6.3
Mars	2 6	0.519	-12.1	20	22	1.971	— 8. 6
29	22	0.535	-11.9	29	3 0	2.010	- 8.1
29	26	0.546	(- 9.9)	29	2 6	2.013	- 9.7
59	22	0.564	-12.8	,,	26	2.046	-10.1 (9.5)
79	30	0.615	-13.5	Nov.	29	2.427	— 6.8
Avril	7	0.617	— I I.7	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	29	2.487	- 8.6
Mars	30	0.622	-12.1	Dec.	8	2.492	8. ī
Avril	7	0.653	-13.4	Mars	24	2.517	- 7.7
Jan.	14	0.789	10.9	Ayril	5	2.616	— 7.1
Mai	5	0.829	-14.9	Dec.	19	2.712	— 9. 3
Jan.	18	0.832	—I 2 .8	27	19	2.764	-10.0
Mai	5	0.863	15.9	Jan.	12	2.768	- 7.7
99	21	0.946	(- 9.7)	27	16	2.797	— 8.3
29	25	0.976	12.7	59	12	2.807	— 7. 8
99	25	1.004	-10.6	Mai	23	2.935	- 7.0
22	29	1.012	-13.5	29	23	2,975	(-10.6)
99	29	1.043	14.3	29	31	3.014	- 9.3
Mars	23	1.515	9.4	**	31	3.051	-12.3
99	23	1.540	- 9.9	Juin	12	3.103	(- 9.7)
Avril	4	1.628	—11.0 (10.3)	27	12	3.141	—I 2.7
27	8	1.645	— 9.6	Mars	25	3.507	— 8.9 (9.3)
99	4	1.661	— 8.9	Nov.	30	3.527	1o.8
99	8	1.682	— 7.7	Mars	25	3.531	- 9.7
Jan.	3	1.702	- 9.4 (8.6)	Avril	30	3.772	—IO.O (II.O)
99	3	1.740	- 8.2	59	30	3.806	— 9.1 (9.7)
Mai	6	1.811	(-12.9)				

En réunissant en moyennes les vitesses qui correspondent aux époques $t-T_o$, dont les valeurs numériques sont très près entre elles, nous obtenons la table II, contenant les vitesses normales (lieux normaux).

Table II.

1899—1900. Vitesses normales.						
$t-T_0$	km.	n	$t-T_0$	km.	n	
0.07	 12.2	2	1.96	— 7.4	2	
0.53	-11.8	5	2.02	- 9.4	3	
0.63	-12.7	4	2.47	— 7·9	3	
0.83	-14.4	4	2.52	 7.7	I	
0.96	-11,2	2	2.68	8.4	3	
1.03	-12.8	3	2.79	 7.9	3	
1.56	1.01	3	2.95	8.8	2	
1.66	8.7	3	3.08	-11.0	4	
1.72	— 8.8	2	3.52	— 9.8	3	
1.84	- 11.0 (9.4)	3	3.79	- 9.6	2	

n — signifie le nombre des vitesses réunies en moyennes.

Moyennant la courbe des vitesses tracée d'après la table II (dess. 1) nous trouvons par la méthode Lehmann-Filhès les élements préliminaires suivants;

$$\begin{array}{lll} z_2-z_1=-0.50 & \frac{A+B}{2}=k=2.6\,\mathrm{km},\ P=3.9683\,\mathrm{(Hartmann)}\\ z_1=+0.25 & \omega=0^\circ\\ z_2=-0.25 & e=0.08\\ A=2.8\,\mathrm{km}, & a\sin\ i=141873\,\mathrm{km},\\ B=2.4\,\mathrm{km}, & T=T_0+2.93=2415085.003+2.933\\ u_1=94^\circ\\ u_1=90.719 & \gamma=-10.8\,\mathrm{km}. \end{array}$$

Puis nous calculons d'après ces éléments l'éphéméride pour 9 moments $t-T_o$ d'après les formules:

$$\mu (t - T_0) = E - e \sin E; \quad \operatorname{tg} \frac{v}{2} = \sqrt{\frac{1 + e}{1 - e}} \operatorname{tg} \frac{E}{2}; \quad u = v + \omega$$

$$v = \frac{dz}{dt} = \frac{A + B}{2} \cos u + \frac{A - B}{2}.$$

Éphémé ride .						
$t - T_0$	v courbe	v calcul	courbe-calcul	δv		
0.07	—12,2 km.	-13.23	-1.03	-0.58 km.		
0.58	12.2	-13.27	-+-1.07	0.62		
0.93	-13.2	-12.60	0.60	+1.05		
1.56	-10.1	-10.29	-+-0.19	-1-0.26		
1.74	9.6	- 9.65	-0.05	-1-0.50		
1.99	8.6	- 8.69	-1-0.09	+ 0.36		
2.49	— 7.8	8.31	-1-0.51	o.o6		
2.74	- 8.2	 8.91	-1 -0.71	-0.26		
3.38	-10.3	11.44	+1.14	-0.79		

Si l'on desire, que la somme des $\delta v = 0$, il faut corriger γ d'une valeur de +0.45 km. Ainsi on trouve les valeurs δv qui servent pour le calcul des corrections des élements préliminaires.

En employant les tables de Schlesinger (Publications of the Allegheny observatory Vol. 1, № 6), nous calculons d'après la methode des moindres carrés les corrections des élements. Ainsi nous trouvons les équations normales suivantes:

$$\begin{array}{c} .9.000 \, x - 1.168 \, y + 0.358 \, z + 3.918 \, t - 1.030 \, w + 0.140 = 0 \\ + 4.314 \, y - 0.092 \, z - 0.851 \, t + 3.787 \, w + 2.636 = 0 \\ + 4.682 \, z + 0.456 \, t - 0.104 \, w - 0.935 = 0 \\ + 2.622 \, t - 0.784 \, w - 0.277 = 0 \\ + 3.349 \, w + 2.266 = 0 \end{array}$$

où

$$x = \delta \gamma + e \cos \omega \, \delta k + k \cos \omega \, \delta e - ke \sin \omega \, \delta \omega$$

$$y = -k \delta \omega$$

$$z = \delta k$$

$$w = k\mu \sqrt{\frac{1+e}{1-e}} \cdot \frac{1}{1-e} \, \delta T$$

$$t = -k \cdot \frac{2 \cdot 21}{1-e^2} \cdot \delta e.$$

La résolution des équations donne les valeurs suivantes:

$$\delta \gamma = -0.076 \text{ km.}$$
 $\delta \omega = +57.3$
 $\delta e = -0.028$
 $\delta k = +0.195 \text{ km.}$
 $\delta T = +0.442$
 $\delta a = +319.8 \text{ km.}$

et les élements corrigés seront:

$$T = T_0 + 2!77 \qquad \pm 0!452$$

$$\omega = 57.3 \qquad \pm 42.7$$

$$e = 0.052 \qquad \pm 0.066$$

$$k = 2.8 \text{ km.} \qquad \pm 0.15$$

$$\gamma = -10.43 \text{ km.} \qquad \pm 0.26$$

$$a \sin i = 142000 \text{ km.} \qquad \pm 749 \text{ km.}$$

§ 2. Mesures et analyse des épreuves de l'année 1905.

Dans la table suivante on trouve les mesures des plaques avec les mêmes indications comme en 1899 et 1900. Plaque fondamentale: 1905 Mai 16; $v_o = -13.1 \,\mathrm{km}$.

1905 Mai 28.

1905 Mai 19. I. 1905 Mai 27.

λ Δ km.	λ Δ km.	λ Δ km.
426 μμ	426 \(\mu\) \(\psi\)	426 μμ — 0.8 — 2.22 430 0.0 0.00 434 0.0 0.00 438 +-0.7 + 2.28 444 +-0.8 +- 2.80 449 +-0.1 +- 0.37
$\begin{array}{cccc} v_m & -& \text{I.II} \\ v_0 & -& \text{I3.IO} \\ v_a & -& \text{4.25} \\ v & -& \text{I8.46} \\ \varepsilon & = \pm & \text{0.30} \end{array}$	$v_{m} \rightarrow 5.93$ $v_{0} - 13.10$ $v_{a} - 5.92$ $v - 13.09$ $\varepsilon = \pm 0.31$	$v_{m} + 0.54$ $v_{0} - 13.10$ $v_{a} - 4.46$ $v - 17.02$ $\varepsilon = \pm 0.61$
Juin 2. 426 $\mu\mu$ —0.6 — 1.66 430 —0.4 — 1.17 434 —0.3 — 0.93 438 —0.8 — 2.60 444 —0.9 — 3.15 449 —0.5 — 1.86 $v_m = 1.89$ $v_a = 3.29$ $v_o = -13.10$ $v = 18.28$ $\varepsilon = \pm 0.37$ Mai 18 (faible).	Mai 19. II. 426 $\mu\mu$ +0.7 + 1.94 430 +1.0 + 2.93 434 +0.4 + 1.24 438 +1.2 + 3.91 444 +0.6 + 2.11 449 +0.6 + 2.23 $v_m + 2.39$ $v_0 -13.10$ $v_a - 5.91$ $v -16.62$ $\varepsilon = \pm 0.38$	Mai 31. 430 $\mu\mu$ 0 0 0.00 434 \rightarrow 0.7 \rightarrow 2.16 438 \rightarrow 0.2 \rightarrow 0.65 444 \rightarrow 0.8 \rightarrow 2.81 449 \rightarrow 0.5 \rightarrow 1.86 $v_m \rightarrow$ 0.63 $v_0 \rightarrow$ 13.10 $v_a \rightarrow$ 3.78 $v \rightarrow$ 17.41 $\varepsilon = \pm 0.83$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Mai 26. 430 $\mu\mu$ +0.9 + 2.64 434 +0.5 + 1.54 438 +1.0 + 3.26 444 +0.6 + 2.11 449 +0.2 + 0.74 v_m + 2.06 v_o -13.10 v_a - 4.65 v -15.69 $\varepsilon = \pm$ 0.40	Juin 4. 426 $\mu\mu$ — 1.5 — 4.15 430 — 1.3 — 3.81 434 — 2.0 — 6.18 438 — 2.0 — 6.52 444 — 2.0 — 7.02 449 — 1.4 — 5.20 $v_{m} = 5.46$ $v_{0} = 13.10$ $v_{a} = 2.90$ $v = 21.46$
Mai 18 (faible). λ Δ km. 426 $\mu\mu$ +0.5 + 1.38 430 +2.0 + 5.86 434 +2.0 + 6.18 438 +2.0 + 6.52 444 +1.4 + 4.92 449 +1.6 +5.95 v_m + 5.13 v_o -13.10 v_a - 6.26 v -14.23 (13.47) $\varepsilon = \pm$ 0.77	Juin 8. 434 $\mu\mu$ +0.8 + 2.47 438 +1.4 + 4.57 444 +0.8 + 2.80 449 +0.8 + 2.98 $v_m + 3.21$ $v_0 -13.10$ $v_a - 3.10$ $v -13.00$ $\varepsilon = \pm 048$	ε = ± 0.53

On trouve plus loin les tables tout à fait analogues à celle des années 1899 et 1900 (Tab. IV et V).

Table IV.

Réunion des vitesses obtenues.

1	.905	$t-T_0$	km.		1905	$t-T_0$	km.
Mai	12. 34	0.456	-23.13	Mai	2 2. 38	2.561	-13.12
29	16. 42	0.568	-19.53	27	26. 35	2.567	-15.60
99	28. 37	0.612	 18.46	Juin	3. 36	2.641	-13.00
**	25. 36	1.570	—1 7. 31	Mai	19. 35	3.505	-13.12
99	29. 36	1.602	—14.19 (1 5. 01)	27	19. 40	3.548	16.61
Juin	2. 38	1.663	-18.29	n	27. 36	3.570	-17.06
Mai	18. 36	2.513	-16.06	22	31. 3 6	3.610	-17.43
99	18. 40	2. 554	-14.06	Juin	4. 36	3.643	-21.46

Table V.

Vitesses normales.

$t-T_0$	km.	n
o.06	-22.3	2
0.59	-19.0	2
1.57	-17.3	I
1.63	-16.2	2
2.57	-14.4	5
3.52	-14.8	2
3.59	-17.2	2

La vitesse deduite de la plaque du 3 Juin fut rejetée á cause de la faiblesse de cette dernière.

Moyennant la table V nous avons construit une courbe de vitesse (dess. 2) d'où nous trouvons les élements préliminaires:

$$\begin{array}{lll} z_2-z_1=-0.70 & \frac{A+B}{2}=k=3.7 \text{ km.} \\ z_1=+0.16 & \omega=119^\circ 45' \\ z_2=-0.54 & e=0.585 \\ A=2.6 \text{ km.} & a\sin i=163739 \text{ km.} \\ B=4.8 \text{ km.} & T=2416969.946+3/8=T_0+3/8 \\ u_1=72^\circ 40' & \gamma=-17.3 \text{ km.} \end{array}$$

Le calcul des corrections de ces valeurs était fait de la manière suivante: on a calculé une éphéméride des vitesses pour 14 moments $t-T_o$; on les a comparés à celle de la courbe tracée et on a deduit les différences δv (courbe—calcul Table VI). Ainsi nous avons obtenu les équations normales.

Table VI.

$t-T_0$	t-T	δυ		$t-T_0$	t-T	δv
o.06	0 .2 0	o.o km.		2.00	2.17	-0.4 km.
0.59	0.76	O.I-I-	-	2.54	2.71	0.5
0.78	0.95	-1-0.3		3.00	3.17	0.0
1.00	1.17	-1-0.5		3.25	3.42	-1-0.2
1.03	1.20	-1-0.6		3.52	3.69	-1- 0.2
1.57	1.74	0.1		3 .5 9	3.76	-0.3
1.63	1.80	-0.1		3.75	3.92	1.1

Équations normales:

$$14.000 \ x - 5.344 \ y + 4.206 \ z - 3.008 \ t + 0.825 \ w - 0.300 = 0$$
$$+ 8.575 \ y - 0.767 \ z + 0.221 \ t + 2.035 \ w + 2.689 = 0$$
$$+ 5.421 \ z - 0.312 \ t + 0.223 \ w + 0.586 = 0$$
$$+ 1.557 \ t - 0.622 \ w + 0.469 = 0$$
$$+ 1.217 \ w + 1.353 = 0$$

En les résolvant nous avons les corrections suivantes:

$$\delta k = -0.016 \text{ km.}$$
 $\delta \omega = -1.2$
 $\delta e = -0.099$
 $\delta T = -0.066$
 $\delta \gamma = -0.331 \text{ km.}$
 $\delta a = +14412 \text{ km.}$

les élements corrigés seront:

$$T = T_0 + 3/73 \pm 0.019 \qquad k = 3.68 \pm 0.16 \text{ km.}$$

$$\omega = 118.5 \pm 0.32 \qquad \gamma = -17.63 \pm 0.20 \text{ km.}$$

$$e = 0.486 \pm 0.028$$

$$a \sin i = 178000 \text{ km.} \pm 4603 \text{ km.}$$

§ 3. Mesures et analyse des épreures de 1906.

La Table VII contient les mesures des plaques; les indications restent les mêmes, comme auparavant; la réunion des vitesses se trouve dans la table VIII et les vitesses normales dans la table IX.

Table VII.

Polaris. || 1906 Mai 13. 1906 Avril 22. 1906 Mai 16. λ Δ km. λ λ Δ km. km. - 8.40 - 5.44 -- 6.28 --o.8 - 2.42 420 µµ -2.8 420 µµ -1.8 420 U.U. 423 -2.0 -1 8 423 -1.0 - 3.14 423 -2.2**—** 6.90 - 4.90 -1.5 -1.9 - 6.20 - 5.89 426 426 426 - 1.36 - 6.55 - 3.79 -0.4 -1.9430 -I.I 429 430 - 3.54 - 8.35 -1.4 **—** 5.08 -1.0 -2.9 432 434 434 -4.23 -1.63-1.2 -1.9 **— 7.2**I - 4.45 439 -- I . I 438 438 -1.4 -0.4 -0.4 - 5.70 - 1.63 444 444 444 - 5.15 -- 0.43 -0 4 - 1.72 -0.I -I.2 449 449 449 $\Delta v - 2.7 \\
v_0 - 4.65$ $r_m - 4.28$ v_m — 6.81 - 4.65 - 4.65 v_o v_o - 9.99 $v_a - 6.49$ - 7.00 v_a v --17.95 v —15.93 -17.34 $\varepsilon_0 = \pm 0.54$ $\varepsilon_0 = \pm 0.33$ ε₀=± 0.67 Avril 26. Avril 11. Avril 20. -1-0.9 + 2.72 ---1.8 - 5.45 - 5.02 - 5.24 420 µµ -0.2 - 0.60 420 µµ 120 HH -0.5 + 0.63 -1.6 - 1.57 -1-0.2 423 423 423 -0.2 - 0.65 -0.3 -1.6 426 -- 0.98 426 426 **-** 5.86 -0.4 - 1.38 -1.7 -H I.03 -1-0.3 430 430 430 - 5.45 - 1.90 - 3.26 - 2.14 -1-0.3 434 -1.5 434 +0.2 + 0.72 -- I.09 434 -0.5 -0.8 438 438 -0.4 **— 1.52** 438 0.0 0.00 0.0 0.00 +0.2 -1- 0.81 444 444 444 -0.5 449 449 --O.I -- 0.43 449 -1-0.4 -- I.7I $\begin{array}{ccc} v_m & -4.29 \\ v_o & -4.65 \end{array}$ $\begin{array}{ccc} v_m & - & 0.68 \\ v_o & - & 4.65 \end{array}$ v_m → 0.88 - 4.65 v_o v_o $v_a - 9.49$ $v_a = -11.09$ ---10.21 v_a v = -18.43v = -16.42v = -13.98 $\epsilon_0 = \pm 0.29$ ε₀=± 0.59 $\varepsilon_0 = \pm 0.28$ Mai 4. Mai 1. Avril 20. -1.8-1.0 - 3.02 420 µµ 420 MM 420 μμ +1.0 - 5.44 + 3.02 -1.9 -1.8 - 5.90 - 5.02 + 2.52 -1.6423 -t-o.8 423 423 - 5.96 - 4.25 -1.3 426 426 426 +0.8 -1- 2.62 - 5.96 - 5.85 - 7.16 - 4.55 - 3.26 - 4.29 --1.3 +0.4 - 4.48 430 -1.7 430 430 **--** 1.38 -1.5 -2.0 - 5.45 -1-0.3 433 434 434 + I.09 438 -I.2 438 -1.2 - 4.55 438 +0.2 -- 0.76 -o.8 -1.0 - 4.07 444 444 +0.6 -- 2.44 444 -0.6 -- 2.58 **-- 1.7**2 0.1--1-0.4 449 449 449 v_m — 4.18 v_m — 5.30 v_m → 1.94 $\begin{array}{ccc}
v_o & - & 4.65 \\
v_a & - & 8.84
\end{array}$ $v_0 - 4.65$ $v_0 - 4.65$ $v_a - 8.41$ -10.21 v_a v = -18.36v -17.67 v —12.92 $\varepsilon_0 = \pm 0.42$ E_ = ± 0.33 $\varepsilon_0 = \pm 0.29$ Mai 8. Mai 9. Avril 24. -2.1 -2.3 -1.8-1.4 420 µµ - 6.35 420 HH 420 μμ -0.3 - 0.90 - 7.21 - 5.88 - 6.20 - 5.02 - 5.23 -1.6 423 423 +0.4 + 1.25 423 + I.3I -r.6 426 +0.4 426 426 - 4.48 - 2.90 430 8.1-0.0 430 -1.3 430 - 5.74 - 6.46 433 -1.6 -o.8 -1-0.4 -- 1.45 434 434 - 4.55 438 -1.7 -1.2 -+-O. I - 0.38 438 438 - 4.07 - 6.44 - 4.49 + 1.62 + 2.14 -1.0 -1.1 -1-0.4 444 444 444 - 3.43 -1.5 -0.8 449 449 449 -1-0.5 v_m — 6.04 $v_m - 4.29$ r_m + 0.91 $v_{o} - 4.65$ $v_{a} - 7.64$ $\begin{array}{ccc}
v_0 & -4.65 \\
v_a & -9.62
\end{array}$ $v_0 - 4.65$ **— 7.75** v_a v -12.36 v-18.44v-16.58 $\epsilon_0 = \pm 0.32$ $\varepsilon_0 = \pm 0.25$ $\epsilon_0 = \pm 0.27$ 3

	km.
	4.23
	3.46 3.92
	2.76
	4.35
	4.19 0.81
	1.72
	2.98
	7.96
	15.59
$\varepsilon_0 = \pm 0.45$ $\varepsilon_0 = \pm 0.19$ $\varepsilon_0 = \pm$	
Mai 18.	0.02
420 µµ —0.7 — 2.11	
423 —1.1 — 3.44 426 —0.3 — 0.98 Avril 29. Mai 15.	
430 -0.8 -2.76 420 $\mu\mu$ -0.6 -1.81 420 $\mu\mu$ -2.7 $-$	8.15
	9.43 7.20
444 -0.4 -1.62 430 -0.3 -1.03 430 -2.3 -	7.94
	7.25 8.00
$v_m - 2.25$ 444 $-0.4 - 1.62$ 444 $-2.0 -$	8.14
$v_0 - 4.65 \\ v_a - 6.14$ 449 0.0 0.00 449 -2.1 -	9.00
$v_m - 1.23$	8.14
$v_0 = 4.0$	6.66
Mai 6	19.45
420 μμ —1.0 — 3.02	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0127
430 —0.9 — 3.10	
434 —0.8 — 2.90 438 —0.6 — 2.28	
444 —0.4 — 1.62	
449 —0.4 — 1.72	
$v_m - 2.55$	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
v —15.28	
$\varepsilon_0 = \pm 0.22$	

Table VIII.

Réunion des vitesses.

1906	Date	e,	$t-T_0$	km.	1906	Date.	$t - T_0$	km.
Avril	22.	34	0.2 I	17.34	Avril	20, 42	2. 2 5	-12.96
27	26.	36	o .26	— 18. 3 4	99	24. 41	2.28	-12.37
Mai	4.	33	0.29	-18.36	Mai	14. 34	2.37	-14.48
99	8.	32	0.32	-18.40	,,	18. 34	2.40	-12.99
27	16.	32	0.38	17.64	99	6. 46	2.42	-15.23
Avril	II.	40	1.17	-16.44	Avril	13. 40	3.17	14.36
Mai	I.	33	1.26	-17.69	,,	21. 37	3.21	-14.78
27	9.	33	1.33	-16.59	,,	29. 32	3.22	-14.96
79	13.	35	1.38	-15.95	Mai	7. 32	3.28	-15.51
Avril	20.	37	2.21	-13.96	,,	15. 32	3.35	-19.51

Table IX.

Vitesses normales.

$t-T_0$	km.	n
o.25	-17.8	3
0.35	-18.0	2
1.21	-17.I	2
1.36	—16.3	2
2.23	-13.5	2
2.32	—r3.4	2
2.41	-14.1	2
3.20	14.7	3
3.32	—17. 5	2

Au moyen de la table IX nous avons construit une courbe, d'où nous trouvons les élements préliminaires: (dess. 3).

$$\begin{array}{lll} z_2-z_1=-0.55 & \frac{A+B}{2}=k=2.7 \text{ km.} \\ z_1=+0.20 & \omega=67^\circ.8 \\ z_2=-0.35 & e=0.295 \\ A=3.0 \text{ km.} & a\sin i=141435 \text{ km.} \\ B=2.4 & T=T_0+3^\circ.25=2417312+3^\circ.25 \\ u_1=96^\circ.3 & T=T_0+3^\circ.25=2417312+3^\circ.25 \end{array}$$

Puis nous calculons pour 17 moments $t-T_o$ une éphéméride, qui sert à déterminer les différences δv (Table X).

Table X.

$t - T_0$	t - T	δv	1	$t - T_0$	t-T	δv
j 3 ⋅32	0.07	0.0 km.		^j 1.36	<i>j</i> 2. 08	o.2 km.
3.50	0.25	-+-0.8		2.21	2.93	0.3
3 - 75	0.50	-+-0.2		2.32	3.04	-0.3
0.03	0.75	+0.1		2.41	3.13	0.3
0.24	0,96	0.0	H	2.50	3.22	-0.2
0.35	1.07	0.0		2.75	3.47	0.0
0.53	1.25	- + -0. I		3.00	3.72	-0.1
0.78	1.50	- - -0.1		3.20	3.92	0.0
1.21	1.93	-1-0.1				

La résolution des équations normales:

$$\begin{array}{c} +\ 17.000\ x - 2.707\ y - 0.630\ z + 2.448\ t + 0.105\ w + 0.000 = 0 \\ +\ 8.274\ y - 0.518\ z - 0.029\ t + 4.975\ w - 1.577 = 0 \\ +\ 8.726\ z + 1.141\ t - 0.863\ w + 1.467 = 0 \\ +\ 2.346\ t + 0.144\ w + 0.029 = 0 \\ +\ 4.375\ w - 1.064 = 0 \end{array}$$

nous donne les valeurs des corrections suivantes:

$$\delta k = -0.16 \text{ km.}$$
 $\delta \omega = -4.1$
 $\delta e = -0.008$
 $\delta T = +0.009 \text{ km.}$
 $\delta \gamma = -0.009 \text{ km.}$
 $\delta a = +357 \text{ km.}$

Les élements définitifs sont:

$$T = T_0 + 3.26 \pm 0.003 \qquad k = 2.54 \pm 0.09 \text{ km.}$$

$$\omega = 63.7 \pm 3.5 \qquad \gamma = -15.99 \pm 0.09$$

$$e = 0.287 \pm 0.028$$

$$a \sin i = 141800 \text{ km.} \pm 1159 \text{ km.}$$

§ 4. Les mesures et l'analyse des épreuves de 1914.

La table XI contient les mesures des plaques. Elles étaient effectuées dans quelques cas par rapport à deux plaques fondamentales, celle de la Polaire du 23 mars et de δ Cephei 1911 août 3. La comparaison des vitesses ainsi obtenues montre qu'il y a une différence constante de 0.8 km. Elle était prise en considération dans la table XII.

Table XI.

Polaris 1914.

Plaque fondame	phei 1911 août 3.	Plaque fondamentale Polaris 1914 mars 23.				
	Mars 10 (fa	nible).	Mars 10.			
λ	Δ	km.	λ	Δ	km.	
426 μμ 430 432 436 438 441 446 451	+13.9 +13.6 +13.6 +13.2 +12.6 +11.1 +10.8	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	423 μμ 426 430 438 442 446	+1.3 +0.8 +1.3 +1.4 +1.4 +1.2	$\begin{array}{c} 4.22 \\ 2.71 \\ 4.62 \\ 5.46 \\ 5.72 \\ \hline 5.11 \\ \hline v_m + 4.64 \\ v_0 - 6.25 \\ v_a - 12.01 \\ \hline v - 13.62 \\ \hline \epsilon = \pm 0.40 \\ \end{array}$	

Plaque fondamentale & Cephei 1911 août 3.

Plaque fondamentale Polaris 1914 mars 28.

	Mars 1	2.		Mars 1	2.
λ	Δ	km.	λ	Δ	km.
419 µµ 421 426 430 432 438 441 446 451	-+12.8 -+12.5 -+12.2 -+12.6 -+11.8 -+10.6 -+11.0 -+ 9.6	$\begin{array}{c} +39.17 \\ +39.48 \\ +40.99 \\ +44.60 \\ +46.46 \\ -+45.90 \\ +42.61 \\ +46.64 \\ -+43.01 \\ \hline \\ v_m +43.20 \\ v_o -48.90 \\ v_a -12.02 \\ \hline \\ v -17.72 \\ \epsilon = \pm 0.96 \\ \end{array}$	415 µµ (419) 423 426 430 438 442 446 449	-1.1 -0.9 -0.2 -0.3 +0.2 -0.4 -0.4 -0.5	$\begin{array}{c} -3.19 \\ -2.77 \\ -0.65 \\ -0.67 \\ +1.06 \\ +0.78 \\ -1.63 \\ -1.71 \\ -2.20 \\ \hline \\ v_m -1.22 \\ v_o -6.25 \\ v_a -12.02 \\ \hline \\ v -19.49 \\ \varepsilon = \pm 0.50 \\ \end{array}$

	. 0.
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1.85 3.25 3.38 2.13 3.68 1.56 2.02 2.13 1.75 2.42 6.25 12.09 15.92

	Mars 10	6.		Mars 16.	
419 µµ 421 424 426 430 432 438 441 446 449	+13.2 +13.0 +13.2 +12.0 +11.8 +12.1 +11.4 +10.6 +10.6 +10.6	$\begin{array}{c} +40.39 \\ -+40.95 \\ -+43.30 \\ +40.32 \\ -+41.77 \\ -+43.92 \\ -+44.35 \\ -+42.61 \\ -+44.94 \\ -+42.05 \\ \hline \\ v_m & +42.46 \\ v_o & -48.90 \\ v_a & -12.11 \\ \hline v & -18.55 \\ \varepsilon_o = \pm 0.50 \\ \end{array}$	415 µµ 419 423 426 430 438 442 446 449	v v	~

Plaque fondamentale δ Cephei 1911 août 3.

Plaque fondamentale Polaris 1914 mars 23.

	Mars 20.	* 5		Mars 2	0.
λ	Δ	km.	λ	Δ	km.
419 μμ 421 426 430 433 438 441 446 449	+12.7 +12.6 +12.1 +12.0 +11.4 +10.9 +10.1 +10.2 +10.0 v ₀ v _a	+38.86 +39.69 +40.66 +42.48 +41.84 +42.40 +40.60 +43.25 +43.80 -41.51 -48.90 -12.10 -19.49 = ± 0.56	415 µµ 419 423 426 430 438 442 446 449	-0.9 -0.8 -0.5 -0.3 -0.4 -0.2 -0.2 -0.2	$\begin{array}{c} -2.61 \\ -2.46 \\ -1.62 \\ -1.03 \\ -1.42 \\ -0.78 \\ -0.85 \\ -0.97 \\ \hline \\ v_m -1.38 \\ v_0 -6.25 \\ v_a -12.11 \\ \hline \\ v -19.74 \\ \epsilon = \pm 0.26 \\ \end{array}$

	Mars 22	2.		Mars 22.	
419 µµ 421 426 430 433 438 441 446	-+-14.6 -+-15.5 -+-14.6 -+-14.2 -+-14.0 -+-12.2 -+-12.4 -+-12.0	-1-44.68 -1-48.82 -1-49.06 -1-51.33 -1-52.11 -1-54.46 -1-49.04 -1-52.58 -1-52.56	419 µµ 423 426 430 433 438 441 446 449	+0.8 +1.2 +1.5 +1.9 +1.2 +1.7 +2.1 +2.0	+ 2.46 +- 3.90 +- 5.05 +- 6.75 +- 4.43 +- 7.40 +- 6.86 +- 8.93 +- 8.78
		v_m +50.52 v_o -48.90 v_a -12.08 v -10.46 $\varepsilon = \pm 0.97$		ν ₀ ν ₀ ν ₀	-6.25

	Mars 24.			Mars 24.	
422 - 426 - 430 - 433 - 438 - 441 - 446 -	$+13.0$ $+13.7$ $+12.7$ $+12.0$ $+12.0$ $+11.0$ $+10.4$ $+10.4$ $+9.4$ v_0 v_a v $\varepsilon =$	+39.78 +43.70 +42.67 +42.48 +44.14 +42.79 +41.81 +44.10 +41.17 -42.91 -48.90 -12.05 -18.04 ± 0.46	415 µµ 419 423 426 430 438 442 446 449	-0.4 -0.4 -10.6 -0.2 -10.3 -0.1 -0.4 -10.2 -0.2 v _m v _o v _a	- 6.25 12.05 18.53
	ε ==	± 0.46		٤=	$= \pm 0.42$

Plaque fondamentale & Cephei 1911 août 3.

Plaque fondamentale Polaris 1914 mars 23.

	Mars 25 № 3	1.		Mars 25 №	1.
λ	Δ	km.	λ	Δ	km.
419 µµ 423 426 430 433 438 441 446 449	v v	$ \begin{array}{r} -+42.23 \\ -+45.04 \\ -+40.99 \\ -+43.90 \\ -+46.61 \\ -+45.43 \\ -+46.64 \\ -+43.36 \\ m $	415 µµ 419 423 426 430 438 442 446 449	. 1	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	Mars 25 № 9	2.		Mars 25 No	2.
419 µµ 423 426 430 433 438 441 446 449	$egin{array}{c} v \ v \end{array}$	-+42.22 -+44.71 -+42.00 -+43.54 -+43.67 -+44.74 -+43.82 -+44.94 -+43.80 m -+43.71 0 -48.90 a -12.03 -17.22 = ± 0.35	420 µµ 423 426 430 433 438 442 447	9	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Toutes les plaques suivantes ont été mesurées relativement à la plaque fondamentale 1914 mars 23.

M	Tars 30 №	1.		Iars 30 N	2.		Avril 1	
λ	Δ	km.	λ	Δ	km.	λ	Δ	km.
419 µµ 421 423 426 430 433 438 441 446 449	v_{a}	+ 3.41 + 2.21 + 3.25 + 3.04 + 4.97 + 5.15 + 3.90 + 3.63 + 5.26 - 6.25 - 11.85 - 14.24 = ± 0.99	419 µµ 423 426 430 433 438 441 446 449	-+0.2 -+0.9 -+0.3 -+0.7 -+0.8 -+0.6 -+0.4 	— 6.25	407 413 419 423 426 430 433 438 442 449	-0.5 -0.6 -0.5 -0.3 -0.2 -0.2 -0.2 -0.4 -0.7	- 6.25

Avril 3 № 1.	Avril 5.	Avril 30.
λ Δ km.	λ Δ km.	λ Δ km.
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Avril 3 $\[Mathbb{N}\]$ 2. 415 $\[Mathbb{\mu}\]$ +0.8 +2.42 419 +0.7 +2.16 423 +1.1 +3.68 426 +1.2 +4.06 430 +1.2 +4.27 433 +1.0 +3.68 438 +0.7 +2.72 441 +0.8 +3.22 446 +0.6 +2.54 449 +0.6 +2.54 49 +0.6 +2.64 $v_m + 3.13$ $v_0 -6.25$ $v_a -11.65$ $v -14.77$ $\varepsilon = \pm 0.23$ Avril 4.	Avril 7. $ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
415 $\mu\mu$ 0.0 0.00 419 -0.3 -0.92 423 0.0 0.00 426 0.0 0.00 430 +0.2 +0.71 433 +1.0 +3.68 438 +0.3 +1.17 441 +0.8 +3.24 446 +0.8 +3.39 449 +0.6 +2.63 $v_m + 1.39$ $v_o -6.25$ $v_a -11.59$ $v -16.45$ $\varepsilon = \pm 0.64$	Avril 27. $\begin{array}{ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\varepsilon = \pm 0.28$ Mai 5. $\begin{array}{ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Table XII.

La réunion des vitesses.

1914	Date.	$t-T_0$	km.	1914	Date.	$t - T_0$	km.
Mars " Avril	12. 42 20. 41 16. 45 1. 35 24. 42 5. 34	0.31 0.35 0.36 0.39 0.40 0.42	—19.0 —19.8 —19.0 —19.5 —18.5 —17.6	Mars Avril Mars Avril Mars	22. 41 3. 36 30. 37 7. 32 3. 33 30. 40	2.36 2.37 2.38 2.40 2.41 2.41	—11.5 —13.9 —14.1 —14.2 —14.8 —15.7
Mars Avril Mai Mars	25. 36 25. 39 30. 26 4. 27 10. 42 14. 39	1.34 1.37 1.53 1.58 2.27 2.28	-17.2 -17.4 -15.3 -16.3 -13.6 -15.8	Avril Mai "Mars Avril	27. 28 1. 27 5. 29 23. 38 4. 37	2.51 2.54 2.59 3.33 3.41	-12.4 -11.2 -14.9 -18.3 -16.4

Table XIII.

Vitesses normales.

$t - T_0$	km.	n
0.34	192	3
0.40	-18.5	3
1.36	-17.1	2
1.56	-15.8	. 2
2.28	14.7	2
2.37	-13.2	3
2.41	-14.9	3
2.55	-12.8	3
3.37	-17.4	. 2

Une courbe des vitesses nous permet de trouver les élements préliminaires: (dess. 4).

$$\begin{array}{lll} z_1 = +0.20 & k = 3.2 \text{ km.} \\ z_2 = -0.40 & \omega = 60^{\circ}.5 \\ z_2 - z_1 = -0.60 & e = 0.382 \\ A = 3.8 \text{ km.} & a \sin i = 162389 \text{ km.} \\ B = 2.6 \text{ km.} & T - T_0 + 3.05 = 2420204.114 + 3.05 \\ u = 100^{\circ}.8 & \gamma = -16.6 \text{ km.} \end{array}$$

Puis nous calculons une éphéméride pour 11 moments $t-T_o$ et trouvons les valeurs δv (Table XIV).

Table XIV.

t-T	δv	t-T	δv
0.03	-1-0.09 km.	2. 00	-+-0.25 km.
0.25	0.25	2.50	-1-0.24
0.53	0.45	3.25	-0.15
0.75	-0.15	3.60	-0.30
1.00	0.00	3 • 75	-1-0.25
1.50	-+-0.48		

La résolution des equations normales:

$$\begin{array}{c} 11.000\ x - 0.885\ y + 1.589\ z + 1.669\ t + 1.500\ w - 0.010 = 0 \\ + 4.799\ y + 0.288\ z - 0.309\ t + 2.436\ w + 0.067 = 0 \\ + 6.201\ z + 0.103\ t - 0.314\ w - 0.644 = 0 \\ + 1.219\ t + 0.440\ w - 0.483 = 0 \\ + 1.921\ w + 0.496 = 0 \end{array}$$

nous donne les corrections suivantes:

$$\delta k = -0.309 \text{ km}.$$
 $\delta a = +13776 \text{ km}.$ $\delta \omega = -35.77$ $\delta e = -0.192$ $\delta T = -0.029$ $\delta \gamma = +0.147 \text{ km}.$

Les élements définitifs seront:

$$\begin{array}{lll} T = T_0 + 3!.021 \pm 0.011 & k = 2.89 \pm 0.28 \text{ km.} \\ \omega = 24 .8 \pm 14 .6 & \gamma = -16.45 \pm 0.41 \text{ km.} \\ e = 0.190 \pm 0.082 & a \sin i = 176000 \text{ km.} \pm 5060 \text{ km.} \end{array} \right\} 1914.4.$$

Ainsi nous avons les élements suivants pour la série des observations de Poulkovo.

En examinant cette table nous voyons que les élements montrent des changements assez grands. Il est cependant impossible d'en faire quelque conclusion sur la periodicité des valeurs numeriques. C'est seulement la valeur γ qui permet de trouver la période des variations grace à ce que nous possedons des valeurs pour les années 1896, 1899, 1900 et 1901 publiées dans l'article de Hartmann (l. c.).

On y trouve les valeurs suivantes:

Il n'est pas difficile de tracer une courbe par les points qui caractérisent toutes les valeurs de γ (dess. 5). Ainsi nous trouvons une période de 8.5 années et une amplitude de 9 à 10 km. (M. Hartmann a trouvé la periode = 15 ans et miss Hobe = 11 ans.). La période et l'amplitude nous donnent le moyen de trouver la distance du troisième corps: A sin $I = \frac{8.95 \times 31.75.106 \times 5 \text{ km}}{2 \pi} = 213 \times 10^6$; la somme des masses = 0.04 o: sin 3I .

La plus grande difficulté dans la résolution des questions liées avec le changement des autres élements se trouve dans la petite amplitude des variations des vitesses (5.5 km.). Les erreurs dans la détermination des vitesses r. peuvent être la cause dans ce cas spécial des variations en question; elle s'aplique principalement à l'année 1900. Cependant dans un système si serré (150000 km) et probablement ayant un diamètre considérable de l'étoile dont le spectre est observable, on peut s'attendre à priori à des changements des élements. Et puisque sans doute le système est triple, les causes des variations deviennent encore plus probables. On doit

toujours s'attendre au mouvement considerable de la ligne des apsides (variation de ω) et de l'inclinaison du plan de l'orbite. Dans ce dernier cas l'amplitude des variations des vitesses doit aussi éprouver des changements périodiques (k=3.7 et 2.5 km). Il est plus difficile d'expliquer les variations de l'excentricité.

Note de A. Bélopolsky.

Madame Balanowskaja a adopté dans son travail sur la Polaire la période de Hartmann: P=3/9683 qui satisfait bien aux observations. Cependant il est intéressant de deduire la période des observations mêmes de Poulkovo faites dans l'intervalle de 14 ans. Pour ce but je me suis servi des moments des passages par les noeuds, t_0-T , qu'on trouve sur les courbes de vitesse de la Polaire (maximums des vitesses). Puis j'ai reduit les moments voisins d'observation t, moyennant les valeurs t-T, au moment du passage par le noeud. Ce procédé s'appliquait à chacune des courbes de 1900, 1905, 1906 et 1914. Ainsi, par exemple, nous trouvons sur la courbe de vitesse de 1900 le moment $t_0-T=2/31$; les moments voisins d'observation ont eu lieu: 1900 mars 24. 39, mai 22. 35; 22. 37; 30. 35; 26. 38 e. c. t. La différence t_0-T et t-T nous permet de réduire les moments d'observation au moment du passage par le noeud et la moyenne de toutes ces valeurs nous donne le moment t_0 le plus probable. Ce procédé fut appliqué à chacune des 4 courbes, et nous obtenons ainsi 4 moments t_0 qui nous permettent de trouver la période.

On trouve ces calculs dans la Table suivante.

	Noeud ascendant.	Noeud ascendant.					
	t t_0 - T - $(t$ - T) t_0 t_0 red	luit		t t_0	-T-(t-I)	t_0	$t_{ m o}$ réduit
1900	Mai 22.35 +0.36 22.71 Mai	30.65	1906	Avril 20.37	-1-0.33	20.70	Avril 20.70
	.38 .34 72	.66		•4 I	.29	.70	.70
	30.35 .30 30.65	.65		24.41	.26	24.67	.71
•	26.38 .30 26.68	.65		Mai 14.34	.14	14.48	.67
	26.42 + .26 26.68	.65		18.34	-14	18.48	.7 I
4000	Mars 24.39 — .21 24.18	.65		6.46	-H .I2	6.58	.72
1899	Nov. 29.22 — .12 29.10	.65		Avril 13.40		12.77	.71
	29.28 — .18 29.10	.65		21.37	67	20.70	.71
	Dec. 3.25 — .18 3.07	.64		29.32	68	28.64	.71
	Moyenne	30.65				Mo	yenne 20.704
•	$t_0 = 1900$ mai 30.648 = 2415170.648 I. o	$t_0 = 1906 \text{ avril } 20.704 = 2417321.704 \text{ I. d.}$					
	-		1914	Mars 10.42	+0.32	10.74	Mars 10.74
				14.39	.31	14.70	•73
1905	Mai 18.36 +0.42 18.78 Mai	18.78		22.41	.23	22.64	.7 3
	.40 .38 .78	.78		Avril 3.36	.22	3.58	.77
	22.38 .38 22.76	•79		Mars 30.37	.21	30.58	.74
	26.35 .37 26.72	.79 .78 .78 .78		Avril 7.32	.19	7.51	•73
	Juin 3.36 + .30 3.66	.78		3.33	.18	3.51	.70
	Mai 19.3557 18.78	.78		Mars 30.40	.18	30.58	•74
	.40 — .61 .79	•79		Avril 27.28	.08	27.36	•74
	37	-0-0-		Mai 1.27	+ .05	1.32	•73
	Moyenne	18.785		5.29	00	5.29	•73
	$t_0 = 1905 \text{ mai } 18.785 = 2416984.785 \text{ I.}$			-	Мо	yenne 10.734	
	ty/fraging-minimized	$t_0 = 1914 \text{ mars } 10.734 = 2420202.734 \text{ I. d.}$					

	Noeud de t t_0-T-(t		duit	t		escendant. $t-T$) t_0	t_0 rédui t		
1899 1900	Nov. 23.34 +0.10 Mars 26.36 .11 22.41 .10 26.39 .10 22.44 .11 30.43 .00 Avril 7.37 .00 Mars 30.43 .00 Avril 7.40 + .00	3 26.54 6 22.58 6 26.54 4 22.58 3 30.51 3 7.45 3 30.51 6 7.45	1 7.45 .45 .45 .45 .45 .45 .45	1906 Avril Mai Avril Mai	22,34 +0.0 26.360 4.330 8.320 15.32 + .0 16.321 11.400 1.33 -1.0	26.35 24 4.29 27 8.25 28 16.19 23 16.19 20 10.48 21 30.32	Ayril 22.38 .38 .38 .38 .38 .38 .38 .38		
	Mars 14.21 — .00 Mai 5.36 .13 Janv.18.21 .12 Mai 5.39 .10 21.35 .20	5.23 18.08 5.23 21.10	.45 .45 .45 .45	$t_0 = 19$	906 avril 22.3 —		yenne 22.381 3.381 I. d.		
	25.35 .25 25.38 .30 29.35 .31 29.38 — .34	25.07 29.04	.45 .45 .45 .45 .7.450	1914 Mars Avril	20.41 .0 16.45 .0 24.42 .0	12.54 08 20.48 06 16.52 02 24.44 00 5.34	Mars 12.54 .51 .54 .49		
	$t_0 = 1900 \text{ avril } 7.450$	0 = 2415117.450 I.				04 1.38	•54		
1905	Mai 12.34 —0.3 Juin 4.36 + .4 Mai 16.42 — .4 28.37 — .49 27.36 + .5 31.36 + .48 $t_0 = 1905$ mai 12.006	4.81 4.15.98 9.27.88 8.27.88 8.31.84 Moyenne	12.01 .00 .01 .01 .01 .00	$t_0 = 18$)14 mars 12.5 —		oyenne 1 2.524 14 .5 24 I. d.		
			Noeud as	scendant.					
	an 1914—190 1914—190 1914—190 1906—190	5 5217.949 5 2881.030	révolution 1268 811 726 542	s P 3.968522 3.967878 3.968361 3.968738	poid 2.34 1.50 1.34 1.00	P x poid 9.2863368 5.9518170 5.3176037 3.9687380			
			$P_1 = 3^{j}$	968365.					
Noeud descendant.									
	1914—190 1914—190 1914—190 1906—190	3226.518 5 2881.143	1282 813 726 556 $P_2 = 3^{j}$	3.968077 3.968657 3.968516 3.967590	2.3 1.5 1.3 1.0	9.1265771 5.9529855 5.1590708 3.9675900			

 $P = \frac{P_1 + P_2}{2} = 3.9682990.$

Dans la table suivante on trouve: les numéros chronologiques des plaques; le temps moyen de Greenwich du milieu de la pose, notes sur la qualité des plaques. Les lettres signifient: b:—bonne; f—faible; v—voilée; d—diffuse; a—assez.

Table III.

№	Temps moyen de Greenwich.	Remarques.	№	Temps moyen de Greenwich.	Remarques.	No	Temps moyen de Greenwich.	Remarques.
8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41	1899 Nov. 28. 341 29. 223 29. 283 30. 359 Dec. 8. 256 19. 348 19. 400 1900 Jan. 8. 214 8. 252 12. 217 12. 256 14. 206 15. 273 16. 214 18. 214 Mars 22. 411 22. 440 28. 391 28. 416 24. 393 24. 417 25. 383 25. 407 26. 363 26. 390 30. 427 30. 434 A vril 4. 409 4. 442 5. 397 7. 366 7. 402 8. 394 8. 431 80. 363 80. 375 21. 346	f. b. b. b. b. b. b. b. b. d. b. f.	42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 66 67 70 71 72 73 74 75 76	1900 Mai 22. 353 22. 371 28. 335 29. 375 25. 348 25. 376 26. 385 26. 418 29. 353 29. 384 80. 351 31. 355 81. 392 Juin 1. 360 1. 397 6. 358 12. 349 12. 387 1905 Mai 12. 338 16. 418 18. 363 18. 404 19. 355 19. 398 22. 379 25. 356 26. 353 27. 356 28. 366 29. 356 40. 361 Juin 2. 38 3. 36 4. 36 1906 A vril 11. 40 13. 40 20. 37 20. 37	b. d. d. b. d. b. b. b. f. f. f. f. b. b. m. f. f. f. b. b. b. b. b. b. b.	80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120	1906 A vril 21. 37	b. b. a. b. a. b.

§ 1. Mesures et analyse des épreuves de 1899-1900.

Dans la table suivante on trouve les résultats des mesures des spectrogrammes. Elles sont rangées d'après les époques $t-T_o$, ou t est le temps moyen de Greenw.

de l'exposition et T—le moment du périastron¹). Les moyennes des vitesses pour chaque plaque sont reduites au centre du Soleil (v_a) ; ε est l'erreur moyenne du résultat.

Polaire 1899-1900.

Plaque fondamentale: 1900 Jan. 18.35, $v_0 = -5.8$ km. | 1900 Mars 22 II (bonne). 1900 Juin 1 (№ 1) (bonne). | 1900 Mars 26 I (bonne). λ^2) Δ km. km. λ Δ km. -0.8**+**1.9 +2.2 420 µµ - 3.02 423 MM + 7.50 + 6.16 + 8.70 423 MM -0.5 - i.98 +1.5 4-1.8 + 7.39 426 423 426 -1.3 -0.6- 5.35 - 2.60 426 -1-0.9 + 3.90 + 3.16 + 6.73 -- 4.34 430 430 --I.O + 3.61 430 433 +0.7 -1-0.8 433 433 438 -0.8-3.61438 -1-1.4 438 **--1.6** + 7.69 - i.92 -- 8.45 -- 6.47 -0.4 +1.3 -- I.7 - 3.97 -0.8 441 $v_m + 5.65$ $v_a - 11.96$ $v_o - 5.80$ $v_m + 6.69$ $v_m - 3.21$ $v_a - 3.43$ $v_a = -12.07$ $v_0 = 5.80$ **- 5.80** v = -12.11v = -12.84-12.44 ε = ± 0.70 ε = ± 0.89 $\varepsilon = \pm 0.46$ Mars 22 I (a. bonne). Mars 30 I (bonne). Juin 1 (4) (raie de compar. +1.6 423 µµ +0.9 + 3.56 423 µµ -1- 6.32 faible). 1-0.4 -1 3.28 426 426 +0.8 426 µµ -0.6 - 2.46 + 3.90 -t-o.8 430 +0.9 430 + 3.47 - 3.47 - 1.80 430 -0.8 + 7.22 +10.58 +0.9 +1.6 433 438 + 4.06 433 -0.4 438 433 -1-0.8 -- 3.84 +2.2 - 3.36 -0.7 438 +1.8 -- 8.95 + 3.48 441 441 -1-0.7 441 -0.5 vm - 4.08 $v_m + 5.97$ $v_m - 2.71$ $v_a - 3.43$ $v_o - 5.80$ $v_a = -11.83$ $v_o = 5.80$ -12.07 v_a - 5.80 -11.90 v = -13.55-11.94 ε = ± 1.42 ε = ± 0.46 ε = ± 0.32 1899 Nov. 23 (faible). Mars 26 II (faible). Avril 7 I (faible). 426 MM -2.6-10.69426 µµ +3.0 + 7.80 + 5.65 +12.33 426 µ.µ. -1-1.9 -14.75 -11.28 + 9.10 430 -3.4 +2.I 430 430 -H-I.3 -2.5 --I.4 433 + 4.95 433 433 1.1+ 438 -2.2 -10.59 438 -+ 5.76 -+ 2.98 -- I.2 + 5.75 438 +1.2 -2.5 -12.41 441 + 5.97 **+1.2** +0.6 $v_m + 5.43$ $v_a - 11.35$ $v_o - 5.80$ vm -11.95 vm - 7.89 $v_a + 5.20$ $v_0 - 5.80$ $v_a^m - 11.96$ $v_o - 5.80$ -12.55 v = -9.87v = -11.72ε = ± 0.78 ε = ± 1.26 ε = ± 0.78

¹⁾ $T_{\rm 0} = 2415021.5115$ J. D. Valeur provisoire prise de l'article de Hartmann I. C.

²⁾ Se rapporte au centre du champ du microscope.

1900 Mars 30 II (bonne). Δ km. +2.0 + 7.90 423 µµ 4-1.8 **--** 7.39 426 430 -I-I.O + 4.34 + 5.42 + 5.29 + 2.98 -I.2 433 438 +I.I 441 +0.6 $v_m \rightarrow 5.55$ $v_a \rightarrow 11.83$ $v_o \rightarrow 5.80$ v = -12.08ε = ± 0.76 Avril 7 II (bonne). 420 µµ +0.8 + 3.01 4-0.8 -1- 3.16 423 + 8.22 426 4-2.0 -+ 1.73 -- 0.45 -1-0.4 430 -0.1 433 -1- 3.36 438 -1-0.7 + 6.95 441 +1.4 $v_m + 3.71$ $v_a = -11.35$ $v_o = -5.80$ v = -13.44E=± 1.01 Jan. 14. 420 µµ +0.3 + 1.13 423 1-0.5 -+- I.97 426 +0.2 + 0.82 430 -0.2

Jan, 14.

420
$$\mu\mu$$
 +0.3 + 1.13

423 +0.5 + 1.97

426 +0.2 + 0.82

430 -0.2 - 0.87

433 -0.2 - 0.90

438 -0.1 - 0.48

441 0.0 0.00

$$v_m + 0.24$$

$$v_a - 5.32$$

$$v_o - 5.80$$

$$v = -10.88$$

$$\varepsilon = \pm 0.42$$

Mai 5 I (très faible).

426
$$\mu\mu$$
 —0.4 — I.64
430 —0.4 — I.73
433 —0.1 — 0.45
438 0.0 0
441 —0.2 —0.99

$$v_m = 0.96$$

$$v_a = 8.18$$

$$v_o = 5.80$$

$$v = -14.94$$

$$\varepsilon = \pm 0.34$$

Mai 21 (faible).

426
$$\mu\mu$$
 +0.7 + 2.88

430 -0.1 - 0.43

433 +0.2 + 0.90

438 +0.4 + 1.92

441 +0.6 + 2.98

$$v_{m} + 1.65$$

$$v_{a} - 5.51$$

$$v_{0} - 5.80$$

$$v = -9.66$$

$$\varepsilon = \pm 0.64$$

Mai 25 I (bonne).

426
$$\mu\mu$$
 -0.6 - 2.46
430 -0.4 - 1.74
433 -0.5 - 2.26
438 -0.4 - 1.92
441 -0.5 - 2.48

$$v_m - 2.17$$

$$v_a - 4.78$$

$$v_o - 5.80$$

$$-12.75$$

$$\epsilon = \pm 0.15$$

Mai 25 II (diffuse).

426
$$\mu\mu$$
 — 0.4 — 1.64
430 — 0.9 — 3.91
433 — 0.0 — 0.00
438 — 0.4 — + 1.92
441 — +0.7 — 3.47

 v_m — 0.03
 v_a — 4.76
 v_o — 5.80
—10.59
 $\epsilon = \pm 1.30$

| 1900 Mai 29 III (bonne). km. λ 426 µµ -0.7 - 2,88 - 1.74 - 5.86 -0.4 430 -1.3433 - 4.32 438 -0.9 -0.7 441 $v_m = 3.65$ $v_a = 4.02$ $v_o = 5.80$ v = -13.47ε = ± 0.69

Mai 29 II (bonne).

420
$$\mu\mu$$
 — I.3 — 4.90
426 — I.4 — 5.75
430 — I.0 — 4.34
433 — 0.9 — 4.06
438 — I.I — 5.27
44I — 0.6 — 2.98

$$v_m = 4.55$$

$$v_a = 4.00$$

$$v_o = 5.80$$
— I4.35
$$\varepsilon = \pm 0.40$$

Mars 23 I.

426
$$\mu\mu$$
 +2.2 +9 04

430 +2.0 +8.68

433 +1.6 +7.22

438 +2.1 +10.00

441 +1.4 +7.00

 v_m +8.39

 v_a -12.04

 v_o -5.80

-9.45

 $\varepsilon = \pm 0.57$

Mars 23 II (bonne). 420 µµ +2.2 + 9.04 +2.2 -- 8.80 424 + 8.22 426 -1-2.0 -1.5 + 6.50 430 + 7.66 + 7.69 +1.7 433 +1.6 438 +1.5 + 7.45 441 vm + 7.91 $v_a = -12.04$ $v_0 = -5.80$ - 9.93 € = ± 0.32

1900 Avril 4 (III) (diffuse). λ Δ km. 420 \(\mu \mu \) 424 \(\dagger \text{2.2} \) 424 \(\dagger \text{2.1} \) 430 \(\dagger \text{1.6} \) 433 \(\dagger \text{1.5} \) 433 \(\dagger \text{1.5} \) 441 \(\dagger \text{4.7} \) v_m v_m v_a v	1900 Jan. 3 I. λ Δ km. 426 $\mu\mu$ -0.3 -1.23 430 -0.4 -1.73 433 -0.3 -1.35 438 -0.4 -1.92 441 -1.1 (-5.46) $v_m - 1.56$ $v_a - 1.25$ $v_o - 5.80$ -8.61 $\varepsilon = \pm 0.79$	1900 Jan. 15 (faible). λ Δ km. 426 $\mu\mu$ +0.6 + 2.46 430 +0.3 + 1.30 433 +0.1 + 0.45 438 -0.6 - 2.88 441 -0.2 - 1.00 v_m + 0.07 v_a - 5.34 v_o - 5.80 -11.07 (-9.74 ϵ = \pm 0.92
Avril 8 I (bonne). 420 $\mu\mu$ +1.8 + 6.78 426 +2.0 + 8.20 430 +1.8 + 7.80 433 +1.6 + 7.21 438 +1.8 + 8.64 441 +1.2 + 5.97 v_m + 7.43 v_a -11.28 v_o - 5.80 - 9.65 $\varepsilon = \pm$ 0.40	Jan. 3 II (faible). 430 $\mu\mu$ — 0.1 — 0.43 433 — 0.2 — 0.90 438 — 0.3 — 1.44 441 — 0.4 — 1.98 v_m — 1.19 v_a — 1.26 v_o — 5.80 — 8.25 $\varepsilon = \pm 0.34$	Mai 22 I (bonne), λ Δ km. 426 $\mu\mu$ +2.1 +8.60 430 +0.6 +2.61 433 +0.9 +4.05 438 +1.0 +4.80 441 +0.8 +3.96 v_m +4.81 v_a -5.33 v_o -5.80 -6.32 $\varepsilon = \pm$ 1.01
Avril 4 II (bonne). 420 $\mu\mu$ +2.5 + 9.42 426 +2.8 +11.50 430 +2.0 + 8.68 433 +2.0 +9.02 438 +1.6 +7.69 441 +0.9 +4.46 v_m + 8.46 v_a -11.56 v_o - 5.80 $v = -8.90$ $\varepsilon = \pm 0.95$	Mai 6 I (diffuse). 426 $\mu\mu$ +1.1 + 4.52 430 +0.1 + 0.43 433 -0.2 - 0.90 438 +0.2 + 0.96 441 -0.1 - 0.50 $v_m + 0.90$ $v_a - 8.03$ $v_o - 5.80$ -12.93 $\varepsilon = \pm 0.96$	Mai 22 II. 426 $\mu\mu$ +0.6 + 2.46 430 +0.4 + 1.74 433 +1.0 + 4.51 438 +0.6 + 2.88 441 +0.2 + 1.00 $v_{m} + 2.59$ $v_{a} - 5.31$ $v_{o} - 5.80$ $- 8.59$ $\varepsilon = \pm 0.59$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Mai 6 II. $426 \mu\mu$ +1.6 + 6.57 430 +0.7 + 3.04 433 +1.2 + 5.41 438 +1.2 + 5.76 441 +0.6 + 2.98 v_m + 4.75 v_a - 8.01 v_o - 5.80	Mai 30 I. $426 \mu\mu$ +1.0 + 4.11 430 +0.3 + 1.30 433 +0.6 + 2.70 438 -0.2 - 0.96 441 +0.1 + 0.49 v_m + 1.53 v_a - 3.83 v_o - 5.80

v = -9.06

ε = ± 0.74

-8.10 $\varepsilon = \pm 0.88$

 $v = \overline{-7.71}$

 $\varepsilon = \pm 0.37$